

رابعة متوسط

الفرض المحروس للفصل الثاني في الرياضيات

ب

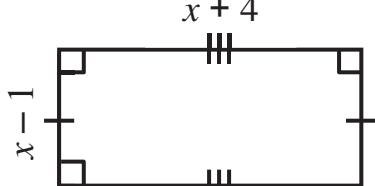
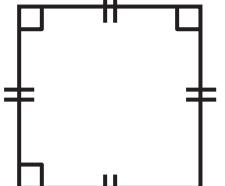
متوسطة يغمراسن - الغزوات

متوسطة يغمراسن - الغزوات

أ

التمرين 1 :

إليك الشكلين حيث x عدد حقيقي أكبر تماماً من 1.



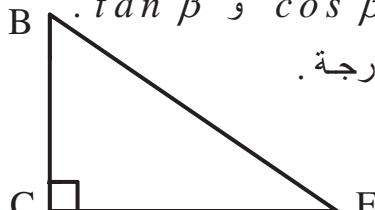
- 1) اكتب S مساحة المربع بدلالة x .
- 2) اكتب R مساحة المستطيل بدلالة x .
- 3) انشر وبسط كل من العبارتين S و R .
- 4) احسب x إذا علمت أنه للمستطيل والمربع نفس المساحة.

التمرين 2 :

- 1) تحقق بالنشر من أن $(3x+1)(x-4) = 3x^2 - 11x - 4$.
- 2) لتكن العبارة A حيث $A = 3x^2 - 11x - 4 - (3x+1)(5x-9)$.
► حلل A إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى.
- 3) حل المعادلة $0 = (3x+1)(5x-9)$.

التمرين 3 :

- 1) قيس زاوية حادة بحيث $\sin \beta = \frac{\sqrt{33}}{7}$.
► اوجد القيمة المضبوطة لكل من $\tan \beta$ و $\cos \beta$.
- 2) اوجد β بالتدوير إلى الوحدة من الدرجة.
► اوجد α مثلث قائم في BCF بحيث:
 $\cos \widehat{CBF} = \frac{4}{7}$ و $BF = 14$.
► اوجد القيمة المضبوطة لكل من BC و CF .



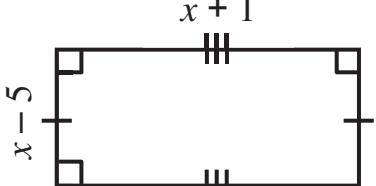
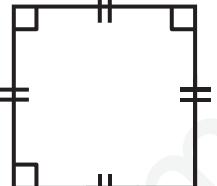
رابعة متوسط

الفرض المحروس للفصل الثاني في الرياضيات

أ

التمرين 1 :

إليك الشكلين حيث x عدد حقيقي أكبر تماماً من 5.



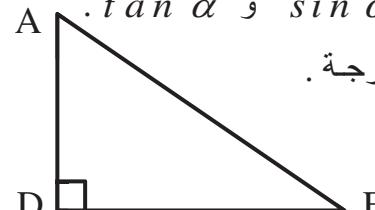
- 1) اكتب C مساحة المربع بدلالة x .
- 2) اكتب T مساحة المستطيل بدلالة x .
- 3) انشر وبسط كل من العبارتين C و T .
- 4) احسب x إذا علمت أنه للمستطيل والمربع نفس المساحة.

التمرين 2 :

- 1) تحقق بالنشر من أن $(5x-1)(x+3) = 5x^2 + 14x - 3$.
- 2) لتكن العبارة B حيث $B = (5x-1)(7x+6) + 5x^2 + 14x - 3$.
► حلل B إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى.
- 3) حل المعادلة $0 = (5x-1)(8x+9)$.

التمرين 3 :

- 1) قيس زاوية حادة بحيث $\cos \alpha = \frac{\sqrt{11}}{6}$.
► اوجد القيمة المضبوطة لكل من $\sin \alpha$ و $\tan \alpha$.
- 2) اوجد α بالتدوير إلى الوحدة من الدرجة.
► اوجد β مثلث قائم في ADE بحيث:
 $\sin \widehat{DAE} = \frac{5}{6}$ و $AE = 18$.
► اوجد القيمة المضبوطة لكل من AD و DE .



تصحيح الفرض المحروس رقم 2

التمرين 1:

(1) كتابة C مساحة المربع بدالة x :

$$C = (x - 3)^2$$

(2) كتابة T مساحة المستطيل بدالة x :

$$T = (x + 1)(x - 5)$$

$$T = (x + 1)(x - 5)$$

$$T = x(x - 5) + 1(x - 5)$$

$$T = x^2 - 4x - 5$$

$$C = (x - 3)^2$$

$$C = x^2 - 2x(3) + 3^2$$

$$C = x^2 - 6x + 9$$

(4) حساب : $x = C$

و منه $T = C$

و منه

و منه

التمرين 2:

(1) التحقق بالنشر من أن $(5x - 1)(x + 3) = 5x^2 + 14x - 3$

$$(5x - 1)(x + 3) = 5x(x + 3) - 1(x + 3)$$

$$= 5x^2 + 14x - 3$$

(2) تحليل B إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى :

$$B = (5x - 1)(7x + 6) + 5x^2 + 14x - 3$$

$$B = (5x - 1)(7x + 6) + (5x - 1)(x + 3)$$

$$B = (5x - 1)(8x + 9)$$

(3) حل المعادلة $(5x - 1)(8x + 9) = 0$:

$$5x - 1 = 0 \quad \text{أو} \quad 8x + 9 = 0$$

$$x = \frac{1}{5} \quad \text{أو} \quad x = -\frac{9}{8}$$

لدينا $(5x - 1)(8x + 9) = 0$
و منه $5x - 1 = 0$ أو $8x + 9 = 0$
و منه $x = \frac{1}{5}$ أو $x = -\frac{9}{8}$

للمعادلة المعطاة حلان مختلفان هما

التمرين 3:

(1) ايجاد القيمة المضبوطة لكل من $\tan \alpha$ و $\sin \alpha$

$$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$$

$$\sin^2 \alpha = 1 - \cos^2 \alpha$$

$$\text{و بما أن } 1 < 0 \text{ : فإن } \sin \alpha < 0$$

$$\sin \alpha = \sqrt{1 - \cos^2 \alpha}$$

$$\sin \alpha = \sqrt{\frac{36}{36} - \frac{11}{36}}$$

$$\sin \alpha = \sqrt{\frac{25}{36}}$$

$$\sin \alpha = \frac{5}{6}$$

$$\tan \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} \quad \text{نعلم أن}$$

$$\tan \alpha = \frac{5}{6} \times \frac{6}{\sqrt{11}} = \frac{5\sqrt{11}}{11}$$

﴿ ايجاد α بالتدوير إلى الوحدة من الدرجة :

باستعمال الحاسبة نجد : $\alpha \approx 56^\circ$.

(2) ايجاد القيمة المضبوطة لكل من AD و DE

المثلث ADE قائم في D : إذن :

$$AD^2 + DE^2 = AE^2 \quad (\text{مبرهنة فيثاغورس})$$

$$AD = \sqrt{AE^2 - DE^2}$$

$$AD = \sqrt{324 - 225}$$

$$AD = \sqrt{99} = 3\sqrt{11}$$

$$DE = AE \times \sin \angle DAE$$

$$DE = 18 \times \frac{5}{6}$$

$$DE = 15$$

تصحيح الفرض المحروس رقم 2

التمرين 1:

(1) كتابة S مساحة المربع بدلالة x:

$$S = (x+1)^2$$

(2) كتابة R مساحة المستطيل بدلالة x:

$$R = (x-1)(x+4)$$

(3) نشر وتبسيط العبارتين S و R :

$$R = (x-1)(x+4)$$

$$R = x(x+4) - 1(x+4)$$

$$R = x^2 + 3x - 4$$

$$S = (x+1)^2$$

$$S = x^2 + 2x(1) + 1^2$$

$$S = x^2 + 2x + 1$$

(4) حساب : $x = S = R$

و منه

و منه

و منه

التمرين 2:

(1) التحقق بالنشر من أن $4 - 11x + 3x^2 = (x-4)(3x+1)$

$$(3x+1)(x-4) = 3x(x-4) + 1(x-4)$$

$$= 3x^2 - 11x - 4$$

(2) تحليل A إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى:

$$A = 3x^2 - 11x - 4 - (3x+1)(5x-9)$$

$$= (3x+1)(x-4) - (3x+1)(5x-9)$$

$$A = (3x+1)(-4x+5)$$

(3) حل المعادلة $0 = 3x^2 - 11x - 4$:

$$(3x+1)(-4x+5) = 0$$

$$3x+1=0 \quad \text{أو} \quad -4x+5=0$$

$$x = -\frac{1}{3} \quad \text{أو} \quad x = \frac{5}{4}$$

للمعادلة المعطاة حلان مختلفان هما $x = -\frac{1}{3}$ و $x = \frac{5}{4}$

التمرين 3: (1) ايجاد القيمة المضبوطة لكل من $\tan \beta$ و $\cos \beta$

$$\cos^2 \beta + \sin^2 \beta = 1$$

$$\cos^2 \beta = 1 - \sin^2 \beta$$

نعلم أن $\cos^2 \beta > 0$ ؛ فإن

و بما أن $1 - \sin^2 \beta > 0$ ؛ فإن

$$\cos \beta = \sqrt{1 - \sin^2 \beta}$$

$$\cos \beta = \sqrt{\frac{49}{49} - \frac{33}{49}}$$

$$\cos \beta = \sqrt{\frac{16}{49}}$$

$$\cos \beta = \frac{4}{7}$$

$$\tan \beta = \frac{\sin \beta}{\cos \beta} \quad \text{نعلم أن}$$

$$\tan \beta = \frac{\sqrt{33}}{7} \times \frac{7}{4} = \frac{\sqrt{33}}{4}$$

◀ ايجاد β بالتدوير إلى الوحدة من الدرجة:

باستعمال الحاسبة نجد: $\beta \approx 55^\circ$.

(2) ايجاد القيمة المضبوطة لكل من CF و BC :

المثلث BCF قائم في C؛ إذن:

$$CF^2 + BC^2 = BF^2 \quad \text{و} \quad \cos \angle CBF = \frac{BC}{BF} \quad (\text{مبرهنة فيثاغورس})$$

$$CF = \sqrt{BF^2 - BC^2}$$

$$CF = \sqrt{196 - 64}$$

$$CF = \sqrt{132} = 2\sqrt{33}$$

$$BC = BF \times \cos \angle CBF$$

$$BC = 14 \times \frac{4}{7}$$

$$BC = 8$$