

🚅 إعداد الأستاذ : جيوخ العربي

## 🗣 دارالشيوخ / ولاية الجلفة

🗲 مستوى : رابعة متوسط

# موضوع مقترح رقم (04) في مادة الرياضيات لشمادة التعليم المتوسط 1442.

◄ تاريخ اجتياز الامتحان : الأحد 25 شوال 1442

◄ ثق بالله وحاول.

الجزء الأوّل: (12 نقطة)

التمرين الأوّل: (03 نقاط)

$$\mathcal{A} = \frac{3 - \sqrt{3}}{3 + \sqrt{3}} + \frac{3 + \sqrt{3}}{3 - \sqrt{3}} \quad \mathcal{A} = \frac{10^6 \times 7 \times (10^{-2})^{-3} \times 8}{(2 \times 5)^{12}} :$$
نعتبر العددان الحقيقيان  $\mathcal{A}$  و  $\mathcal{B}$  المعرّفان كما يلي :  $\mathcal{A}$ 

- أعط الكتابة العلمية للعدد A.
- .2 بيّن أنّ  $\overline{\mathcal{B}}$  عدد طبيعي غير معدوم،
- د. أكتب  $\frac{2B}{A}$  على شكل كسر غير قابل للاختزال.

التمرين الثانيي: (03 نقاط)

 $\mathcal{S} = -5x^2 - 4x + 1 - (x+1)(6x-1)$  و  $\mathcal{S} = -5x^2 - 4x + 1 - (x+1)(6x-1)$  و نعتبر العبارتين الجبريّتين  $\mathcal{H}$  و  $\mathcal{S}$  المعرّفتين بالصيغة التالية :  $\mathcal{S} = -5x^2 - 4x + 1 - (x+1)(6x-1)$ 

أنشر وبسط العبارة H.

2.أ- حلَّل العبارة H إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى.

ب- حسب ما فات، استنتج تحليلاً للعبارة ك إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى.

-x-1(11x-2) = 0 : على المعادلة التالية.

التمرين الثالث : (04 نقاط)

# 🖼 ﴿ الهدف من هذا التمرين هو أن نحسب القيّم المضبوطة للنسب المثلثية لزاوية حادة قيسها 15٠٠ ﴾

- 2cm مربع طول ضلعه ACDE
- أنشئ المثلث ABC متساوي الأضلاع داخل المربع ACDE.
  - برهن أنّ المثلث ABE متقايس الساقين.
    - $\mathbf{.}\widehat{\mathcal{BED}}=15^{\circ}:$  بيّن أَنّ $\mathbf{.}^{\circ}$  .3
  - $\mathcal{ED}$  المسقط العمودي للنقطة  $\mathcal{B}$  على المستقيم  $\mathcal{H}$
  - أوجد القيمة المضبوطة للطولين التاليين : 3H و 83.
- $tan(15^\circ) = 2 \sqrt{3}$  و  $cos(15^\circ) = \frac{\sqrt{2 + \sqrt{3}}}{2}$  : بيّن أَنّ
  - استنتج القيمة المضبوطة لـ (15°).

# التمرين الرابع: (02 نقاط)

 $\mathcal{D}(x;-3)$  و  $\mathcal{C}(2;y)$  ،  $\mathcal{B}(3;1)$  ،  $\mathcal{A}(1;-1)$  : نعتبر النقط

العين كل من x و y بحيث يكون الرباعي ABCD متوازي أضلاع.

2. أحسب مساحة مربع إذا علمت أنّ A و B هما رأسان متتاليان له.

www.ency-education.com/4am



### البزء الثاني : (08 نقاط)

- 🖸 لدى عمي عُميْر مزرعة خاصة لتربية الأغنام والأبقار.
- . إذا كان ضَعف مجموع عدد رؤوس الأغنام والأبقار هو 400 وفرق عدديهما هو 50 (عدد الأغنام أكبر من عدد الأبقار).
  - 1. ما هو عدد رؤوس الغنم والأبقار؟.
- 2. سأل عمي عُميْر ابنه رضا الذي يدرس في السنة الرابعة متوسط أن يقترح عليه طريقة تسمح له بتقسيم الغنم والأبقار إلى مجموعات لها نفس العدد. فأقترح عليه أن يقسم كل عدد منها على العدد 25. برّر جواب رضا؟.
  - ما هو عدد مجموعات الغنم والأبقار؟.
  - 4. قام عمي عُميْر ببيع هذه الأغنام والأبقار فقبض مبلغ قدره  $10^7 DA \times 10^7 N$ . إذا كانت فائدة عمي عُميْر هي 20% من هذا المبلغ. أحسب هذه الفائدة.

🏂 تنويه : تم إعداد هذا الملف لفائدة أحبابنا في الله بدون مقابل، يرجى عدم استخدام الملف لأغراض تجارية أوْ ربحية.





# التصديع التغصيلي لموضوع (04) من معترجات الرياضيات لشماحة التعليم المتوسط 1442.

# حل التمرين الأوّل (03 نقاط)

#### 1. إعطاء كتابة علمية للعدد A.

$$\mathcal{H} = (2x-1)^2 - 9x^2$$

$$\mathcal{H} = (2x)^2 - 2(2x) + 1^2 - 9x^2$$

$$\mathcal{H} = 4x^2 - 4x + 1 - 9x^2$$

$$\mathcal{H} = -5x^2 - 4x + 1$$

$$\mathcal{A} = \frac{10^6 \times 7 \times (10^{-2})^{-3} \times 8}{(2 \times 5)^{12}}$$

$$\mathcal{A} = \frac{10^6 \times 10^{-2 \times (-3)} \times 7 \times 8}{10^{12}}$$

$$\mathcal{H} = -5x^2 - 4x + 1$$

$$\mathcal{A} = \frac{10^{6+6} \times 56}{10^{12}}$$

$$\mathcal{A} = \frac{10^{6+6} \times 56}{10^{12}}$$

أ.2 عليل  $\mathcal{H}$  إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى:  $\mathcal{A} = \frac{10^{12} \times 56}{10^{12}}$ 

$$\mathcal{H} = (2x-1)^2 - 9x^2$$

$$\mathcal{H} = (2x-1)^2 - (3x)^2$$

$$\mathcal{H} = (2x-1)^2 - (3x)^2$$

$$\mathcal{H} = (2x - 1 - 3x)(2x - 1 + 3x)$$
 .  $\mathcal{H} = (-x - 1)(5x - 1)$  : لدينا

: الأولى:  $\frac{3+\sqrt{3}}{3-\sqrt{3}}$  الدرجة الأولى:  $\frac{3+\sqrt{3}}{3-\sqrt{3}}$ 

1. نشر وتبسيط العبارة H:

$$\mathcal{S} = -5x^2 - 4x + 1 - (x+1)(6x-1)$$

$$\mathcal{B} = \frac{(3-\sqrt{3})(3-\sqrt{3})}{(3+\sqrt{3})(3-\sqrt{3})} + \frac{(3+\sqrt{3})(3-\sqrt{3})}{(3+\sqrt{3})(3-\sqrt{3})} + \frac{(3+\sqrt{3})(3-\sqrt{3})}{(3+\sqrt{3})} + \frac{(3+\sqrt{3})(3-\sqrt{3})}{(3+\sqrt{3})} + \frac{(3+\sqrt{3})(3-\sqrt{3})}{(3+\sqrt{3})} + \frac{(3+\sqrt{3})(3+\sqrt{3})}{(3+\sqrt{3})} +$$

$$S = (2x-1)^2 - 9x^2 - (x+1)(6x-1)$$

$$B = \frac{9 - 6\sqrt{3} + 3}{9 - 3} + \frac{9 + 6\sqrt{3} + 3}{9 - 3}$$

$$S = (-x-1)(5x-1) - (x+1)(6x-1)$$

$$B = \frac{12 - 6\sqrt{3} + 12 + 6\sqrt{3}}{3}$$

$$S = (-x-1)(5x-1+6x-1)$$

$$B = \frac{12-6\sqrt{6+12+6}}{6}$$

$$S = (-x - 1)(11x - 2)$$

#### (-x-1)(11x-2)=0: المعادلة التالية : 0

$$-x-1=0$$
 : ومنه  $(-x-1)(11x-2)=0$  : لدينا  $x=\frac{2}{11}$  .  $x=\frac{2}{11}$  .  $x=-1$  : ومنه للمعادلة  $(-x-1)(11x-2)=0$  .  $x=\frac{2}{11}$  .  $x=-1$  .  $x=-1$ 

حل التمرين الثالث : (03 نقاط)

1. إنشاء المثلث ABE متساوي الأضلاع داخل المربع ACDE:

$$\mathcal{B} = \frac{(3 - \sqrt{3})(3 - \sqrt{3})}{(3 + \sqrt{3})(3 - \sqrt{3})} + \frac{(3 + \sqrt{3})(3 + \sqrt{3})}{(3 - \sqrt{3})(3 + \sqrt{3})}$$

$$\mathcal{B} = \frac{9 - 6\sqrt{3} + 3}{9 - 3} + \frac{9 + 6\sqrt{3} + 3}{9 - 3}$$

$$\mathcal{B} = \frac{12 - 6\sqrt{3} + 12 + 6\sqrt{3}}{6}$$

$$\mathcal{B} = \frac{24}{6}$$

$$\mathcal{B} = 4$$

$$\sqrt{\mathcal{B}}=2$$
 : إذن  $\sqrt{\mathcal{B}}=\sqrt{4}$  فإنّ  $\mathcal{B}=4$  فإنّ  $\frac{2}{4}$  على شكل كسر غير قابل للاختزال  $\frac{2}{4}$  على شكل كسر غير قابل للاختزال  $\frac{2}{4}$  ولدينا أيضاً :  $\frac{2}{4}$  ولدينا أيضاً :  $\frac{2}{4}$  ومنه :

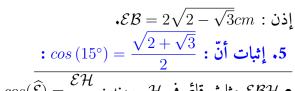
$$\frac{2\mathcal{B}}{\mathcal{A}} = \frac{8 \div 8}{56 \div 8} = \frac{1}{7}$$

 $\frac{2\mathcal{B}}{4} = \frac{1}{7}$ 

حل التمرين الثانيي (03 نقاط)

إذن:





 $cos(\widehat{\mathcal{E}}) = \overline{\frac{\mathcal{E}\mathcal{H}}{\mathcal{E}_{\mathcal{R}}}}$  مثلث قائم في  $\overline{\mathcal{H}}$ . ومنه  $\mathcal{E}\mathcal{B}\mathcal{H}$  مثلث قائم

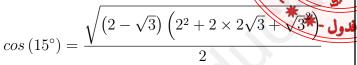
$$\cos(15^{\circ}) = \frac{1}{2\sqrt{2 - \sqrt{3}}}$$
$$\cos(15^{\circ}) = \frac{1(\sqrt{2 - \sqrt{3}})}{2\sqrt{2 - \sqrt{3}}(\sqrt{2 - \sqrt{3}})}$$

 $cos(15^{\circ}) = \frac{\sqrt{2 - \sqrt{3}}}{2(2 - \sqrt{3})}$ 

$$cos(15^{\circ}) = \frac{\sqrt{2 - \sqrt{3}}(2 + \sqrt{3})}{2(2 - \sqrt{3})(2 + \sqrt{3})}$$

 $\cos(15^{\circ}) = \frac{\sqrt{2 - \sqrt{3}}\sqrt{(2 + \sqrt{3})^{2}}}{2(2^{2} - (\sqrt{3})^{2})}$ 

 $\cos(15^{\circ}) = \frac{\sqrt{(2-\sqrt{3})(2+\sqrt{3})^2}}{2(4-3)}$ 



 $cos(15^{\circ}) = \frac{\sqrt{(2-\sqrt{3})(7+4\sqrt{3})}}{2}$ 

 $\cos{(15^\circ)} = \frac{\sqrt{2 \times 7 + 2 \times 4\sqrt{3} - \sqrt{3} \times 7 - \sqrt{3} \times 4\sqrt{3}}}{2}$  مثلث قائم في  $\mathcal{H}$  حسب خاصية فيتاغورس المباشرة،  $\mathcal{EBH}$ 

 $\cos(15^{\circ}) = \frac{\sqrt{14 + 8\sqrt{3} - 7\sqrt{3} - 12}}{2}$ 

 $\cos\left(15^{\circ}\right) = \frac{\sqrt{2+\sqrt{3}}}{2}$ 

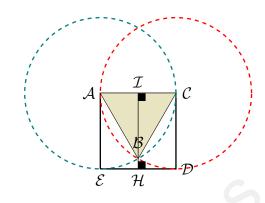
 $tan(15^\circ) = 2 - \sqrt{3}:$  المُبَاتُ أَنَّ  $tan(\widehat{\mathcal{E}}) = \frac{\mathcal{BH}}{\mathcal{EH}}:$  ومنه  $tan(\widehat{\mathcal{E}}) = \frac{\mathcal{BH}}{\mathcal{EH}}$  مثلث قائم في  $tan(\widehat{\mathcal{E}})$ 

• $tan(15^\circ) = \frac{2 - \sqrt{3}}{1} = 2 - \sqrt{3}$ 

 $: sin (15^{\circ})$  استنتاج القيمة المضبوطة لـ -6

 $tan(\widehat{\mathcal{E}}) = \frac{sin(\widehat{\mathcal{E}})}{cos(\widehat{\mathcal{E}})}$ : نعل أنّ

 $sin(\widehat{\mathcal{E}}) = tan(\widehat{\mathcal{E}}) imes cos(\widehat{\mathcal{E}})$  : وعليه



متقایس الساقیْن : مان أنّ المثلث ABE متقایس الساقیْن : واضح أنّ : ABE ومنه : ABE مثلث متقایس الساقیْن.  $\widehat{\mathcal{BED}} = 15^{\circ}$  اثبات أنّ

بما أنّ ABC متساوى الأضلاع

فإنّ :  $\widehat{\mathcal{BAC}} = \widehat{\mathcal{ACB}} = \widehat{\mathcal{CBA}} = 60^\circ$  هذا من جهة أولى.

 $\widehat{\mathcal{EAB}}=30^\circ$  : ومن جهة ثانية، لدينا $\mathcal{EAC}=90^\circ$  وعليه

ومن جهة أخرى، لدينا ABE مثلث متقايس السا**نين \*** 

ومنه :  $\widehat{\mathcal{BEA}} = \widehat{\mathcal{ABE}}$  وعليه، نجد :  $\widehat{\mathcal{BEA}} = \widehat{\mathcal{ABE}}$  وعليه، نجد :  $\widehat{\mathcal{BEA}} = 90^\circ - \widehat{\mathcal{BEA}} = 90^\circ - 75^\circ = 15^\circ$  إذن :  $\widehat{\mathcal{BEA}} = 90^\circ - 75^\circ = 15^\circ$ 

إذن:  $0.5^{\circ} = 15^{\circ} = 15^{\circ}$  القيمة المضبوطة للطولين  $0.5^{\circ} = 15^{\circ} = 15^{\circ}$  ومنه:  $0.5^{\circ} = 15^{\circ} = 15^{\circ}$  ومنه:  $0.5^{\circ} = 15^{\circ} = 15^{\circ}$  المحالية المنابع المناب  $\cdot \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{\mathcal{IH}}{2}$  : وبالتالي  $sin(60^\circ) = \frac{\mathcal{IH}}{2}$  : وبالتالي

وهذا يوحى لنا أنّ :  $\mathcal{IH} = \sqrt{3}cm$  هذا من ناحية أولى.

 $\mathcal{BH} = \mathcal{IH} - \mathcal{IB}$ : الدينا الحية ثانية، لدينا

 $\mathcal{BH} = 2 - \sqrt{3}cm$  : إذن

: کجذ

$$\mathcal{EB}^2 = \mathcal{EH}^2 + \mathcal{HB}^2$$

$$\mathcal{EB}^2 = 1^2 + (2 - \sqrt{3})^2$$

$$\mathcal{EB}^2 = 1 + 2^2 - 2 \times 2\sqrt{3} + (\sqrt{3})^2$$

$$\mathcal{EB}^2 = 1 + 4 - 4\sqrt{3} + 3$$

$$\mathcal{EB}^2 = 8 - 4\sqrt{3}$$

$$\mathcal{EB}^2 = 4(2 - \sqrt{3})$$

$$\mathcal{EB} = \sqrt{4(2-\sqrt{3})}$$

$$\mathcal{EB} = 2\sqrt{2 - \sqrt{3}}$$



$$sin(\widehat{\mathcal{E}}) = (2 - \sqrt{3}) \left( \frac{\sqrt{2 + \sqrt{3}}}{2} \right) :$$
 وبالتالي  $sin(\widehat{\mathcal{E}}) = \frac{\sqrt{2 - \sqrt{3}}}{2} :$  إذن

حل التمرين الرابع: (03 نقاط)

# ا، تعیّین کل من x و y حتی یکون $A\mathcal{BCD}$ متوازی أضلاع:

 $\overrightarrow{ABCD}$  متوازي أضلاع. يعني أنّ :  $\overrightarrow{DC}$  متوازي أضلاع. يعني أنّ :  $\overrightarrow{ABCD}$  لدينا : (-1) الدينا : (-1) ومنه : (2-x;y+3) ومنه : (2-x;y+3) وعليه : (x=0) وعليه : (y=-1) وعليه : (y+3=2)

# 2. حساب مساحة مربع حيث A و B رأسان متتاليان :

 $\mathcal{AB} = \sqrt{2^2 + 2^2}$ : ولما كان  $\mathcal{S} = \mathcal{AB}^2$  ولما كان عنه الحقيقة، لدينا

ومنه :  $\mathcal{AB}=\sqrt{8}$  وبالتالي :  $\mathcal{AB}=\sqrt{4+4}$  وبالتالي :  $\mathcal{S}=\sqrt{8}^2=8ua$  : إذن

البزء الثانيه: (08 نقاط)

# 1. إيجاد عدد رؤوس الغنم والأبقار:

سنرمز لعدد رؤوس الأغنام بـ : x و y لعدد رؤوس الأغار. y تظهر جليّاً الجملة التالية التي تعبّر عن مصمون نص المسلطة

$$y=200$$
 : ومنه، نجد  $\begin{cases} 2\left(x+y\right)=400 \\ x-y=50 \end{cases}$ 

2x=250 : بعد أَنْ نَتَأَمَل قَلَيْلاً فِي الجَمْلَة ( $\mathcal{S}$ )، نجد وهذا ما يستلزم أَنّ : x=125 نعوّض هذا الأخير في الجَمْلَة ( $\mathcal{S}$ ) فنجد : y=75 .

وأخيراً، نُجد : عدد رؤوسُ الأغنام 125 رأساً. وعدد رؤوس الأبقار 75 رأساً.

# 2. تبرير جواب رضا:

عندما نريد تقسيم الغنم والأبقار إلى مجموعات لها نفس العدد، فهذا ما يوحي لنا حساب القاسم المشترك الأكبر للعددين 125 و 75. لهذا نستعمل خوارزمية إقليدس:

$$\begin{vmatrix}
125 = 75 \times 1 + 50 \\
75 = 50 \times 1 + 25 \\
50 = 25 \times 2 + 0
\end{vmatrix}$$

· ساحات : ua الساحات : ua

إذن، القاسم المشترك الأكبر للعددين 125 و 75 هو : 25. بهذا نكون قدْ برّرنا جواب رضا.

## 3. عدد مجموعات الغنم والأبقار:

• حساب عدد مجموعات الغنم:

 $\frac{125}{6} = 5$  لدينا :  $5 = \frac{125}{25}$  إذن، يمكن إنشاء خمس مجموعات نتكوّن من 25 رأْساً من الغنم.

• حساب عدد مجموعات الأُبقار:

4. حساب مبلغ هاته الفائدة:

ن مبلغ هاته الفائدة. نرى مباشرة أنّ :

 $1,875 \times 10^7 \longrightarrow 100\%$ 

 $\alpha \longrightarrow 20\%$ 

 $\boldsymbol{\cdot} \alpha = \frac{20\% \times 1,875 \times 10^7}{100\%}$   $\boldsymbol{\cdot} \alpha = 3,75 \times 10^6 : \boldsymbol{\bullet} \text{ is } \boldsymbol{\cdot}$ 

وَأَخْيِرًا مَبْلُغُ هَاتُهُ الْفَائِدَةُ :  $3,75 imes 10^6$  دينار جزائري.

\*\*\* موفقون -بإذن الله- في شهادة التعليم المتوسط \*\*\*

\*\*\* لا تنسونا بالدعـــاء \*\*\*

\*\*\* دمتم في رعاية الله وحفظه \*\*\*