



## التمرين الأول: (٥٥ ن)

لكل حالة من الحالات التالية اقتراح واحد فقط صحيح يطلب اختياره مع التبرير.

| الاقتراح(٣)             | الاقتراح(٢)           | الاقتراح (١)            | الاقتراحات  |
|-------------------------|-----------------------|-------------------------|---|
| $135^\circ$             | $90^\circ$            | $105^\circ$             | العبارات<br>يقابلها $\frac{7\pi}{12} \text{ rad}$                       |
| $\frac{1}{2}$           | $-\frac{\sqrt{3}}{2}$ | $\frac{\sqrt{3}}{2}$    | يساوي $\cos\left(\frac{2018\pi}{6}\right)$                              |
| $A(x) = 0$              | $A(x) = \cos(x) + 1$  | $A(x) = 2(\sin(x) + 1)$ | $A(x) = 2\sin(2017\pi - x) + 4\cos\left(2018\pi - \frac{\pi}{3}\right)$ |
| دالة لا فردية ولا زوجية | دالة فردية $f$        | دالة زوجية $f$          | دالة معرفة على $\mathbb{R}$ :<br>$f(x) = \cos(x) \cdot \sin(x)$         |

## التمرين الثاني: ٥٦ ن

نعتبر في المستوى الى معلم متعمد ومتجانس  $(E, C, B, A)$  النقط  $(o; i; j)$  حيث:  
 $E(-1, -1), C(3, 1), B(-3, -2), A(-2, 3)$

١. علم النقط

٢. بين أن النقط  $C$ ،  $E$  و  $B$  على استقامة واحدة.

٣. عين احداثي النقطة  $D$  بحيث يكون الرباعي  $ABCD$  متوازي اضلاع.

٤. اكتب معادلة المستقيم  $(AB)$ .

٥. اكتب معادلة المستقيم  $(\Delta)$  الذي يشمل النقطة  $E$  ويوازي المستقيم  $(AC)$ .

٦. حل الجملة:  $\begin{cases} y = 5x + 13 \\ 5y = -2x - 7 \end{cases}$  ثم فسر النتيجة بيانيا.



## التمرين الثالث: (٥٩ ن)

IV. نعتبر في  $\mathbb{R}$  العبارة  $E(x)$  حيث:

٤. حل المعادلة  $E(x) = 0$ .

٥. حل العبارة  $E(x)$  الى جداء عاملين من الدرجة الاولى.

٦. ادرس إشارة العبارة  $E(x)$  ثم استنتج حلول المتراجحة  $0 < E(x)$ .

V. لتكن الدالة  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:

$$f(x) = x^2 - x - 6$$

٤. تحقق انه من أجل كل عدد حقيقي  $x$

$$f(x) = \left(x - \frac{1}{2}\right)^2 - \frac{25}{4}$$

٥. عين السوابق الممكنة لـ  $-6$ .

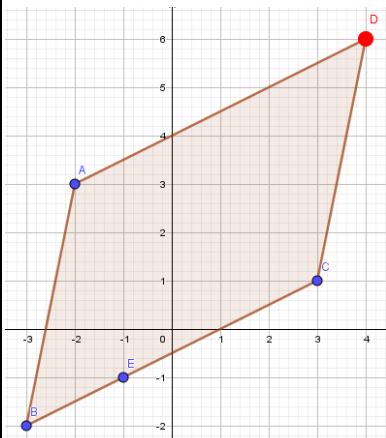
٦. ادرس اتجاه تغير الدالة  $f$  على المجالين  $\left[-\infty, \frac{1}{2}\right]$  و  $\left[\frac{1}{2}, +\infty\right]$  ثم شكل جدول تغيراتها.

VI. مستطيل يزيد طوله عن عرضه ب  $3\text{cm}$  عين ابعاد هذا المستطيل حتى تكون مساحته مساوية لمحيطه في القيمة العددية.



**التمرين الأول: (٥٥ ن)**  
اختيار الاجابة مع التبرير

|     | التبرير   | الاقتراح                | الاقتراحات                                 | العبارات  |
|-----|---|-------------------------|--|---|
| ٣٠١ |   | $105^\circ$             |  | $\frac{7\pi}{12}$ يقابلها   |
| ٣٠٢ | $\cos\left(\frac{2018\pi}{6}\right) = \cos\left(\frac{2018\pi + 2\pi - 2\pi}{6}\right) = \cos\left(336\pi + \frac{\pi}{3}\right) = \frac{1}{2}$ | $\frac{1}{2}$           | $\cos\left(\frac{2018\pi}{6}\right)$ يساوي |   |
| ٣٠٣ | $A(x) = 2\sin(\pi - x) + 4\cos\left(\frac{\pi}{3}\right)$<br>$A(x) = 2\sin(x) + 2$  | $A(x) = 2(\sin(x) + 1)$ |  | $A(x) = 2\sin(2017\pi - x) + 4\cos\left(2018\pi - \frac{\pi}{3}\right)$ |
| ٣٠٤ | $f(-x) = \cos(-x).\sin(-x)$<br>$f(-x) = -\cos(x).\sin(x)$   | دالة فردية $f$          |  | دالة معرفة على $\mathbb{R}$ :<br>$f(x) = \cos(x).\sin(x)$               |



**التمرين الثاني: ٥٦ ن**

نعتبر في المستوى الى معلم متعمد ومتجانس  $(o; \vec{i}; \vec{j})$  النقط  $E, C, B, A$  حيث  $E(-1, -1), C(3, 1), B(-3, -2), A(-2, 3)$

١ تعليم النقط  $E, C, B, A$  ٥٦

٢ بين أن النقط  $C$  و  $E$  و  $B$  على استقامة واحدة.

لدينا:  $\overrightarrow{BE} = 3\overrightarrow{BC}$  اي الشعاعان  $\overrightarrow{BC}$  و  $\overrightarrow{BE}$  و منه  $\overrightarrow{BC} = \frac{6}{3}\overrightarrow{BE}$

مرتبطان خطيا أي النقط  $C, E$  و  $B$  في استقامية ٥٦

٣ تعين احداثي النقطة  $D$  بحيث يكون الرباعي  $ABCD$  متوازي اضلاع.

٤ كتابة معادلة المستقيم  $(AB)$ :  $y = ax + b$  و منه  $b = 13$  اي  $B(-3, -2)$ ،  $A(-2, 3)$  لدينا

٥ كتابة معادلة المستقيم  $(\Delta)$  الذي يشمل النقطة  $E$  ويوازي المستقيم  $(AC)$ .



لتكن النقطة  $M(x, y)$  نقطة من  $(AC)$  معناه  $\overrightarrow{AC} = k\overrightarrow{EM}$  مرتبطان خطيا

$$-2(x+1) = 5(y+1) \text{ و منه } \overrightarrow{AC} = \begin{pmatrix} 5 \\ -2 \end{pmatrix}, \overrightarrow{EM} = \begin{pmatrix} x+1 \\ y+1 \end{pmatrix}$$

$$\text{و منه } 5y + 5 = -2x - 7 \text{ و منه } 5y = -2x - 7 - 5 \text{ و منه } 5y = -2x - 2 = 5y + 5$$

٦ حل الجملة:  $\begin{cases} y = 5x + 13 \dots (1) \\ 5y = -2x - 7 \dots (2) \end{cases}$

نضرب طرفي المعادلة (1) في العدد 5- نجد:  $\begin{cases} -5y = -25x - 65 \dots (1) \\ 5y = -2x - 7 \dots (2) \end{cases}$  بالجمع طرف الى طرف نجد:

$$x = -\frac{8}{3} \quad \text{ومنه } 0 = -27x - 72 \Rightarrow -27x = 72$$

$$y = -\frac{40}{3} + \frac{39}{3} = \frac{1}{3} \quad \text{ومنه } y = 5\left(-\frac{8}{3}\right) + 13 \Rightarrow y = -\frac{8}{3} \quad \text{في المعادلة (1) نجد:}$$

أي الثانية  $\left(-\frac{8}{3}, \frac{1}{3}\right)$  حل للجملة. **٠١٠**

٤ تفسير النتيجة بيانيا: هي نقطة تقاطع المستقيمين  $(AB)$  و  $(\Delta)$ . **٠٥.٥**

التمرين الثالث: (٠٩ ن)

VII. نعتبر في  $\mathbb{R}$  العبارة  $E(x) = x^2 - x - 6$  حيث  $E(x) = 0$  حل المعادلة.

$$x^2 - x - 6 = 0$$

$$\text{معناه } x^2 - x - 6 = 0$$

$$\Delta = 25 \quad \text{ومنه } s = \{-2, 3\} \quad \text{أي } x_1 = -2 \quad \text{و } x_2 = 3$$

٨) تحليل العبارة  $E(x)$  الى جداء عاملين من الدرجة الاولى.

$$\text{معناه } E(x) = (x+2)(x-3)$$

٩) دراسة إشارة العبارة  $E(x)$  ثم استنتاج حلول المتراجحة  $E(x) < 0$ .

**٠١٠**

| $x$    | $-\infty$ | -2 | 3 | $+\infty$ |
|--------|-----------|----|---|-----------|
| $x-3$  | -         | -  | 0 | +         |
| $x+2$  | -         | 0  | + | +         |
| $E(x)$ | +         | 0  | - | +         |

$$0.5 s = [-2, 3]$$

VIII. لتكن الدالة  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}$ :  $f(x) = x^2 - x - 6$

٧) التحقق انه من أجل كل عدد حقيقي  $x$  لدينا:  $f(x) = \left(x - \frac{1}{2}\right)^2 - \frac{25}{4}$

$$f(x) = \left(x - \frac{1}{2}\right)^2 - \frac{25}{4}$$

$$0.5 f(x) = x^2 - x - 6 \quad f(x) = x^2 - 2\left(\frac{1}{2}\right)x + \frac{1}{4} - \frac{25}{4} \quad \text{ومنه:}$$

٨) تعين السوابق الممكنة لـ 0 و -6.

$$0.5 x = 1 \quad x = 0 \quad \text{معناه } f(x) = x^2 - x$$



9) دراسة اتجاه تغير الدالة  $f$  على المجالين  $\left[-\infty, \frac{1}{2}\right]$  و  $\left[\frac{1}{2}, +\infty\right]$  ثم شكل جدول تغيراتها.

01

على المجال  $\left[-\infty, \frac{1}{2}\right]$

$$x_1 < x_2 < \frac{1}{2}$$

$$x_1 - \frac{1}{2} < x_2 - \frac{1}{2} < 0$$

$$\left(x_1 - \frac{1}{2}\right)^2 > \left(x_2 - \frac{1}{2}\right)^2$$

$$\left(x_1 - \frac{1}{2}\right)^2 - \frac{25}{4} > \left(x_2 - \frac{1}{2}\right)^2 - \frac{25}{4}$$

$$f(x_1) > f(x_2)$$

و منه الدالة  $f$  متناقصة تماماً على المجال  $\left[-\infty, \frac{1}{2}\right]$

على المجال  $\left[\frac{1}{2}, +\infty\right]$

$$\frac{1}{2} < x_1 < x_2$$

$$0 < x_1 - \frac{1}{2} < x_2 - \frac{1}{2}$$

$$\left(x_1 - \frac{1}{2}\right)^2 < \left(x_2 - \frac{1}{2}\right)^2$$

$$\left(x_1 - \frac{1}{2}\right)^2 - \frac{25}{4} < \left(x_2 - \frac{1}{2}\right)^2 - \frac{25}{4}$$

$$f(x_1) < f(x_2)$$

و منه الدالة  $f$  متزايدة تماماً على المجال  $\left[\frac{1}{2}, +\infty\right]$

0.5

|        |           |       |           |
|--------|-----------|-------|-----------|
| $x$    | $-\infty$ | $1/2$ | $+\infty$ |
| $f(x)$ |           |       | $-25/4$   |

تشكيل جدول التغيرات

.IX مستطيل يزيد طوله عن عرضه بـ  $3cm$  عين ابعاد هذا المستطيل حتى تكون مساحته مساوية لمحيطه في القيمة العددية.

نرمز لعرض المستطيل بـ  $x$

لدينا الطول يزيد عن العرض بـ  $3cm$  معناه:  $x + 3$

مساحة المستطيل هي: الطول في العرض معناه:  $s = x(x + 3)$

محيط المستطيل هو:  $(الطول + العرض) * 2$  معناه:  $A = 2(2x + 3)$

لـ  $\Rightarrow$  تعين ابعاد هذا المستطيل حتى تكون مساحته مساوية لمحيطه في القيمة العددية.

معناه:  $S = A$

معناه:  $x(x + 3) = 2(2x + 3)$

معناه:  $0 = -2x^2 - x - 6$  معناه:  $x_1 = -2$  و  $x_2 = 3$  مرفوض

ومنه: العرض هو  $3cm$

والطول هو  $6cm$

