

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

الثانوية : توفيق خزندار
المستوى : أولى ثانوي
المعامل : 5
المدة : 2 سا

مديرية التربية لولاية قسنطينة
المادة : رياضيات
الشعبة : جذع مشترك علوم
الواجب المنزلي الأول (اختبار تجريبي 1)

قسم 1 ج م ع 3

- التمرين الأول (5 ن):** $(0; \vec{i}; \vec{j})$ معلم متعامد و متجانس للمستوى.
- (1) علم النقط A ، B و C حيث: $A(-2; 2)$ ، $\vec{OB} = 3\vec{i} + 5\vec{j}$ ، $\vec{AC} = \begin{pmatrix} 6 \\ -2 \end{pmatrix}$.
 - (2) عيّن إحداثيتي النقطة D بحيث: $ABCD$ متوازي أضلاع.
 - (3) النقطة M منتصف $[BC]$ ، و النقطة N تحقق: $3\vec{CN} = \vec{CA}$.
 - بين أن النقط D ، N ، M هي في إستقامة.
 - ماذا تُمثل النقطة N بالنسبة إلى المثلث BCD ؟
 - (4) اكتب معادلة للمستقيم (Δ) الذي يشمل النقطة B و يُوازي المستقيم (AC) .
 - (5) أوجد معادلة للمستقيم (CD) ثم أحسب إحداثيتي D' نقطة تقاطع (Δ) و (CD) .
 - (6) لتكن $E(2; 4)$ ، أحسب أطوال أضلاع المثلث ACE ، و إستنتج نوعه.
- التمرين الثاني (5 ن):** في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس $(0; \vec{i}; \vec{j})$. نعتبر النقط التالية:
- $G(-2; 5)$ ، $F(3; -1)$ ، $E(1; 2)$ ، $D(-1; 0)$ ، $C(1; \sqrt{2})$
- (1) عيّن إحداثيتي النقطة M بحيث يكون: $\vec{CM} = -\sqrt{2} \vec{CD}$.
 - (2) عيّن إحداثيتي النقطة N بحيث يكون: $\vec{EN} = 2\vec{EF} - 3\vec{GF}$.
 - (3) عيّن المركبات السلمية للشعاع $\vec{AB}$ حيث A و B منتصفا القطعتين المستقيمتين $[CD]$ و $[EF]$ على الترتيب.
 - (4) اكتب المعادلة الديكارية للمستقيم (AB) .
 - (5) هل الشعاعان $\vec{CM}$ ، $\vec{CD}$ متوازيان؟

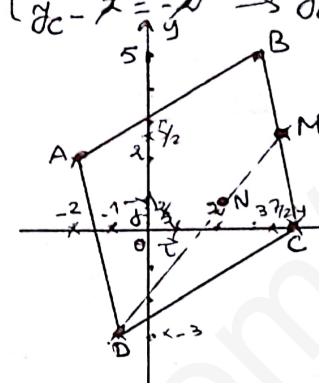
- التمرين الثالث (5 ن):** نعتبر الجملة للمجهولين الحقيقيين x و y حيث: $(S) : \begin{cases} 5x - 4y - 16 = 0 \\ 8x - 3y - 29 = 0 \end{cases}$ (S)
- (1) بين أن الجملة (S) تقبل حلاً وحيداً في المجموعة $\mathbb{R} \times \mathbb{R}$ ثم حل في المجموعة $\mathbb{R} \times \mathbb{R}$ الجملة (S) .
 - (2) لتكن جملة المعادلتين (S') للمجهولين الحقيقيين t و z : $(S') : \begin{cases} \frac{5}{t^2} - \frac{4}{(z-1)^2} - 16 = 0 \\ \frac{8}{t^2} - \frac{3}{(z-1)^2} - 29 = 0 \end{cases}$ (S')

إستنتج مجموعة حلول الجملة (S') .

- التمرين الرابع (5 ن):** (Δ) و (Δ') مستقيمان معادلتيهما على التوالي:
- $(\Delta): 2x + y + 1 = 0$ ، $(\Delta'): mx + y + m - 1 = 0$ حيث: m عدد حقيقي.
- (1) أوجد قيمة m بحيث يكون (Δ') يُوازي حامل محور الفواصل.
 - (2) أوجد قيمة m بحيث يكون: $(\Delta) // (\Delta')$. هل (Δ) و (Δ') منطبقان؟ علل.
 - (3) بين أن النقطة $B(-1; 1)$ تنتمي إلى (Δ') من أجل كل $m \in \mathbb{R}$.

ملاحظات هامة جداً:

- (1) يُمنع منعاً باتاً التشطيب و الكتابة تكون إما بالأزرق أو الأسود.
- (2) لا تكتب و لا تُلطخ هذه الورقة لأنك سترجعها مع ورقة الإجابة.
- (3) يُمنع منعاً باتاً إستعمال كل من CASIO و KAJIB.
- (4) يُقدم يوم الأحد 20 جانفي و يُعاد في نفس اليوم و تُرجع الأوراق المصححة يوم الإثنين 21 جانفي 2019.

تقويم	الإجابات العودجية	الإجابات العودجية	تقويم
50	نشرعن أن $MN \perp DB$: $\vec{MN} \begin{pmatrix} x_N - x_M \\ y_N - y_M \end{pmatrix} = \vec{MN} \begin{pmatrix} 2 - \frac{2}{3} \\ \frac{2}{3} - \frac{2}{3} \end{pmatrix} = \vec{MN} \begin{pmatrix} \frac{4}{3} \\ \frac{4-15}{6} \end{pmatrix}$ $\vec{MN} \begin{pmatrix} -3/2 \\ -11/6 \end{pmatrix}$ $\vec{ND} \begin{pmatrix} x_D - x_N \\ y_D - y_N \end{pmatrix} = \vec{ND} \begin{pmatrix} -1 - \frac{2}{3} \\ -3 - \frac{2}{3} \end{pmatrix} = \vec{ND} \begin{pmatrix} -\frac{5}{3} \\ -\frac{10}{3} \end{pmatrix}$ $\vec{ND} \begin{pmatrix} -\frac{5}{3} \\ -\frac{10}{3} \end{pmatrix}$ لدينا: $\vec{ND} \begin{pmatrix} -\frac{5}{3} \\ -\frac{10}{3} \end{pmatrix}$، $\vec{MN} \begin{pmatrix} \frac{4}{3} \\ \frac{4-15}{6} \end{pmatrix}$ شرط $\vec{ND} \cdot \vec{MN} = 0$ $-3 \cdot (-\frac{11}{6}) - (\frac{4}{3}) \cdot (-\frac{10}{3}) = \frac{33}{6} + \frac{40}{3} = \frac{33}{6} + \frac{80}{6} = \frac{113}{6} \neq 0$ فلا خط أن $\vec{ND} = 2\vec{MN} \rightarrow \vec{ND} \parallel \vec{MN}$ وهو المطلوب $\vec{DM} \begin{pmatrix} x_M - x_D \\ y_M - y_D \end{pmatrix} = \vec{DM} \begin{pmatrix} \frac{3}{2} - \frac{11}{3} \\ \frac{11}{3} - \frac{1}{3} \end{pmatrix} = \vec{DM} \begin{pmatrix} -\frac{19}{6} \\ \frac{10}{3} \end{pmatrix}$ عاذا نقل النقطة N بالنسبة للمثلث BCD حسب الطريقة الثالثة فإن: $\vec{DM} = \frac{3}{2} \vec{DN}$ (4) كتابة معادلتين (A) و (B): $y = ax + b$ $(A) : y = a(-2) + b$ $(B) : y = a(3) + b$ $-2 - 6a = 0 \rightarrow -2 = 6a \rightarrow a = -\frac{1}{3}$ $(A) : y = -\frac{1}{3}x + b$ $B(3;5) \in (A) \rightarrow 5 = -\frac{1}{3} \cdot 3 + b \rightarrow 5 = -1 + b \rightarrow b = 6$ $(A) : y = -\frac{1}{3}x + 6$ (5) إيجاد معادلتين (C) و (D): $\vec{CM} \parallel \vec{CD} \rightarrow \vec{CM} \begin{pmatrix} x_M - x_C \\ y_M - y_C \end{pmatrix} = \vec{CD} \begin{pmatrix} x_D - x_C \\ y_D - y_C \end{pmatrix}$ $\vec{CM} \begin{pmatrix} \frac{3}{2} - \frac{11}{3} \\ \frac{11}{3} - \frac{1}{3} \end{pmatrix} = \vec{CD} \begin{pmatrix} -1 - \frac{2}{3} \\ -3 - \frac{2}{3} \end{pmatrix}$ $\vec{CM} \begin{pmatrix} -\frac{19}{6} \\ \frac{10}{3} \end{pmatrix} = \vec{CD} \begin{pmatrix} -\frac{5}{3} \\ -\frac{10}{3} \end{pmatrix}$ تكافؤ: $(C) : (a-4)(-3) - y(-5) = 0$ $(C) : -3a + 12 + 5y = 0$ $(D) : 5y = 3a - 12 \rightarrow (D) : y = \frac{3}{5}a - \frac{12}{5}$ حساب إحداثيات نقطة تقاطع (C) و (D): $(A) : y = -\frac{1}{3}x + 6$ $(D) : y = \frac{3}{5}x - \frac{12}{5}$ $-\frac{1}{3}x + 6 = \frac{3}{5}x - \frac{12}{5} \rightarrow -\frac{1}{3}x - \frac{3}{5}x = -\frac{12}{5} - 6 \rightarrow -\frac{14}{15}x = -\frac{42}{5} \rightarrow x = \frac{42 \times 3}{14 \times 5} = \frac{9}{5}$ عوض في (A) و (D): $y = -\frac{1}{3} \cdot \frac{9}{5} + 6 = -\frac{3}{5} + 6 = \frac{27}{5}$ $(A) \cap (D) = \{ (\frac{9}{5}; \frac{27}{5}) \}$ ونفسه: $N(\frac{9}{5}; \frac{27}{5})$	التصحيح العودجي للواجب المنزلي رقم 1 الاختبار التجريبي الأول 1) تقسيم النقطتين A(-2;2) و B(3;5) $\vec{AB} = 3\vec{i} + 5\vec{j} \rightarrow B(3;5)$ بالنسبة للنقطة C: $\vec{AC} \begin{pmatrix} x_C - x_A \\ y_C - y_A \end{pmatrix} = \vec{AC} \begin{pmatrix} x_C + 2 \\ y_C - 2 \end{pmatrix} = \vec{AC} \begin{pmatrix} 6 \\ -2 \end{pmatrix}$ ونفسه: $\begin{cases} x_C + 2 = 6 \rightarrow x_C = 6 - 2 = 4 \\ y_C - 2 = -2 \rightarrow y_C = 0 \end{cases}$ أي: $C(4;0)$  2) تعيين منتصفين ABCD متوازيين أصلا: $\vec{AD} = \vec{BC}$ أو $\vec{AB} = \vec{DC}$ م.1 $\vec{AB} \begin{pmatrix} x_B - x_A \\ y_B - y_A \end{pmatrix} = \vec{DC} \begin{pmatrix} x_C - x_D \\ y_C - y_D \end{pmatrix}$ $\vec{AB} \begin{pmatrix} 3 - (-2) \\ 5 - 2 \end{pmatrix} = \vec{DC} \begin{pmatrix} 4 - x_D \\ 0 - y_D \end{pmatrix}$ $\vec{AB} \begin{pmatrix} 5 \\ 3 \end{pmatrix} = \vec{DC} \begin{pmatrix} 4 - x_D \\ -y_D \end{pmatrix}$ ونفسه: $\begin{cases} 5 = 4 - x_D \rightarrow x_D = 4 - 5 = -1 \\ 3 = -y_D \rightarrow y_D = -3 \end{cases}$ $D(-1; -3)$ م.2 $\vec{AD} \begin{pmatrix} x_D - x_A \\ y_D - y_A \end{pmatrix} = \vec{BC} \begin{pmatrix} x_C - x_B \\ y_C - y_B \end{pmatrix}$ $\vec{AD} \begin{pmatrix} -1 - (-2) \\ -3 - 2 \end{pmatrix} = \vec{BC} \begin{pmatrix} 4 - 3 \\ 0 - 5 \end{pmatrix} = \vec{BC} \begin{pmatrix} 1 \\ -5 \end{pmatrix}$ $\vec{AD} \begin{pmatrix} 1 \\ -5 \end{pmatrix} = \vec{BC} \begin{pmatrix} 1 \\ -5 \end{pmatrix}$ $\begin{cases} 1 = 1 - 2 = -1 \\ -5 = -5 - 2 = -7 \end{cases}$ م.3 منتصف [BC] تكافؤ مع منتصف [AD]: $M(\frac{x_B + x_C}{2}; \frac{y_B + y_C}{2}) = N(\frac{x_A + x_D}{2}; \frac{y_A + y_D}{2})$ $M(\frac{3+4}{2}; \frac{5+0}{2}) = N(\frac{-2-1}{2}; \frac{2-3}{2})$ $M(\frac{7}{2}; \frac{5}{2}) = N(-\frac{3}{2}; -\frac{1}{2})$ تحقق H: $3\vec{CN} = \vec{CA}$ $3\vec{CN} = 3 \begin{pmatrix} x_N - x_C \\ y_N - y_C \end{pmatrix} = \vec{CA} = -\vec{AC} = \begin{pmatrix} -6 \\ 2 \end{pmatrix}$ $3 \begin{pmatrix} x_N - 4 \\ y_N - 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -6 \\ 2 \end{pmatrix} \rightarrow \begin{cases} 3x_N - 12 = -6 \\ 3y_N = 2 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} 3x_N = 6 \\ y_N = \frac{2}{3} \end{cases}$ $\begin{cases} x_N = 2 \\ y_N = \frac{2}{3} \end{cases}$ ونفسه: $N(2; \frac{2}{3})$ إثبات أن النقطتين H و N تقعان على استقامة:	50

تم	الاجابة السؤالية	الاجابة السؤالية	تم
1	6. احوال اضلاع المثلث ACE حيث $E(2;4)$ $\vec{AC} = \begin{pmatrix} 6 \\ -2 \end{pmatrix} \rightarrow AC = \sqrt{6^2 + (-2)^2} = \sqrt{36+4} = 2\sqrt{10}$ $\vec{AE} = \begin{pmatrix} 2 \\ 4-2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \end{pmatrix} \rightarrow AE = \sqrt{2^2 + 2^2} = \sqrt{8} = 2\sqrt{2}$ $\vec{CE} = \begin{pmatrix} 2-6 \\ 4-0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -4 \\ 4 \end{pmatrix} \rightarrow CE = \sqrt{(-4)^2 + 4^2} = \sqrt{16+16} = 2\sqrt{5}$ • $AE = CE = 2\sqrt{5}$ من جهة أخرى $AC^2 = 40 = 20 + 20 = AE^2 + CE^2$ وهبب حسب معادلة فيثاغورس العكسية فإن $\triangle ACE$ قائم الزاوية في E ومتساوي الساقين.	المقرين الثاني: 1. تعيين إحداثي M حيث $\vec{CM} = \sqrt{2}\vec{CB}$ $\vec{CM} = \begin{pmatrix} x_M - 1 \\ y_M - \sqrt{2} \end{pmatrix} = -\sqrt{2} \begin{pmatrix} -1 - 1 \\ 0 - \sqrt{2} \end{pmatrix} = -\sqrt{2} \begin{pmatrix} -2 \\ -\sqrt{2} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2\sqrt{2} \\ 2 \end{pmatrix}$ • $x_M - 1 = 2\sqrt{2} \rightarrow x_M = 1 + 2\sqrt{2}$ • $y_M - \sqrt{2} = 2 \rightarrow y_M = \sqrt{2} + 2$ 2. تعيين إحداثي N حيث $\vec{EN} = 2\vec{EF} - 3\vec{AF}$ $\vec{EN} = \begin{pmatrix} x_N - 1 \\ y_N - 2 \end{pmatrix} = 2 \begin{pmatrix} 3 - 1 \\ -1 - 2 \end{pmatrix} - 3 \begin{pmatrix} 3 + 2 \\ -1 - 5 \end{pmatrix} = 2 \begin{pmatrix} 2 \\ -3 \end{pmatrix} - 3 \begin{pmatrix} 5 \\ -6 \end{pmatrix}$ $\vec{EN} = \begin{pmatrix} x_N - 1 \\ y_N - 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 4 - 15 \\ -6 + 18 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -11 \\ 12 \end{pmatrix}$ • $x_N - 1 = -11 \rightarrow x_N = -10$ • $y_N - 2 = 12 \rightarrow y_N = 14$ 3. المعربات السطحية لـ AB $A(\frac{x_C + x_D}{2}; \frac{y_C + y_D}{2}) = A(\frac{1+(-1)}{2}; \frac{\sqrt{2}+0}{2}) = A(0; \frac{\sqrt{2}}{2})$ $B(\frac{x_E + x_F}{2}; \frac{y_E + y_F}{2}) = B(\frac{1+3}{2}; \frac{2-1}{2}) = B(2; \frac{1}{2})$ • $\vec{AB} = \begin{pmatrix} 2-0 \\ \frac{1}{2} - \frac{\sqrt{2}}{2} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 \\ \frac{1-\sqrt{2}}{2} \end{pmatrix}$ 4. المعادلات التي يكتفي بها AB لتكن $A(m; y)$ نكتب مع AB ومنها $\vec{AH} \parallel \vec{AB}$ $\vec{AH} = \begin{pmatrix} x - 0 \\ y - \frac{\sqrt{2}}{2} \end{pmatrix} \parallel \vec{AB} = \begin{pmatrix} 2 \\ \frac{1-\sqrt{2}}{2} \end{pmatrix}$ تكافئ: $(AB): (x-0)(\frac{1-\sqrt{2}}{2}) - 2(y - \frac{\sqrt{2}}{2}) = 0$ • $(AB): \frac{1-\sqrt{2}}{2}x - 2y + \sqrt{2} = 0$ هل الشعاعان AC و CM متوازيان؟ سبب السؤال الأول فإن $\vec{CM} = -\sqrt{2}\vec{CB}$ أي أنهما مرتبطان خطياً فهما متوازيان	
2	المقرين الرابع: (A) ليكن m حيث $(\Delta) \subset (A)$: (A'): $mx + y + m - 1 = 0$ (A''): $y = 0 \rightarrow 0x + 1x + 0 = 0 \rightarrow \vec{V}_{(A'')} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}$ (A'): $mx + y + m - 1 = 0 \rightarrow \vec{V}_{(A')} = \begin{pmatrix} -1 \\ m \end{pmatrix}$ (A'') $\subset$ (A') $\rightarrow \vec{V}_{(A'')} \parallel \vec{V}_{(A')}$ • $-1(m) - 1(0) = 0 \rightarrow -m = 0 \Rightarrow m = 0$ ومنه من أجل $m = 0$ فإن (A'') $\subset$ (A') 2. إيجاد قيمة m حتى يكون (A) $\parallel$ (A'): (A): $2x + y + 1 = 0 \rightarrow \vec{V}_{(A)} = \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \end{pmatrix}$ (A'): $mx + y + m - 1 = 0 \rightarrow \vec{V}_{(A')} = \begin{pmatrix} -1 \\ m \end{pmatrix}$ • $-1(m) - 2(-1) = 0 \rightarrow -m + 2 = 0 \Rightarrow m = 2$ بالطابق $m = 2$ صائب هل (A) و (A') متطابقان؟ يكونان متطابقان إذاً $\frac{m}{2} = \frac{1}{1} = \frac{m-1}{-1} \Rightarrow \frac{m-2}{2} = \frac{2-1}{1} = \frac{1}{1} \Rightarrow m = 2$ نعم هما متوازيان متطابقان. 3. إثبات أن $B(-1; 1)$ تنتمي لـ (A') إذاً $m(-1) + 1 + m - 1 = -m + m = 0$ • $B(-1; 1) \in (A')$	المقرين الثالث: 1. إثبات أن (ك) تقبل حلاً وحيداً: أي $\frac{a}{a'} + \frac{b}{b'} + \frac{c}{c'} \rightarrow \frac{5}{8} + \frac{4}{-3} + \frac{-16}{-2} = \frac{5}{8} - \frac{4}{3} + 8 = \frac{15}{24} - \frac{32}{24} + \frac{192}{24} = \frac{175}{24} \neq 0$ لذلك (ك) تقبل حلاً وحيداً حيث: $\begin{cases} 5x - 4y = 16 \\ 8x - 3y = 29 \end{cases} \rightarrow \Delta = \begin{vmatrix} 5 & -4 \\ 8 & -3 \end{vmatrix} = 5(-3) - 8(-4) = -15 + 32 = 17 \neq 0$	
3	المقرين الثاني: 1. إثبات أن (ك) تقبل حلاً وحيداً: أي $\frac{a}{a'} + \frac{b}{b'} + \frac{c}{c'} \rightarrow \frac{5}{8} + \frac{4}{-3} + \frac{-16}{-2} = \frac{5}{8} - \frac{4}{3} + 8 = \frac{15}{24} - \frac{32}{24} + \frac{192}{24} = \frac{175}{24} \neq 0$ لذلك (ك) تقبل حلاً وحيداً حيث: $\begin{cases} 5x - 4y = 16 \\ 8x - 3y = 29 \end{cases} \rightarrow \Delta = \begin{vmatrix} 5 & -4 \\ 8 & -3 \end{vmatrix} = 5(-3) - 8(-4) = -15 + 32 = 17 \neq 0$		