

التمرين الأول (5ن): (نصف قطر الدائرة 2 سنتيمتر).

(1) حوّل إلى الراديان قيس الزاوية  $36^\circ$  ، ثمّ حوّل إلى الدرجات القيس  $\frac{2\pi}{5} rad$  . (0.5+0.5ن) .

(2) مثل على الدائرة المثلثية النقط  $A$  ،  $B$  و  $C$  صور الأعداد  $\frac{\pi}{5}$  ،  $\frac{2\pi}{5}$  و  $\frac{2019\pi}{5}$  . (0.25+0.25+0.5ن) .

(3) إذا علمت أنّ :  $\cos \frac{\pi}{5} = \frac{\sqrt{5}+1}{4}$  ، بيّن أنّ :  $\sin \frac{\pi}{5} = \frac{\sqrt{10-2\sqrt{5}}}{4}$  . (2ن) .

(4) برهن أنّ :  $\tan \frac{\pi}{5} = \frac{(\sqrt{5}-1)\sqrt{10-2\sqrt{5}}}{4}$  . (1ن) .

التمرين الثاني (6ن):

المستو منسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس  $(\vec{j}; \vec{i}; \vec{o})$  .

نعتبر النقط  $A(2; -1)$  ،  $B(-1; 3)$  و  $C(-2; -4)$  .

(1) بيّن أنّ النقطتين  $B$  و  $C$  تنتميان إلى الدائرة التي مركزها  $A$  . (1.5ن) .

(2) أكتب معادلة المستقيم  $(BC)$  . (1.5ن) .

(3) تحقق أنّ :  $4x + 3y + 20 = 0$  هي معادلة للمستقيم  $(\Delta)$  الذي يشمل النقطة  $C$  و يوازي المستقيم  $(AB)$  . (0.25+0.75ن) .

(4) لتكن النقطة  $E(2; \alpha)$  و النقطة  $I$  منتصف القطعة المستقيمة  $[AB]$  . (0.5+0.5ن) .  
عيّن قيمة  $\alpha$  حتى تكون النقط  $C$  ،  $I$  و  $E$  على إستقامة واحدة . (0.5+0.5ن) .

إقلب الورقة

## التمرين الثالث (9):

لتكن الدالة  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R} - \{-2\}$  بـ  $f(x) = \frac{-x-1}{x+2}$ .  
و لتكن الدالة  $g$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ  $g(x) = x + 1$ .  
و ليكن  $(C_f)$  و  $(C_g)$  التمثيليين البيانيين لـ  $f$  و  $g$  على الترتيب في المستو منسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس  $(\vec{i}; \vec{j}; 0)$ .

(1) عيّن قيمتي العددين الحقيقيين  $a$  و  $b$  حيث:  $f(x) = a + \frac{b}{x+2}$  (0.75ن).

(2) نضع  $a = -1$  و  $b = 1$ :

أ- أدرس إتجاه تغيّر الدالة  $f$  على كل من المجالين  $]-2; +\infty[$  و  $]-\infty; -2[$ . (1+1ن).  
ب- شكّل جدول تغيّراتها. (0.5ن).

ج- جد نقط تقاطع المنحنى  $(C_f)$  مع حامي محوري الإحداثيات. (1.75ن).

د- بيّن أنه يُمكن إستنتاج المنحنى  $(C_f)$  إنطلاقاً من منحنى الدالة مقلوب ثم أنشئ  $(C_f)$ . (0.5+1ن).  
(3) بيانياً:

• إذا كان  $-1 \leq x \leq 0$ ، أعطِ حصرأ لـ  $f(x)$ . (0.5ن).

• إذا كان  $0 < f(x) < 2$ ، أعطِ حصرأ لـ  $x$ . (0.5ن).

(4) مثل في نفس المعلم السابق  $(C_g)$ . (0.5ن).

(5) بيانياً:

• حل المعادلة:  $f(x) = g(x)$ . (0.5ن).

• ثم حل المتباينة  $f(x) < g(x)$ . (0.5ن).