

الاختبار الأول في مادة الرياضيات

المدة: ساعتان

المستوى: أولى علوم تك

التمرين الأول: 6

الأسئلة 3, 2, 1 و 4 مستقلة .

1- ليكن a و b عددين حقيقيين حيث $b = 5^{n+1} + 5^n$ و $a = 7^{n+1} + 7^n$.أ- استنتج تحليل لكل من a و b إلى جداء عوامل أولية بدلالة n .ب- بين أن: $\text{ppcm}(a; b) = 7^n \times 5^n \times 3 \times 2^3$.2- الكتابة العشرية الدورية للعدد حقيقي d هي: $d = 4, \underline{4747} \dots$ أ- عين مدور العدد d إلى 10^{-3} ثم إلى الوحدة.ب- عين الكتابة الكسرية للعدد d .3- ليكن x عدد حقيقي حيث: $\frac{2}{5} \leq \frac{2}{2x-1} \leq \frac{2}{3}$ بين أن $x \in [2; 3]$.- استنتاج رتبة تصاعديا الأعداد $x^{-1}; x^{-2}; x^{-3}$.4- لتكن f دالة معرفة على \mathbb{R} بـ: $f(x) = \frac{|x|}{x^2 + 1}$ - ادرس شفاعة الدالة f , ثم فسر النتيجة هندسيا.التمرين الثاني: 7نعتبر العبارة $E(x) = |x-3| - |x-1| + 1$.1- اكتب عبار (x) دون رمز القيمة المطلقة. (إرشاد: استعن بجدول الإشارات)2- احسب $E(2)$ ثم بين أن $E(\sqrt{3}) = 5 - 2\sqrt{3}$.3- علما أن $1,7 < \sqrt{3} < 1,8$, عين حسرا لـ: $\frac{2}{E(\sqrt{3})}$.4- حل في \mathbb{R} المعادلتين والمترابحة:

$$E(x) = 1 \quad \blacksquare$$

$$E(x) = |x-3| \quad \blacksquare$$

$$E(x) \leq 1 \quad \blacksquare$$

التمرين الثالث: 7

الجزء الأول:

f الدالة المعرفة على \mathbb{R} بـ: $f(x) = 4x^2 - 12x + 5$

-1 بين إن: $f(x) = (2x - 3)^2 - 4$

-2 احسب $f(-1)$; $f(0)$; $f(1)$, ثم حل المعادلة $f(x) = 0$.

-3 ادرس اتجاه تغير الدالة f على المجال $\left[\frac{3}{2}; +\infty \right]$ ثم المجال $\left[-\infty; \frac{3}{2} \right]$.

-4 شكل جدول تغيرات الدالة f .

-استنتج أنه من أجل كل x من \mathbb{R} فإن: $f(x) - f\left(\frac{3}{2}\right) \geq 0$

الجزء الثاني:

f دالة معرفة بتمثيلها البياني (C_f) كما يلى:

حدد بيانياً ما يلى:

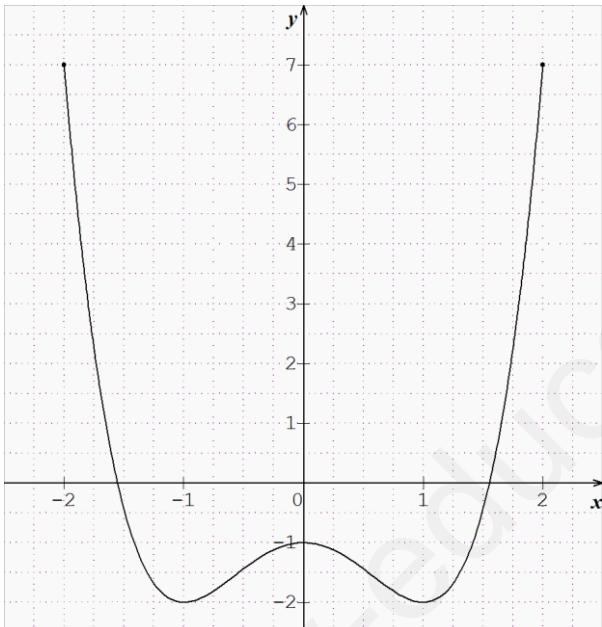
-1 مجموعة تعريف الدالة f .

-2 عين بيانياً سوابق العدددين $(-7, 2)$.

-3 عين $f(0), f(-1), f(2)$.

-4 شكل جدول تغيرات الدالة f على مجموعة تعريفها.

-5 حدد القيم الحدية العظمى والصغرى للدالة f على مجموعة تعريفها.



أنتهى بالتفوق للجميع

الحل النموذجي للإختبار الأول في مادة الرياضيات

التمرين الأول

$$\cdot b = 5^{n+1} + 5^n \text{ و } a = 7^{n+1} + 7^n \quad -1$$

أ- استنتاج تحليل لكل من a و b إلى جداء عوامل أولية بدلالة n .

$$b = 5^{n+1} + 5^n = 5^n \times 5 + 5^n = 5^n (5+1) = 5^n \times 2 \times 3$$

$$a = 7^{n+1} + 7^n = 7^n \times 7 + 7^n = 7^n (7+1) = 7^n \times 2^3$$

ب- بيان أن: $\text{ppcm}(a; b) = 7^n \times 5^n \times 3 \times 2^3$

لدينا: $\text{ppcm}(a; b) = 7^n \times 5^n \times 3 \times 2^3$ و $a = 7^n \times 2^3$ و $b = 5^n \times 2 \times 3$

2- الكتابة العشرية الدورية للعدد حقيقي d هي:

أ- مدور العدد d إلى 10^{-3} هو 4,475، إلى الوحدة هو 4

$$(1) \dots d \times 10^2 - d = 443$$

$$(2) \dots d \times 10^2 - d = 99d$$

$$\text{من (1) و (2) نجد } 443 = 99d \text{ و منه } d = \frac{443}{99}$$

-3 $x \in [2; 3]$ عدد حقيقي حيث: $\frac{2}{5} \leq \frac{2}{2x-1} \leq \frac{2}{3}$

$$\frac{1}{5} \leq \frac{1}{2x-1} \leq \frac{1}{3} \text{ يكافيء } \frac{2}{5} \leq \frac{2}{2x-1} \leq \frac{2}{3}$$

$$6 \geq 2x \geq 4 \text{ و منه } 5 \geq 2x-1 \geq 3$$

$$\text{و منه } 2 \leq x \leq 3 \text{ يكافيء } x \in [2; 3]$$

- استنتاج رتبها تصاعديا للأعداد $x^{-1}; x^{-2}; x^{-3}$

$$\text{لدينا } 2 \geq x \geq 3 \text{ و منه } \frac{1}{3} \leq x^{-1} \leq \frac{1}{2} \text{ يكافيء } \frac{1}{3} \leq \frac{1}{x} \leq \frac{1}{2}$$

$$\text{و منه } 1 < x^{-1} < x^{-2} < x^{-3} \text{ إذن } 0 < x^{-1} < 0$$

$$f(x) = \frac{|x|}{x^2 + 1} \text{ لـ } f \text{ دالة معرفة على } \mathbb{R}$$

- درسة شفعية الدالة f ، ثم فسر النتيجة هندسيا.

لدينا D_f متناظرة بالنسبة للمبدأ الصفر.

$$f(-x) = \frac{|-x|}{(-x)^2 + 1} = \frac{|x|}{x^2 + 1} = f(x)$$

و منه الدالة f زوجية ومنحنها البياني متناظر بالنسبة لمحور التراتيب

التمرين الثاني:

$$\text{نعتبر العبارة } E(x) = |x-3| - |x-1| + 1$$

التمرین الثالث:

الجزء الأول:

f الدالة المعرفة على \mathbb{R} بـ :

$$f(x) = (2x-3)^2 - 4 \quad \text{بيان أن: } -1$$

$$(2x-3)^2 - 4 = 4x^2 + 9 - 12x - 4$$

$$= 4x^2 - 12x + 5 = f(x)$$

$$f(0) = 5; f(-1) = 21 \quad -2$$

$$(2x-3)^2 - 2^2 = 0 \quad \text{يكافئ } f(x) = 0$$

$$(2x+1)(2x-7) = 0 \quad \text{ومنه } (2x-3+4)(2x-3-4) = 0$$

$$\text{ومنه } x = \frac{7}{2} \text{ أو } x = -\frac{1}{2} \quad 2x-7=0 \quad 2x+1=0$$

$$\left[-\infty; \frac{3}{2} \right] \cup \left[\frac{3}{2}; +\infty \right] \quad \text{ادرس اتجاه تغير الدالة } f \text{ على المجال}$$

$$\text{نفرض عددين حقيقيين } x_1 \text{ و } x_2 \text{ من المجال } \left[-\infty; \frac{3}{2} \right] \text{ حيث } x_1 < x_2$$

$$2x_1 - 3 < 2x_2 - 3 \leq 0 \quad \text{ومنه } 2x_1 < 2x_2 \leq 3 \quad 2x_1 - 3 < 2x_2 - 3 \leq \frac{3}{2}$$

$$\text{ومنه } (2x_1 - 3)^2 > (2x_2 - 3)^2 \geq 0$$

$$f(x_1) > f(x_2) \quad \text{ومنه } (2x_1 - 3)^2 - 4 > (2x_2 - 3)^2 - 4$$

$$\left[-\infty; \frac{3}{2} \right] \quad \text{ومنه الدالة } f \text{ متناقصة تماما على المجال}$$

$$\left[\frac{3}{2}; +\infty \right] \quad \text{حيث } x_1 < x_2 \text{ من المجال}$$

$$0 \leq 2x_1 - 3 < 2x_2 - 3 \leq 3 \quad \text{ومنه } 3 \leq 2x_1 < 2x_2 \leq 3 \quad \frac{3}{2} \leq x_1 < x_2$$

$$\text{ومنه } (2x_1 - 3)^2 < (2x_2 - 3)^2 \geq 0$$

$$f(x_1) < f(x_2) \quad \text{ومنه } (2x_1 - 3)^2 - 4 < (2x_2 - 3)^2 - 4$$

$$\left[\frac{3}{2}; +\infty \right] \quad \text{ومنه الدالة } f \text{ متزايدة تماما على المجال}$$

جدول التغيرات:

x	$-\infty$	$\frac{3}{2}$	$+\infty$
$f(x)$		-4	

$$f(x) - f\left(\frac{3}{2}\right) \geq 0 \quad \text{فإن: } x \in \mathbb{R}$$

انتهت بالتفصيـل لـ الجميع