

**التمرين الأول:**

يحتوي كيس على كرات لا نفرق بينها عند اللمس مرقمة ب:  $0; 1; 2$ .  
نسحب عشوائيا كرة من الكيس لنسجل  $x$  رقم الكرة المسحوبة و نعيدها إلى الكيس، ثم نسحب كرة ثانية لنسجل رقمها  $y$ . لكل سحب لكرتين نرفق النقطة  $M(x; y)$  من المستوي منسوب إلى معلم متعامد و متجانس  $(\vec{i}; \vec{j}; \vec{o})$ .

1. عين إحداثيات كل النقط  $M$  الممكنة.

2. احسب احتمال الحوادث التالية:

➤  $A$  "  $M$  تنتمي إلى محور الفواصل".

➤  $B$  "  $M$  نقطة من المستقيم المعرف بالمعادلة:  $2x + y = 0$ ".

➤  $C$  "  $M$  تنتمي إلى الدائرة التي مركزها  $o$  و نصف قطرها 1".

3.  $X$  المتغير العشوائي الذي يرفق بكل عملية سحب العدد  $x^2 + y^2$ .

➤ عين قانون احتمال  $X$ .

➤ احسب الأمل الرياضياتي للمتغير  $X$ .

**التمرين الثاني:**

الفضاء منسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس  $(\vec{i}; \vec{j}; \vec{k}; \vec{o})$ .

نعتبر النقطتين  $A(2; 0; 0)$  و  $B(-1; -5; -1)$ .

$(\Delta_1)$  المستقيم الذي يشمل النقطة  $A$  و  $\vec{u}(-1; 2; -1)$  شعاع توجيه له.

$(\Delta_2)$  المستقيم المعرف بالتمثيل الوسيطى التالي:  $t \in \mathbb{R}$

$$\begin{cases} x = -3 - 3t \\ y = 2 + 2t \\ z = 7 + 3t \end{cases}$$

(d) المستقيم الذي يشمل النقطة  $B$  و  $\vec{v}(2; 5; 3)$  شعاع توجيه له.

1. بين أن المستقيمين  $(\Delta_1)$  و  $(\Delta_2)$  يتقاطعان في النقطة  $C$  يطلب تعيين إحداثياتها.

2. بين أن المستقيمين  $(\Delta_1)$  و (d) ليسا من نفس المستوي.

3.

➤ اكتب تمثيلا وسيطيا للمستوي  $(\mathcal{P})$  الذي يشمل المستقيمين  $(\Delta_1)$  و  $(\Delta_2)$ .

➤ استنتج أن  $4x + 3y + 2z - 8 = 0$  هي معادلة ديكارتية للمستوي  $(\mathcal{P})$ .

➤ تحقق من أن النقطة  $C$  هي المسقط العمودي للنقطة  $B$  على المستوي  $(\mathcal{P})$ .

4.

➤ بين أنه توجد نقطة وحيدة  $I$  من المستقيم (d) و توجد نقطة وحيدة  $D$  من المستقيم

$(\Delta_2)$  حيث تكون النقط  $I; A$  و  $D$  في إستقامة ، يطلب تعيين إحداثيات النقطتين

$I$  و  $D$ .

➤ بين أن النقطة  $I$  هي منتصف القطعة  $[AD]$ .

.5

➤ النقطة  $K$  مرجح الجملة المثقلة  $\{(B; 1); (I; 2)\}$  و النقطة  $G$  المسقط العمودي للنقطة  $K$  على المستوي  $(P)$ .

➤ بين أن النقطة  $G$  هي مرجح النقط  $A; C$  و  $D$  المرفقة بمعاملات يطلب تعيينها.

➤ استنتج إحداثيات النقطة  $G$ .

بالتوفيق للجميع

الأستاذة: بن عابد فاطمة