



### التمرين الأول : 08

$ABC$  مثلث قائم في  $A$  بحيث  $AB = AC = 4$  و لتكن  $I$  منتصف  $[AB]$  و  $J$  منتصف  $[AC]$  و  $K$  منتصف  $[CI]$

1 تتحقق أن:  $\overrightarrow{CI} \cdot \overrightarrow{CA} = \overrightarrow{CA}^2$  ثم استنتج قيس الزاوية  $ACI$ .

2 استنتاج مساحة المثلث  $ACI$ .

3 احسب الجداء السلمي:  $\overrightarrow{JK} \cdot \overrightarrow{AB}$  و  $\overrightarrow{JK} \cdot \overrightarrow{JA}$ .

4 بين أن المستقيمين  $(JB)$  ،  $(AK)$  متعامدين.

5 ليكن  $H$  المسقط العمودي للنقطة  $A$  على  $(BC)$ . احسب  $AH$ .

### التمرين الثاني : 10

الفضاء منسوب إلى معلم متعامد متجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ .

نعتبر النقط  $E(0;0;1)$  ،  $D(3;0;2)$  ،  $C(-2;-3;-4)$  ،  $B(0;-1;-2)$  ،  $A(1;1;2)$  ،

1 أحسب الأطوال  $BD$  ،  $AD$  و  $AB$ .

2 استنتاج طبيعة المثلث  $ABD$ .

3 بين أن النقط  $A$  ،  $B$  ،  $C$  ،  $E$  من نفس المستوى.

4 أعط تمثيل وسيطياً للمستقيم  $(AB)$ . ثم استنتاج جملة معادلتين للمستقيم  $(AB)$ .

5 لتكن  $(E)$  مجموعة النقط  $M(x; y; z)$  حيث  $x^2 + y^2 + z^2 - 6x - 4z - 13 = 0$

أ) عين طبيعة المجموعة  $(E)$  معينا عناصرها المميزة.

ب) عين تقاطع المستقيم  $(AB)$  والمجموعة  $(E)$ .

التمرين الثالث : 02

تأخر احمد عن موعد إجراء امتحان نهاية السنة وأراد أن يسلك طريق اقرب إلى الثانوية ، هناك طريقان في المنطقة .

الأولى على خط مستقيم معادلته  $2x - y + 1 = 0$  و الثانية تمر بالنقطة  $A(-2; 3)$  ميلها  $-1$ .

- ساعد احمد على أي طريق يختار إذا كانت إحداثيات منزله هي  $B(4; 1)$  ؟

بال توفيق

انتهى



للجميع



### التمرين الأول : 08

ABC مثلث قائم في A بحيث  $AB = AC = 4$  ولتكن I منتصف  $[AB]$  و J منتصف  $[AC]$  و K منتصف  $[CI]$

1 تتحقق أن:  $\overrightarrow{CI} \cdot \overrightarrow{CA} = \overrightarrow{CA}^2$  ثم استنتج قيس الزاوية  $ACI$ .

2 استنتاج مساحة المثلث  $ACI$ .

3 احسب الجداء السلمي:  $\overrightarrow{JK} \cdot \overrightarrow{AB}$  و  $\overrightarrow{JK} \cdot \overrightarrow{JA}$ .

4 بين أن المستقيمين  $(JB)$  ،  $(AK)$  متعمدين.

5 ليكن H المسقط العمودي للنقطة A على  $(BC)$ . احسب  $AH$ .

### التمرين الثاني : 10

الفضاء منسوب إلى معلم متعمد متجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ .

نعتبر النقط  $E(0;0;1)$  ،  $D(3;0;2)$  ،  $C(-2;-3;-4)$  ،  $B(0;-1;-2)$  ،  $A(1;1;2)$  ،

1 أحسب الأطوال  $BD$  ،  $AD$  و  $AB$ .

2 استنتاج طبيعة المثلث  $ABD$ .

3 بين أن النقط  $A$  ،  $B$  ،  $C$  ،  $E$  من نفس المستوى.

4 أعط تمثيل وسيطياً للمستقيم  $(AB)$ . ثم استنتاج جملة معادلتين للمستقيم  $(AB)$ .

5 لتكن  $(E)$  مجموعة النقط  $M(x; y; z)$  حيث  $x^2 + y^2 + z^2 - 6x - 4z - 13 = 0$

أ) عين طبيعة المجموعة  $(E)$  معينا عناصرها المميزة.

ب) عين تقاطع المستقيم  $(AB)$  والمجموعة  $(E)$ .

التمرين الثالث : 02

تأخر احمد عن موعد إجراء امتحان نهاية السنة وأراد أن يسلك طريق اقرب إلى الثانوية ، هناك طريقان في المنطقة .

الأولى على خط مستقيم معادلته  $2x - y + 1 = 0$  و الثانية تمر بالنقطة  $A(-2; 3)$  و ميلها  $-1$ .

- ساعد احمد على أي طريق يختار إذا كانت إحداثيات منزله هي  $B(4; 1)$  ؟

بالتوفيق

دعا انتهى



للجميع