

## اختبار الفصل الأول في مادة الرياضيات

## التمرين الأول: 6 نقاط

1. تعطى المعادلة (E) :  $4x^2 - 5x + 1 = 0$  .  
أ. بزر أن المعادلة (E) تقبل حلين  $x'$  و  $x''$  ، من نفس الإشارة لا يطلب تعيينهما .  
ب. أحسب كل من :  $x'^2 + x''^2$  ؛  $x'^4 + x''^4$   
ج. نفرض أن :  $x' = \frac{1}{4}$  عين  $x''$
2. نعتبر كثير الحدود  $p(x) = 4x^4 - 5x^2 + 1$   
أ. حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة  $p(x) = 0$  ، ثم حل  $p(x)$  إلى جاء عوامل من الدرجة الأولى  
ب. أدرس إشارة  $p(x)$  ، واستنتج حلول المتراجحة  $p(x) \leq 0$

## التمرين الثاني : 4 نقاط

- نزود المستوي بمعلم متعامد ومتجانس  $(o, \vec{i}, \vec{j})$
- لتكن النقط  $A(-1, 1)$  ؛  $B(2, -3)$  ؛  $C(2, 2)$
1. عين احداثيي النقطة I مركز ثقل المثلث ABC
  2. عين احداثيي النقطة G مرجح الجملة المثقلة  $\{(A, -1) ; (B, 1) ; (C, 3)\}$
  3. عين  $(\Delta)$  مجموعة النقط M من المستوي حيث :  $\|\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}\| = \|\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + 3\overrightarrow{MC}\|$  وأنشئها .

## التمرين الثالث: 10 نقاط

- نعتبر الدالة العددية  $f$  المعرفة و القابلة للاشتقاق على المجموعة  $\mathbb{R} - \{-1; 3\}$  بتمثيلها البياني (C) الموضح في الوثيقة المرافقة .
1. بقراءة بيانية:  
1. شكل جدول تغيرات الدالة  $f$  .  
2. عين إشارة كل من  $f(x)$  و  $f'(x)$  على  $\mathbb{R} - \{-1; 3\}$
  3. نعتبر الدالة  $g$  المعرفة كما يلي :  $g(x) = \frac{1}{f(x)}$   
أ. عين مجموعة تعريف الدالة  $g$   
ب. احسب  $g'(x)$  بدلالة  $f(x)$  و  $f'(x)$  ثم استنتج اتجاه تغير الدالة  $g$
  11. نفرض أن عبارة  $f(x)$  من الشكل :  $f(x) = a + \frac{b}{x^2 - 2x - 3}$  (  $a$  و  $b$  عدنان حقيقيان )  
1. جد بيانيا كل من :  $f(0)$  و  $f(1)$   
2. استنتج قيمة كل من العددين  $a$  و  $b$   
3. تحقق أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$  من  $\mathbb{R} - \{-1; 3\}$  :  $f(x) = \frac{x^2 - 2x - 15}{x^2 - 2x - 3}$   
4. احسب  $f'(x)$  بدلالة  $x$  ثم ادرس إشارته  
5. أكتب معادلة المماس (T) للمنحنى (C) في النقطة ذات الفاصلة  $a = -3$  ثم أنشئه على الوثيقة المرافقة  
6. أثبت أن المستقيم ذو المعادلة  $x = 1$  محور تناظر للمنحنى (C) .

المنحنى البياني

