

بعد تعين دساتير تغيير المعلم بين أن معادلة المنحنى (C_f)

$$\text{بالنسبة إلى المعلم } (\Omega; \bar{i}; \bar{j}) \text{ هي : } Y = \frac{1}{X}$$

دساتير تغيير المعلم :

..... تكافئ يعني :

..... أي :

أدرس شفوعية الدالة f في المعلم $(\bar{\Omega}; \bar{i}; \bar{j})$ ثم فسر النتيجة هندسيا.

$$-X \in \mathbb{R}^* \text{ فان } X \in \mathbb{R}^*$$

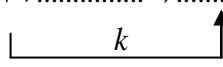
لدينا مهما $X \in \mathbb{R}^*$

و منه f دالة في المعلم $(\bar{\Omega}; \bar{i}; \bar{j})$ وبالتالي

$$k(x) = \sqrt{\frac{-2x+7}{x-3}}$$

بين أن الدالة k هي مركب دالتين يطلب تعبيئهما.

نضع : $k: x \mapsto \dots \rightarrow \dots$ بحيث أن : $k = \dots$



$$\frac{-2x+7}{x-3} \geq 0$$

جدول إشارات D_f على المجال $\frac{-2x+7}{x-3}$

x	$-\infty$	$+\infty$

$$\text{حلول المتراجحة } \frac{-2x+7}{x-3} \geq 0 \text{ على } D_f \text{ هي : } \dots$$

بفرض أن D_g هي مجموعة تعريف الدالة g جد مجموعة تعريف الدالة k .

$$D_k = \{ \dots \}$$

$$= \{ \dots \}$$

$$= \{ \dots \}$$

$$= \dots$$

سلم التنقيط	المدة : ساعة و نصف	2020 / 12 / 28
	فرض الثلاثي الأول في مادة الرياضيات للقسم 2 تر	

اللقب : النقطة : الاسم :

التمرين الأول : (14.5 نقطة)

الجزء 1 : لتكن الدالة f المعرفة بـ :

و (C_f) منحناها البياني في معلم متعمد و متجانس $(O; \bar{i}; \bar{j})$

جـ جـ D_f مجموعة تعريف الدالة f .

..... تكافئ وبالتالي :

عين العددين الحقيقيين a و b بحيث من أجل كل x

$$f(x) = a + \frac{b}{x-3} : D_f \text{ من }$$

$$f(x) = \dots$$

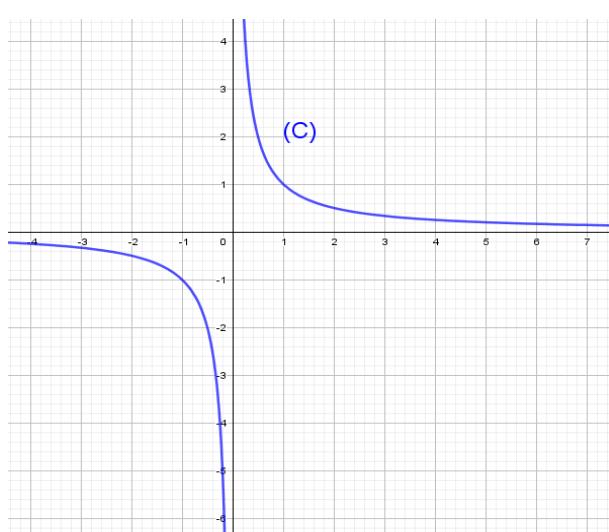
$$\left\{ \dots \right. \\ \left. \dots \right. \text{ نضع :}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} a = \dots \\ b = \dots \end{array} \right. \text{ يعني : } \left\{ \dots \right. \\ \left. \dots \right.$$

$$f(x) = \dots + \frac{\dots}{x-3} \text{ وبالتالي : }$$

استنتج طريقة لإنشاء المنحنى (C_f) على D_f انطلاقاً من منحنى الدالة مقلوب (C) على المجال \mathbb{R}^* ثم أنشئه.

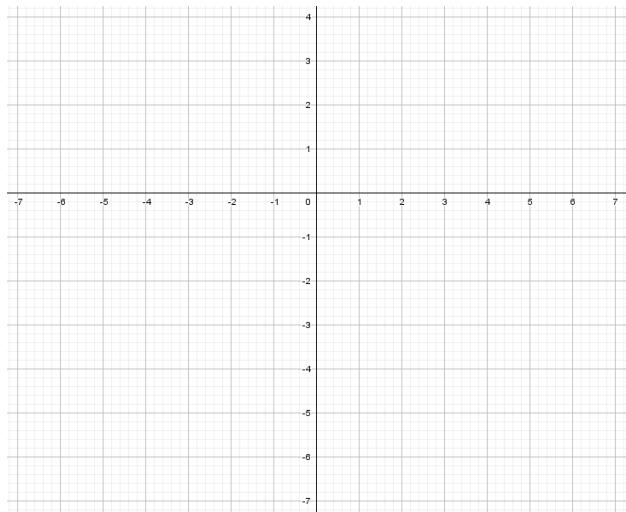
المنحنى (C_f) على D_f هو D_f هو (C_f)



استنتاج جدول تغيرات الدالة f على D_f .

x	$-\infty$	$+\infty$

لتكن النقطة Ω ذات الإحداثيات $(-2; 3)$ في المعلم $(O; \bar{i}; \bar{j})$



التمرين الثاني : (5.5 نقاط)

للتثبيت حدود معرف على \mathbb{R} بـ :

$$P(x) = -8x^3 + 32x^2 + 2x - 8$$

▪ بين أن العدد 4 جذراً لـ $P(x)$

▪ جد باستعمال القسمة الاقليدية الأعداد الحقيقية a, b, c ، $b \neq 0$

$$P(x) = (x-4)(ax^2 + bx + c) : \mathbb{R}$$

$$\begin{array}{r} -8x^3 + 32x^2 + 2x - 8 \\ \hline x - 4 \end{array}$$

$$P(x) = (x-4)(\dots\dots\dots) \quad \text{بالتالي} \quad c = \dots \quad b = \dots \quad a = \dots \quad \text{ومنه}$$

▪ حل $P(x)$ إلى جداء عوامل من الدرجة الأولى ثم حل في \mathbb{R}

$$\text{المعادلة } P(x) = 0$$

$$\left\{ \dots\dots\dots \right. \quad \text{يعني:} \quad \left. \dots\dots\dots \right\} \quad \text{تكافيء:} \quad P(x) = 0 \quad \left\{ \dots\dots\dots \right. \quad \text{أي:} \quad \left. \dots\dots\dots \right\}$$

▪ حل في \mathbb{R} المعادلة

$$\left\{ \begin{array}{l} x_1 = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots \\ x_2 = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots \end{array} \right.$$

$$P(x) = (\dots\dots\dots)(\dots\dots\dots)(\dots\dots\dots)$$

▪ حلول المعادلة $P(x) = 0$ في \mathbb{R} هي : $\{ \dots\dots\dots; \dots\dots\dots; \dots\dots\dots \}$

بال التالي الدالة k تماماً على المجال D_k

الجزء 3 : $h(x) = f(|x|)$ دالة عددية معرفة بـ : $(O; \vec{i}; \vec{j})$ و (C_h) منحناها البياني في معلم متواز ومتجانس .

﴿ جد D_h مجموعة تعريف الدالة h .

$$h(x) = f(|x|) = \frac{-2|x| + 7}{|x| - 3}$$

$\left\{ \dots\dots\dots \right. \quad \text{تكافيء} \quad \left. \dots\dots\dots \right\} \quad \text{أي} \quad \left\{ \dots\dots\dots \right. \quad \text{يعني} \quad \left. \dots\dots\dots \right\}$

بال التالي : $D_h = \dots\dots\dots$

﴿ بين أن الدالة h زوجية في المعلم $(O; \vec{i}; \vec{j})$ ثم فسر النتيجة هندسيا.

و منه h دالة زوجية في المعلم $(O; \vec{i}; \vec{j})$ وبالتالي

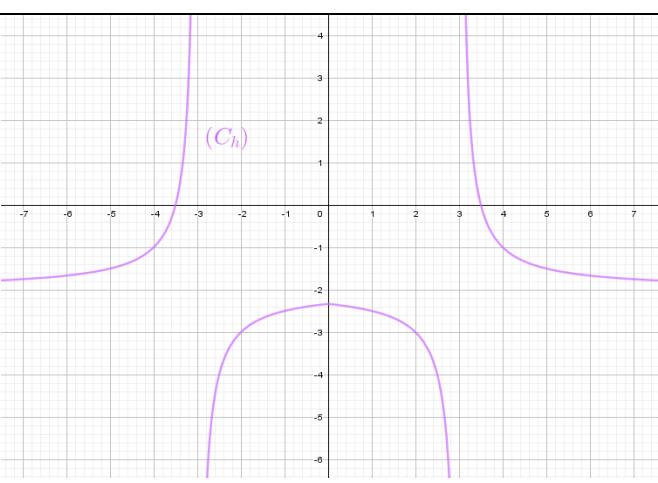
﴿ استنتج جدول تغيرات الدالة h على D_h .

x	$-\infty$	$+\infty$
$h(x)$					

﴿ أكتب $h(x)$ دون رمز القيمة المطلقة على D_h

$$h(x) = f(|x|) = \begin{cases} \dots\dots\dots; x \in \dots\dots\dots \\ \dots\dots\dots; x \in \dots\dots\dots \end{cases}$$

﴿ استنتاج طريقة لإنشاء المحنى (C_h) على D_h انطلاقاً من المحنى (C_f) على المجال D_f ثم أنشئه.



التمرين الثاني : (5.5 نقاط)

$P(x)$ كثير حدود معروف على \mathbb{R} بـ :

$$P(x) = -8x^3 + 32x^2 + 2x - 8$$

▪ بين أن العدد 4 جذراً لـ $P(x)$

$$P(4) = -8 \times 4^3 + 32 \times 4^2 + 2 \times 4 - 8 = 520 - 520 = 0$$

▪ جد باستعمال القسمة الاقليدية الأعداد الحقيقية a, b, c ، $b \neq 0$:

$$P(x) = (x-4)(ax^2 + bx + c) \text{ بحيث من أجل كل } x \text{ من } \mathbb{R}$$

$$\begin{array}{r} -8x^3 + 32x^2 + 2x - 8 \\ \hline -8x^3 + 32x^2 \\ \downarrow \quad \downarrow \\ 0 + 2x - 8 \\ \hline 2x - 8 \\ 0 \end{array} \quad | \quad x - 4$$

$$P(x) = (x-4)(-8x^2 + 2) \quad \text{بالتالي} \quad \left\{ \begin{array}{l} c=2 \\ b=0 \\ a=-8 \end{array} \right.$$

▪ حل $(P(x))$ إلى جداء عوامل من الدرجة الأولى ثم حل في \mathbb{R}

$$P(x) = 0 \quad \text{المعادلة}$$

▪ $P(x) = (x-4)(-8x^2 + 2) = 0$ يعني :

$$\left\{ \begin{array}{l} x=4 \\ -8x^2 + 2 = 0 \end{array} \right. \quad \text{أي :} \quad \left\{ \begin{array}{l} x-4=0 \\ -8x^2 + 2 = 0 \end{array} \right. \quad \text{أو}$$

نحل في \mathbb{R} المعادلة $-8x^2 + 2 = 0$

$$\sqrt{\Delta} = \sqrt{64} = 8 \quad , \quad \Delta = b^2 - 4ac = 0^2 - 4(-8)(2) = 64$$

$$\left\{ \begin{array}{l} x_1 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-0 - 8}{2(-8)} = \frac{-8}{-16} = \frac{1}{2} \\ x_2 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-0 + 8}{2(-8)} = \frac{8}{-16} = -\frac{1}{2} \end{array} \right.$$

$$\begin{aligned} P(x) &= -8(x-4)\left(x-\frac{1}{2}\right)\left(x+\frac{1}{2}\right) \\ &= [-2(x-4)] \left[2\left(x-\frac{1}{2}\right) \right] \left[2\left(x+\frac{1}{2}\right) \right] \end{aligned}$$

$$= (8-2x)(2x-1)(2x+1)$$

$$\left\{ -\frac{1}{2}; \frac{1}{2}; 4 \right\} \quad \text{حلول المعادلة } P(x) = 0 \text{ في } \mathbb{R} \quad \text{هي :}$$

﴿ أدرس اتجاه تغير الدالة k على D_k من جدول تغيرات الدالة f نلاحظ أن f متناقصة تماماً على المجال $\left[3; \frac{7}{2}\right]$ ولدينا من جهة أخرى الدالة g متزايدة تماماً على $\left[3; \frac{7}{2}\right]$ وبالتالي الدالة k متناقصة تماماً على المجال $\left[3; \frac{7}{2}\right]$ الجزء 3 : $h(x) = f(|x|)$ دالة عددية معرفة بـ : $(O; \vec{i}; \vec{j})$ و (C_h) منحنها البياني في معلم متعامد ومتجانس (

جـ D_h مجموعة تعريف الدالة h .

$$h(x) = f(|x|) = \frac{-2|x| + 7}{|x| - 3}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} x \neq 3 \\ x \neq -3 \end{array} \right. \quad \text{أي} \quad \left\{ \begin{array}{l} x \neq 3 \\ -x \neq 3 \end{array} \right. \quad \text{يعني} \quad |x| - 3 \neq 0$$

بال التالي : $D_h = \mathbb{R} - \{-3; 3\} =]-\infty; -3] \cup]-3; 3[\cup]3; +\infty[$

﴿ بين أن الدالة h زوجية في المعلم (

$O; \vec{i}; \vec{j}$)

ثم فسر النتيجة هندسياً .

لدينا مهما $x \in D_h$ فإن $-x \in D_h$

$$h(-x) = f(|-x|) = f(|x|) = h(x)$$

و منه h دالة زوجية وبالتالي المنحني (C_h) يقبل محور التراتيب ('yy) لمحور تناظر .

﴿ استنتج جدول تغيرات الدالة h على D_h .

x	$-\infty$	-3	0	3	$+\infty$
$h(x)$	$\nearrow +\infty$	$\nearrow -\infty$	$\nearrow -\frac{7}{3}$	$\searrow -\infty$	$\nearrow +\infty$

﴿ أكتب $h(x)$ دون رمز القيمة المطلقة على D_h

$$h(x) = f(|x|) = \begin{cases} f(x); x \in \mathbb{R}^+ - \{3\} \\ f(-x); x \in \mathbb{R}_-^* - \{-3\} \end{cases} = \begin{cases} \frac{-2x+7}{x-3}; x \in \mathbb{R}^+ - \{3\} \\ \frac{2x+7}{-x-3}; x \in \mathbb{R}_-^* - \{-3\} \end{cases}$$

﴿ استنتاج طريقة لإنشاء المنحني (C_h) على D_h انطلاقاً من المنحني (C_f) على المجال D_f ثم أنشئه .

(C_f) على $\mathbb{R}^+ - \{3\}$ منطبق على (C_h) على \mathbb{R}^+

أما (C_h) على $\mathbb{R}_+^* - \{-3\}$ هو نظير (C_f) على \mathbb{R}_+^*

بالنسبة لمحور التراتيب لأن h دالة زوجية .