```
الجمهورية الجزائرية الديمقر اطية الشعبية
                                                                            مديرية التربية لولاية قسنطينة
      الثانوية: الحرية
المستوى: ثالثة ثانوي
                                                                                          المادة: رياضيات
                                                                                  الشعبة: تسيير وَ إقتصاد
           المعامل: 5
                                                                                                الفرض الأول
   المدة: 1 سا و 30 د
           التمرين الأول (5ن): w_n)_{n\in\mathbb{N}} متتالية عددية معرّفة بحدّها الأول w_0=1 وَ بالعلاقة التراجعية v_0=1
                                                  n_{n+1} = 5w_n + 3 ، من أجل كل عدد طبيعي،
                                           (1) بيّني أنّ (w_n) متتالية حسابية يُطلب تعيين أساسها (8.10).
                                                                             (1ن). اکتبی w_n بدلالة n
                       3) هل 2971 من حدود المتتالية (w_n) ؟ إن كانت الإجابة نعم فما هو رتبته ؟ (1ن).
                             .(4) أحسبي المجموع S_n = w_0 + w_1 + \dots + w_{4950} غيث: S_n = w_0 + w_1 + \dots + w_{4950}
                                     \left\{ egin{aligned} t_0 + t_3 &= 6 \ t_2 + t_5 &= 22 \end{aligned} 
ight. متتالية حسابية حيث: (t_n)_{n \in \mathbb{N}}
                                             1) أوجدي الأساس r وَ الحد الأول t_0 لهذه المتتالية. (1.5).
                                                                            t_n أكتبى t_n بدلالة t_n (2.00).
          (3) هل العدد 2021 هو حد من حدود المتتالية (t_n) ؛ إن كانت الإجابة نعم فما هو رتبته ؛ (1ن).
      .(ن2) P = 1442^1 \times 1442^5 \times 1442^9 \times ... \times 1442^{4n+1} : P أحسبي بدلالة n أحسبي بدلالة n
            التمرين الثالث (u_n)_{n\in\mathbb{N}} و بالعلاقة التراجعية : u_0=6 و بالعلاقة التراجعية :
                              من أجل كل عدد طبيعي غير معدوم u_{n+1} - 2u_n = 3
                                                  1) أحسبي الحدود الثلاث الأولى للمتتالية (u_n). (0.5).
                                             v_n = u_n - 3: نعتبر المتتالية (v_n) المعرّفة على (2
         أ- أثبتي أنّ المتتالية (v_n) هندسية يُطلب تعيين أساسها وَ حدّها الأول. (1ن+20.25+0.25+0).
                          .(ن0.5+ن0.5). ب بدلاله u_n بدلاله v_n بدلاله v_n بدلاله v_n بدلاله بارتی عن v_n بدلاله بارتی عن v_n
                   جـ - أحسبي المجموع S_n = v_0 + v_2 + \dots + v_n جـ - أحسبي المجموع S_n = v_0 + v_2 + \dots + v_n
                      د- إستنتجي المجموع S_n' = u_0 + u_2 + \dots + u_n :د- إستنتجي المجموع S_n' = u_0 + u_2 + \dots + u_n د- إستنتجي المجموع
```

التمرين الرابع (5ن): بيّنت دراسة أنّ 5% من عمال إحدى القطاعات الصناعية يُحالون على التقاعد سنوياً وَ بالمقابل يُوظف 3000 عامل سنوياً ، علماً أنّ سنة 2012 كان عدد العمال 50000.

 $b_0 = 50$: أي: $b_0 = 50$ أي: $b_0 = 50$ نعتبر الألف هو الوحدة ونرمز ب $b_0 = 50$ لعدد العمال سنة

1) أوجدي b_1 ، b_2 ، b_1 أوجد

.(2) أ- بيّنى أَنّه من أجل كل عدد طبيعي n: n+1=0.95 أ- بيّنى أَنّه من أجل كل عدد طبيعي (2.0.5). ب- هل المتتالية (b_n) حسابية؟ هل هي هندسية؟ (0.5).

. $c_n=60-b_n$: نضع ، نضع عدد طبيعي من أجل كل عدد طبيعي (3

أ- أثبتي أنّ (c_n) متتالية هندسية يُطلب تعيين أساسها وَ حدها الأول. (0.75).

ب- أكتبي c_n بدلالة n ثُمّ إستنتجي b_n بدلالة n . (0.75).

جـ- قدري عدد العمال سنة 2021. (**0.5**).

د- حددي إتجاه تغيّر المتتالية ((b_n)).

هـ- أحسبي نهاية المتتالية (b_n) . (0.75).

ملاحظات هامة جداً:

- 1) يُمنع منعاً باتاً التشطيب وَ الكتابة تكون إما بالأزرق أوْ الأسود .
- 2) لا تكتبى و لا تُلطخى هذه الورقة لأنّك ستُرجعيها مع ورقة الإجابة .
- 3) يُمنع إستعمال الآلة الحاسبة ذات الشاشة التي يزيد عرضها عن 2cm.