

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

المستوى: السنة الثالثة

الشعبة: تسيير واقتصاد

المدة: ساعتان

مديرية التربية لولاية بجاية

السنة الدراسية: 2021_2022

ثانوية الشهداء السبعة بوعيفل - سيدى عيش

اختبار الفصل الثاني في مادة الرياضيات

ملاحظة مهمة: أجب على التمرين الأول اجباريا، ثم اختر أحد التمرينين الثاني أو الثالث وأجب عليه

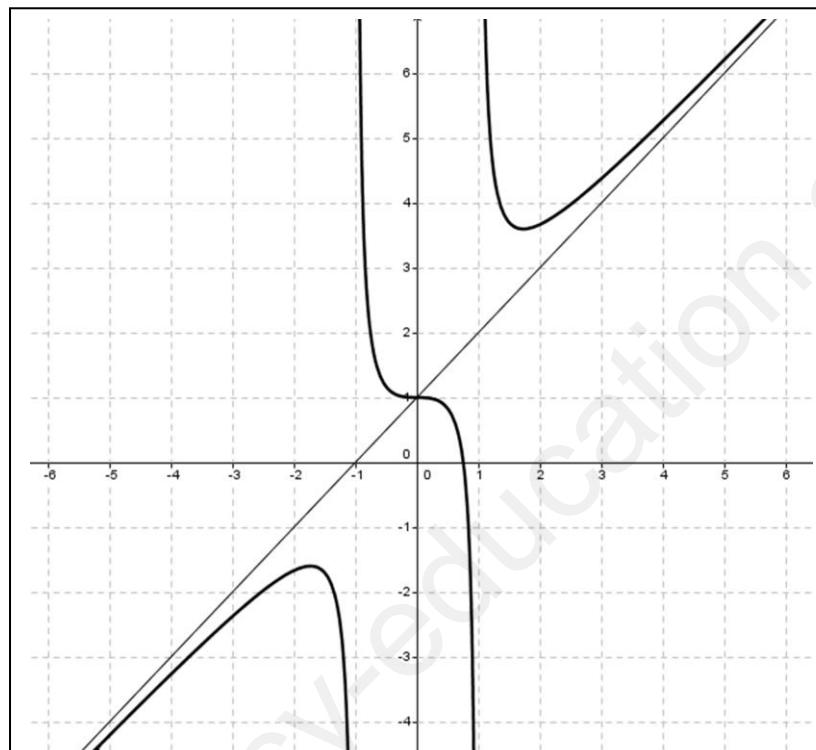
التمرين الأول: (10 نقاط)

I) أذكر أن كانت الجمل التالية صحيحة أو خاطئة مع التبرير في كل حالة:

(1) مجموعة حلول المعادلة: $S = \{2; 3\}$ هي \mathbb{R} في $2\ln(x) - \ln(5x) = 0$

(2) مجموعة حلول المتراجحة: $s = [-2; 1]$ هي $\ln(2-x) + \ln(x+3) - \ln 4 \geq 0$

(3) القيمة المتوسطة للدالة f المعرفة بـ $f(x) = \frac{1}{2}x^3 + 3x$ على المجال $[0; 2]$ تساوي: 0



(4) العدد $A = \int_1^3 \frac{2x}{x^3} dx$ يساوي: $\frac{4}{3}$

II) الدالة المعرفة على $\{-1; 1\} - R$ بـ $f(x) = \frac{x^3 + x^2 - 1}{x^2 - 1}$ تمثيلها البياني

في الشكل المقابل

1) بقراءة بيانية أجب على ما يلي:
أ- بين أن المعادلة $f(x) = 0$ تقبل حلًا وحيدًا $\alpha \in [0, 5; 1]$

ب- شكل جدول اشارة الدالة f .

ج- شكل جدول تغيرات الدالة f .

د- جد الوضع النسبي للمنحنى (C) بالنسبة للمستقيم (D) .

هـ أكتب معادلة للمستقيم (D) .

2) باستعمال عبارة الدالة f :

أ) بين أن النقطة $(1, 0)$ مرکز تناظر للمنحنى (C) .

ب) نعتبر الدالة g المعرفة على $\{-1; 1\} - R$ بـ $g(x) = \frac{|x|^3 + x^2 - 1}{x^2 - 1}$.
بين أن الدالة g زوجية. ماذما تستنتج؟

- اشرح كيف يمكن إنشاء المنحنى الممثل للدالة g انطلاقاً من (C) ، ثم انشئ.

التمرين الثاني: (10 نقاط)

I) الدالة العددية المعرفة على $[0; +\infty)$ بـ $g(x) = -2x^2 + 2 - \ln(x)$.

1) أدرس تغيرات الدالة g ، ثم شكل جدول تغيراتها.

2) أحسب $(1) g$ ، واستنتج اشارة $(x) g$ على المجال $[0; +\infty)$.

II) الدالة العددية المعرفة على $[0; +\infty)$ بـ $f(x) = \frac{-1 + \ln x}{x} - 2x + 4$.

نسمي (C_f) تمثيلها البياني في المستوى المرتبط إلى المعلم المتعامد والمتجانس (\bar{j}, \bar{i}) . الصفحة 1 من 2

(1) أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و فسر النتيجة بيانيا.

(2) بين أن المستقيم (Δ) ذو المعادلة: $y = -2x + 4$ مقارب مائل لـ (C_f) عند $+\infty$.

(3) ادرس الوضع النسبي للمنحنى (C_f) بالنسبة للمستقيم (Δ) . (يعطى: حل المعادلة: $\ln x = 1$ هو $x = e \approx 2,7$)

(4) أ- بين أنه من أجل كل عدد حقيقي موجب تماماً x : $f'(x) = \frac{g(x)}{x^2}$.

ب- استنتج اتجاه تغير الدالة f و شكل جدول تغيراتها.

(5) أثبت أن المعادلة $0 = f(x)$ تقبل حلين بالضبط α و β حيث: $\alpha \in [0,4;0,6]$ و $\beta \in [1,8;2]$.

(6) أثبت أن المنحنى (C_f) يقبل مماساً (T) عند النقطة ذات الفاصلة (1) موازياً لمحور الفواصل، ثم أكتب معادلته.

(7) أرسم (Δ) و (C_f) و (T) .

(8) نعتبر الدالة العددية F المعرفة على $[0; +\infty]$ بـ $F(x) = -\ln x + \frac{1}{2}(\ln x)^2 - x^2 + 4x$.

أ- بين أن الدالة F دالة أصلية لـ f على المجال $[0; +\infty]$.

ب- أحسب بـ cm^2 المساحة A : للحيز المستوى المحدد بالمنحنى (C_f) و المستقيمين ذو المعادلتين: $x = 1$ و $x = \frac{3}{2}$

التمرين الثالث: (10 نقاط)

(I) نعتبر الدالة العددية g المعرفة على \mathbb{R} كما يلي:

(1) بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x : $(x^3 - 1) = 4(x - 1)(x^2 + x + 1) = 4(x - 1)$ ، ثم أدرس تغيرات الدالة g .

(2) بين أن المعادلة $0 = g(x)$ تقبل حلين بالضبط α و β حيث: $\alpha \approx -0,69$ و $\beta \approx 0,79$.

(3) استنتاج حسب قيم x إشارة $(g(x))$.

(II) نعتبر الدالة f المعرفة على $[-\infty; 1] \cup [1; +\infty]$ كما يلي:

و ليكن (C_f) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى معلم متعمد و متجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

(1) أحسب النهايات عند حدود مجموعة التعريف.

(2) - أ) عين الأعداد الحقيقية: a ، b ، c حيث من أجل $x \neq 1$: $f(x) = ax + \frac{bx + c}{x^3 - 1}$.

- ب) أثبتت أن المستقيم (D) ذو المعادلة $y = x$ مقارب مائل.

- ج) بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x من $[-\infty; 1] \cup [1; +\infty]$:

- د) أدرس الوضع النسبي للمنحنى (C_f) بالنسبة للمستقيم (D) .

(3) - أ) بين أنه من أجل كل عدد حقيقي $x \neq 1$: $f'(x) = \frac{x^2 \cdot g(x)}{(x^3 - 1)^2}$.

- ب) استنتاج اتجاه تغير الدالة f ، ثم شكل جدول تغيراتها.

(4) أكتب معادلة المماس (T) للمنحنى (C_f) عند النقطة ذات الفاصلة 1 .

(5) أنشئ (T) و (C_f) . تعطى $f(\beta) \approx 3,3$ و $f'(\alpha) \approx -0,9$.

(6) h هي الدالة المعرفة على $\mathbb{R} - \{1\}$ بـ $h(x) = \frac{x^4 + 1}{|x^3 - 1|}$.

(أ) بين أن: $(f(x)) = h(x)$ من أجل كل x من المجال $[1; +\infty]$.

و أن $(-f(x)) = h(x)$ من أجل كل x من المجال $[-\infty; 1]$.

(ب) إشرح كيف يتم رسم (C_h) المنحنى الممثل للدالة h إنطلاقاً من المنحنى (C_f) ، ثم انشئه في المعلم السابق.