

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين:
الموضوع الأول

التمرين الأول (06 ن) :

نعطي المتتالية الحسابية (u_n) بحيث: $u_2 = 9$ و $2u_5 + u_8 = 63$

1. (أ) تحقق أن أساس المتتالية (u_n) هو 3

(ب) استنتج اتجاه تغير المتتالية (u_n) .

2. أحسب الحد الأول u_0 و الحد السادس للمتتالية (u_n) .

3. بين أنه من أجل كل عدد طبيعي n : $u_n = 3n + 3$.

4. (أ) عين رتبة الحد 2019.

(ب) أحسب المجموع S حيث: $S = 18 + 21 + 24 + \dots + 2019$

التمرين الثاني (06 ن) :

نعطي العددين الطبيعيين a و b بحيث: $a = 2019$ و $b = 1440$

1. عين باقي القسمة الإقليدية لكل من العددين a و b على 11

2. استنتج باقي قسمة العدد $a^2 + 7$ على 11

3. تحقق أن $[11] - 1 \equiv a + 4$ ، ثم استنتج أن $[11] \equiv 0 + 1 + (a + 4)^{2019}$

4. عين الأعداد الطبيعية n بحيث $[11] \equiv 1440 + n(2019)^2$

ثم استنتج الأعداد الطبيعية n بحيث $n \leq 30$

التمرين الثالث (08 ن) :

نعطي الدالة العددية f المعرفة على \mathbb{R} كما يلي: $f(x) = -x^3 + 3x^2 - 4$

(C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلي المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$:

1. أحسب نهايات الدالة f عند $+\infty$ و $-\infty$

2. أحسب f' ، ثم استنتج اتجاه تغير الدالة f

3. شكّل جدول تغيّرات الدالة f

4. بين أن المنحنى (C_f) يقبل نقطة انعطاف A يُطلب تعيين إحداثياتها

5. بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x : $f(x) = (x+1)(-x^2 + 4x - 4)$

6. حل في \mathbb{R} المعادلة: $f(x) = 0$. ثم استنتج نقط تقاطع المنحنى (C_f) مع حامل محور الفواصل

أكتب معادلة المماس (Δ) للمنحنى (C_f) في النقطة ذات الفاصلة 1

7. أنشئ المماس (Δ) والمنحنى (C_f)

أقلب الورقة

الموضوع الثاني

التمرين الأول (06 ن) :

نعطي المتتالية الهندسية (V_n) بحيث: $V_2 = 9$ و $9V_1 + V_3 = 54$

1. تحقق أن أساس المتتالية (V_n) هو 3
2. أحسب الحد الثاني V_1 و الحد الأول V_0 . ثم بين أنه من أجل كل عدد طبيعي n : $V_n = 3^n$.
3. أ (بين أنه من أجل كل عدد طبيعي n : $V_{n+1} - V_n = 2 \times 3^n$. ب) استنتج اتجاه تغير المتتالية (V_n)
4. أ (أحسب الحد السادس للمتتالية (V_n) . ب) أحسب S مجموع الحدود الستة الأولى .

التمرين الثاني (06 ن) :

أجب ب : صحيح أو خطأ مع التبرير في كل حالة من الحالات التالية :

1. العددين 2019 و 1440 متوافقان بترديد 3
2. إذا كان a عددا صحيحا يحقق $a \equiv -4[5]$ فإن باقي قسمة العدد a^{704} على 5 هو 1.
3. إذا كان a و b عددين صحيحين يحققان: $a \equiv 2[7]$ و $b \equiv -1[7]$ فإن العدد $a+2b$ مضاعف للعدد 7
4. إذا كان احتمال الحدث A هو $P(A) = \frac{3}{7}$ و احتمال الحدث B هو $P(B) = \frac{2}{7}$ وكان $(A \cap B) = \emptyset$ فإن: $P(A \cup B) = \frac{5}{7}$
5. إذا كان احتمال الحدث A هو $P(A) = \frac{3}{4}$ فإن احتمال الحدث العكسي للحدث A هو $P(\bar{A}) = \frac{4}{3}$
6. عند رمي حجر نرد متوازن ذي ستة أوجه مرقمة من 1 إلى 6 فاحتمال ظهور رقم فردي على الوجه هو $\frac{1}{6}$

التمرين الثالث (08 ن) :

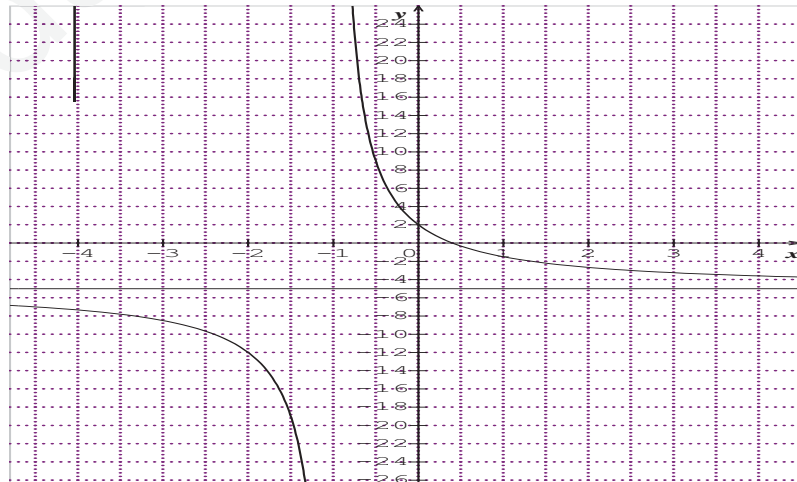
الشكل أدناه يمثل المنحنى البياني (C_f) الممثل للدالة f في المعلم المتعامد والمتجانس $(0, \vec{i}, \vec{j})$.

1. عين مجموعة تعريف الدالة ثم استنتج المستقيمات المقاربة للمنحنى (C_f)
2. عين نهايات الدالة f عند حدود مجموعة التعريف.
3. شكل جدول تغيرات الدالة f .
4. من بين العبارات التالية عين العبارة المناسبة للدالة f مع التبرير.

$$f(x) = \frac{5x-2}{x+1}$$

$$(1) \quad f(x) = \frac{3-5x}{x+1}, \quad (2) \quad f(x) = \frac{2-5x}{x+1}$$

5. أدرس تغيرات الدالة f (النهايات ، المشتق ، إشارة المشتق ، و جدول التغيرات).
أكتب معادلة المماس (Δ) للمنحنى (C_f) في النقطة ذات الفاصلة 0



بالتوفيق والنجاح