الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

مديرية التربية للجزائر وسط دورة ماي 2019 ثانوية سعد دحلب-القبة وزارة التربية الوطنية إمتحان البكالوليا التجريبي الشعبة: رياضيات

المدة: 4 سا

اختبار في مادة: الرياضيات

على المترشح اختيار احد الموضوعين التاليين:

الموضوع الأول

التمرين الأول: (04 نقاط)

من اجل العدد الطبيعي n نعرف المعادلة (E_n) التالية: (E_n) التالية x و x عدين من اجل العدد الطبيعي x نعرف المعادلة x التالية x التالية x من اجل العدد الطبيعي x أنعرف المعادلة x أنع

- 1. i) ادرس حسب قيم العدد الطبيعي n بواقي القسمة الإقليدية للعدد "13 على15.
 - ب) عين مجموعة قيم الطبيعي n التي من اجلها العدد المعادلة (E_n) تقبل حلول.
 - (E_2) معادلة (E_2) ثم حل المعادلة ((E_2) ثم حل المعادلة ((E_2) ثم حل المعادلة ((E_2) على المعادلة ((E_2)
- $\alpha \beta \alpha \beta \alpha$ عين العددان الطبيعيان α و β علما أنه في النظام ذي الأساس δ ،العدد α يكتب على الشكل α النظام ذي الأساس δ .
 - (O;I;J;K) الفضاء منسوب الى المعلم المتعامد و المتجانس 4
- أ) أثبت ان مجموعة النقط M(x;y;z) من الفضاء التي تحقق: $0=(x-y-12z)^2+(x-y-90z+2)^2$ هي أثبت ان مجموعة النقط M(x;y;z) من الفضاء التي تحقق (Δ) ويشمل النقطة (Δ). ثم اكتب تمثيلا وسيطيا للمستوي (Δ) الذي يحوي (Δ) ويشمل النقطة (Δ).
 - ب) بين ان احداثيات نقط المستقيم (Δ) تحقق المعادلة (E_2) ثم استنتج مجموعة النقط M(x;y;z) من المستقيم (Δ) التي احداثياتها اعداد صحيحة.

التمرين الثاني: (04 نقاط)

$$u_n = \int\limits_{n\pi}^{(n+1)\pi} e^{-x} \sin\left(x
ight) dx$$
 : كما يلي $\mathbb N$ كما يدية معرفة على متتالية عددية معرفة على

- $\cos(n\pi) = (-1)^n$: n عدد طبیعی عدد بین انه من ابل التراجع بین انه من اجل کل عدد طبیعی التراجع بین انه من اجل کا
- $u_n = (-1)^n \frac{e^{-\pi} + 1}{2} e^{-n\pi}$: n عدد طبیعی n عدد طبیعی المکاملة بالتجزئة بین انه من اجل کل عدد طبیعی $(1-2)^n$: $(1-2)^n$ هندسیة یطلب تعیین أساسها و حدها الأول .
- $S_n = 1 + \frac{u_1}{u_0} + \left(\frac{u_2}{u_1}\right)^2 + ... + \left(\frac{u_n}{u_{n-1}}\right)^n$: كما يلي S_n كما يلي S_n كما يلي S_n كما يلي S_n عمن اجل العدد طبيعي S_n نعرف المجموع S_n كما يلي S_n عن اجل العدد طبيعي S_n غرب المجموع S_n عن المجمو
 - $P_n = u_0 \times u_1 \times ... \times u_n$ بـ : $\mathbb N$ المعرف على P_n المعرف على 4

اختبار في مادة: الرياضيات/ الشعبة: رياضيات / البكالوليا التجريبي - دورة ماي 2019-

التمرين الثالث: (05نقاط)

 $(O; \vec{u}; \vec{v})$ المستوي المركب منسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس

$$eta=4\sqrt{2}\left(1+i
ight)$$
 بحيث: eta بحيث العدد المركب المحد المركب المحدد المركب المحدد المركب المحدد المحدد المركب المحدد ال

اكتب العدد β على الشكل الأسى والمثلثي.

$$z^3 = \beta$$
....(1) المعادلة \mathbb{C} حل في

$$\frac{z_2 \times z_3}{(z_1)^2} = \frac{z_1 \times z_3}{(z_2)^2} = \frac{z_1 \times z_2}{(z_3)^2}$$
 جب بين انه اذا كان: z_3 و z_2 ، z_3 علول المعادلة (1) فإن: (1)

$$z_B=e^{i2\pi}+rac{lpha-1}{\alpha}i$$
 ، $z_A=lpha$ التي لاحقتها على الترتيب: D ، C ، B ، A لتكن النقط -2

.1 و
$$z_D=-rac{1}{lpha}i$$
 ، عدد حقیقی موجب تماما بختلف عن 1 و $z_H=1+z_D$ و $z_D=-rac{1}{lpha}i$ ، $z_C=\alpha e^{irac{\pi}{2}}$

$$\left[\frac{1}{\sqrt{2}}(z_B - z_D)\right]^{2016} = iz_A \times z_D$$
 : ثم بین ان: $z_B - z_D = \overline{z_D}(z_A - z_c)$: ا) تحقق ان

ب) استنتج ان المستقيمين (AC) و (BD) متعامدان.

ج) بين انه يوجد تحويل نقطي f يحول النقطة A إلى B ويحول النقطة D إلى D يطلب تعيين عناصره المميزة. D بين ان المثلثين D و D متشابهان،ثم احسب مساحتيهما.

 $\arg\left(\overline{z}+ilpha
ight)=-\arg\left(z_{A}-z_{C}
ight)+2k\pi$ عين مجموعة النقط M ذات الاحقة z حيث z حيث $k\in\mathbb{Z}$

التمرين الرابع: (07 نقاط)

k حيث عدد حقيقي موجب تماما.

$$g_k(x) = 1 + (1 + kx)e^{kx}$$
: ب g_k دالة معرفة على g_k . I

ادرس اتجاه تغیر الدالة g_k على $\mathbb R$ مشكلا جدول تغیراتها.

 \mathbb{R} على $g_{k}\left(x
ight)$ على -2

$$f_k(x) = x - 1 + xe^{kx}$$
: ب \mathbb{R} دالة معرفة على f_k .II

$$|\vec{i}|=2cm$$
 عثيلها البياني في المتجانس و المتعامد المعلم في $(C;I;J)$. حيث (C_k)

. ا بين ان جميع المنحنيات (C_k) تشمل نقطة ثابتة يطلب تعيين احداثيتيها.

.
$$\lim_{x \to -\infty} f_k(x)$$
 و $\lim_{x \to +\infty} f_k(x)$ (ب)

ج) بين ان جميع المنحنيات (C_k) تقبل مستقيم مقارب مائل (Δ) ثابت يطلب كتابة معادلته. ثم ادرس الوضع النسبي للمنحنى (C_k) و المستقيم (Δ) .

اختبار في مادة: الرياضيات/ الشعبة: رياضيات / البكالوليا التجريبي - دورة ماي 2019-

- ادرس اتجاه تغیر الدالة f_k على \mathbb{R} مشكلا جدول تغیراتها.
- . و الفاصلة x_0 عند الفاصلة y=2x-1 معادلته y=2x-1 معادلته (C_k) تقبل مماس (C_k) يطلب تعيينها. ((C_k) عين احداثيات (C_k) نقطة انعطاف للمنحنيات (C_k) .
 - $0 \le \alpha \le 1$ ميث ان المعادلة $f_k(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α حيث 1 -4
 - $\dfrac{\alpha e^{lpha}}{\sqrt{2}}$ ين ان المسافة بين النقطة $N\left(lpha;f_{1}\left(lpha
 ight)
 ight)$ و المستقيم (م) تساوي بين ان
 - ?- بین انه من اجل کل عدد حقیقی x فإن: $f_k(x) + f_{-k}(-x) = -2$ ماذا تستنتج
 - 6- أنشئ كل من : (Δ) ، (T)، (Δ) في نفس المعلم

انتهى الموضوع الأول. بالتوفيق

3as.ency-education.co

الموضوع الثاني

التمرين الأول: (04 نقاط)

- 6x+7y=57...(E) المعادلة \mathbb{Z}^2 .I
- (O;I;J;K) الفضاء منسوب الى المعلم المتعامد و المتجانس II

 $m\in\mathbb{R}$ حيث (m+1)x+(m+2)y+(m+3)z-57=0 حيث المستويات (P_m)

- 1- أثبت ان جميع المستويات (P_m) تتقاطع في مستقيم (Δ) يطلب كتابة تمثيلا وسيطيا له.
- $x^2+y^2+z^2+2y-6z-15=0$: فاقش حسب قيم الوسيط تقاطع المستويات (P_m) وسطح الكرة (S) ذو المعادلة:
 - (O,I,J) مع المستقيم ((D) مع المستوي ((D) مع المستوي ((D)
 - أ) بين انه توجد نقطة وحيدة من (D) احداثياتها أعداد طبيعية.
- $k\in\mathbb{N}$ ب $N(x_0;y_0;z_0)$ نقطة من المستوي Y_0 حيث Y_0 حيث Y_0 عيد اعداد طبيعية. بين ان $Y_0=2$ حيث $Y_0=2$
 - 3عين باقي قسمة العدد $(k+z_0)$ على ج
 - . p عدد طبيعي حيث $y = k + z_0 1$ يين ان $y = k + z_0 1$ ثم استنتج القيم الممكنة للعدد و p
 - و) استنتج كل النقط N من المستوي $(P_{\rm s})$ ذات الإحداثيات الطبيعية.

التمرين الثاني: (04 نقاط)

کیس U_1 یحتوي علی n کرة بیضاء (n عدد طبیعي غیر معدوم) و u کرات سوداء .

کیس U_2 یحتوی علی کرتین بیضاوین و کرة سوداء.

كرات الكيسين متماثلة ولا نفرق بينها عند اللمس.

 U_2 نعرف اللعبة التالية :نسحب عشوانيا من الكيس U_1 كرة واحدة ونضعها في الكيس U_2 ثم نسحب عشوانيا من الكيس كرة واحدة ونضعها في الكيس U_1 .

- I. 1- احسب احتمال ان يسترجع الكيسين كرتاهم الإبتدايية.
- U_2 ما هو احتمال ان تكون الكرة بيضاء واحدة فقط في الكيس -2
 - II. نضيف الى اللعبة مايلي:

اللاعب يدفع 200DA قبل بداية اللعبة

اللاعب يتحصل على $DA \times n$ اذا كان في الكيس U_2 كرة بيضاء واحدة. والمدة على $DA \times n$ على $DA \times n$ اللاعب يتحصل على $DA \times n$ اذا كان في الكيس $DA \times n$ كرتين بيضاوين .

اللاعب لا يتحصل على مبلغ اذا كان في الكيس $\,U_2\,$ 3 كرات بيضاء.

X المتغير العشواني الذي يرفق بقيمة المبلغ المتحصل عليه (ربح أو خسارة)

- E(X) . ثم احسب E(X) . E(X) . ثم احسب E(X)
- ادرس حسب قيم العدد الطبيعي n ربح وخسارة الاعب.

6. Caducalion.com

الحتبار في مادة: الرياضيات/ الشعبة: رياضيات / البكالوليا التجريبي - دورة ماي 2019-التمرين الثالث: (05نقاط)

 $(O; \vec{u}; \vec{v})$ المستوي العركب منسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس

ا عد حلیلی غیر معدوم.

$$(E): z^3 - (4+mi)z^2 + (13+4mi)z - 13mi = 0$$
 المعادلة $(E): z^3 - (4+mi)z^2 + (13+4mi)z - 13mi = 0$ بين ان المعادلة $(E): z^3 - (4+mi)z^2 + (13+4mi)z - 13mi = 0$ بين ان المعادلة $(E): z^3 - (4+mi)z^2 + (13+4mi)z - 13mi = 0$

 $z_B=2+3i$ و B التي لاحقتها على الترتيب: $z_A=mi$ و التي لاحقتها على الترتيب

$$S_{c} = \left(\frac{m-1}{2}\right) + i\left(\frac{5+m}{2}\right)$$
 : هي $\frac{\pi}{4}$ هي الذي مركزه A و نسبته $\frac{\sqrt{2}}{2}$ وزاويته $\frac{\pi}{4}$ هي التشابه S الذي مركزه A و نسبته $\frac{\sqrt{2}}{2}$

$$-\frac{\pi}{2}$$
 باعين z_E لاحقة النقطة z_D صورة z_D لاحقتها $z_D=5$ بالدوران z_E الذي مركزه z_E منتصف والويته والويته والماء النقطة z_E

ج) اكتب العدد
$$\frac{z_D-z_A}{z_E-z_C}$$
 على الشكل الأسي. ثم فسر النتيجة هندسيا

m=1: نضع

.II

$$Z' = \frac{\overline{Z} \left(Z - i \right)}{\overline{Z} + i}$$
 حيث $Z' = Z'$ النقطة M' ذات اللاحقة $Z' = Z'$ حيث $Z' = Z'$ النقطة $Z' = Z'$ خيث $Z' = Z'$ فإن: $Z' = Z'$

$$Z'=-i$$
 بین انه اذا کان : $\left|Z\right|=1$ فإن

2- عين مجموعة النقط (Γ) للنقط M حيث Z' تخيلي صرف.

التمرين الرابع: (07 نقاط)

n عدد طبيعي غير معدوم.

$$\int_{n}^{\infty} f_n(x) = x(1-\ln x)^n; x>0$$

$$: - \left[0; +\infty\right] + \infty$$

$$f(0)=0$$

$$\left\Vert \overrightarrow{i}
ight\Vert =2cm$$
 حيث $\left(O;I;J
ight)$ تمثيلها البياني في المتجانس و المتعامد المعلم في $\left(C_{n}
ight)$. حيث

- . 0 على يمين آبادرس قابلية اشتقاق الدالة f_n على يمين آ
 - $\lim_{x\to +\infty} f_2(x)$ و $\lim_{x\to +\infty} f_1(x)$ احسب: (ب
- ادرس اتجاه تغیر الدالتین f_1 و f_2 علی $\mathbb R$ مشکلا جدول تغیراتها. 2 ادرس
 - ا)بين ان للمنحنى (C_2) نقطة انعطاف يطلب تعيين احداثييها.

ب) ادرس الوضع النسبي للمنحنيين (C_1) و (C_2) ثم انشئ كل (C_1) و (C_2) من في نفس المعلم.

اختبار في مادة: الرياضيات/ الشعبة: رياضيات / البكالوليا التجريبي - دورة ماي 2019-

$$F(x) = \int_{e^x}^{1} \frac{f_1(t)}{1+t^2} dt$$
: كما يلي : $[0, \infty; 0]$ المعرفة على $[0, \infty; 0]$ المعرفة على .II

$$F'(x) = \frac{(x-1)e^{2x}}{(1+e^{2x})}$$
 : فإن $]-\infty;0]$ فإن عدد حقيقي x من $[0,x]$ عدد حقيقي $[0,x]$

 $-\infty;0$ على F على استنتج اتجاه تغير الدالة

$$u_n = \int\limits_1^e f_n(x) \, dx$$
 یلي: کما یلي \mathbb{N}^* کما یلی عددیة معرفة علی (u_n)

 $u_n \ge 0$ غير معدوم: n غير معدوم: 1- 1

ب)ادرس اشارة $\left(u_{n}\right)$ على المجال $\left[1;e\right]$ ثم استنتج اتجاه تغير المتتالية $\left(u_{n}\right)$. ماذا تستنتج ب

$$u_{n+1} = -\frac{1}{2} + \frac{(n+1)}{2} u_n$$
 غير معدوم: n غير عدد طبيعي عدد طبيعي أبين انه من اجل كل عدد طبيعي عبر معدوم:

x=e و x=1 و المستقيمين (C_2) و (C_1) و ين المحصور بين المحصور بين و بين المحصور بين المحصور

$$\lim_{x\to +\infty}u_n$$
 ثم استنتج $\frac{1}{n+1}\leq u_n\leq \frac{1}{n-1}$: $n\geq 2$ ثم استنتج $n\geq 2$

انتهى الموضوع الثاني. بالتوفيق

3as.encv-education.com