

## فرض الثلاثي الأول في مادة الرياضيات

المستوى : 3 رياضي

المدة: ساعة

تمارين :

I - نعتبر الدالة العددية  $g$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  كما يلي :  $g(x) = 2xe^{-x} + 4(1 - e^{-x})$ .1 - ادرس تغيرات الدالة  $g$  ثم شكل جدول تغيراتها (تحسب النهاية عند  $-\infty$  فقط)2 - احسب  $g(0)$ ب - بين انه من اجل كل  $x > 0$  :  $g(x) > 0$ ج - استنتج إشارة  $g(x)$  حسب قيم  $x$ II - الدالة العددية المعرفة على  $\mathbb{R}$  ب :  $f(x) = (x - 1)(2 - e^{-x})$ و ليكن  $(C_f)$  تمثيلها البياني في المستوي المنسوب الى المعلم المتعامد والمتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$ 1 - احسب نهايتي الدالة  $f$  عند  $-\infty$  ثم  $+\infty$ أ - بين ان المنحنى  $(C_f)$  يقبل مستقيماً مقارباً مائلاً  $(D)$  معادلته  $y = 2x - 2$  عند  $+\infty$  (نقبل ان  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x}{e^x} = 0$ )ب - ادرس الوضع النسبي لـ  $(C_f)$  و  $(D)$ 2 - بين انه من اجل كل  $x$  من  $\mathbb{R}$  :  $f'(x) = \frac{1}{2}g(x)$ ب - استنتج اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها3 - بين وجود تماس وحيد  $(T)$  لـ  $(C_f)$  معامل توجيئه  $-2$ 4 - ا - عين نقط تقاطع  $(C_f)$  مع حامل محور الفواصلب - انشئ  $(D)$  و  $(C_f)$ III - الدالة المعرفة على  $[0, \frac{\pi}{2}]$  ب :  $h(x) = (\sin x - 1)(2 - e^{-\sin x})$ ا درس اتجاه تغير  $h$  ثم شكل جدول تغيراتها

بالتوفيق