

تمرين:

❖ نعتبر الدالة h المعرفة على $+\infty[0$; ب: $h(x) = \frac{e^x}{x}$ و نرمز ب (C) إلى منحناها البياني.

1.

✓ احسب $\lim_{+\infty} h(x)$ و $\lim_{0^+} h(x)$.

✓ ضع جدول تغيرات الدالة h .

2. بملاحظة أن $e < h(2)$ ، بين أنه يوجد عدد حقيقي وحيد α من المجال $]0 ; 1[$ حيث

$$h(\alpha) = h(2)$$

تحقق أن : $0,41 < \alpha < 0,40$.

❖ نعتبر الدالة المعرفة على \mathbb{R} ب: $g(x) = (2 - x)e^x - 2$

1.

✓ احسب $\lim_{+\infty} g(x)$ و $\lim_{-\infty} g(x)$.

✓ ضع جدول تغيرات الدالة g مع حساب $g(0)$.

2. استنتج وجود عدد حقيقي وحيد غير معدوم β حيث : $g(\beta) = 0$.

3. استنتج إشارة $g(x)$ بدلالة x .

4.

✓ بين أن : $1 < \beta < 2$.

✓ بين أن : $h(2 - \beta) = h(2)$.

✓ استنتج أن : $\beta = 2 - \alpha$ و أعط تأطيرا للعدد β سعته 10^{-2} .

❖ لتكن f الدالة المعرفة على \mathbb{R} ب: $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2}{e^x - 1} & ; x \neq 0 \\ f(0) = 0 \end{cases}$

نرمز ب (C_f) إلى المنحنى الممثل للدالة f في مستو مزود بمعلم متعامد و متجانس $(\vec{o} ; \vec{i} ; \vec{j})$.
(الوحدة: $2cm$).

1. أثبت أن f قابلة للاشتقاق عند 0 و اكتب معادلة المماس (T) للمنحنى (C_f) في النقطة ذات الفاصلة 0 .

2.

✓ احسب $\lim_{-\infty} f(x)$.

✓ تحقق أنه من أجل كل $x \neq 0$ ، لدينا : $f(x) = \frac{x^2 e^{-x}}{1 - e^{-x}}$

✓ استنتج $\lim_{+\infty} f(x)$ و أعط تفسيراً هندسياً لهذه النتيجة.

3. من أجل كل $x \neq 0$ ، بين أن : $f'(x) = \frac{x}{(e^x - 1)^2} g(x)$

4. ضع جدول تغيرات الدالة f .

5. ليكن المنحنى البياني للدالة المعرفة على \mathbb{R} ب: $x \mapsto -x^2$.
✓ احسب $f(x) + x^2$.
✓ استنتج الوضعية النسبية للمنحنيين (C_f) و (γ) .

✓ بين أن $\lim_{-\infty} (f(x) + x^2) = 0$ و أعط تفسيراً هندسياً لهذه النتيجة.
6. ارسم المنحنيين (C_f) ، (γ) و المماس (T) .

بالتوفيق