

التمرين الأول: (٤٠ نقطة)

أداة I مجال من \mathbb{R} يشمل العدد الحقيقي a ، و f دالة قابلة للاشتتقاق عند a حيث $f'(a) = l$ مع ($l \in \mathbb{R}$)

نعتبر الدالة g المعرفة بـ $g(x) = \frac{f(x) - f(a)}{x - a}$ إذا كان $x \in I - \{a\}$ و $g(a) = l$.

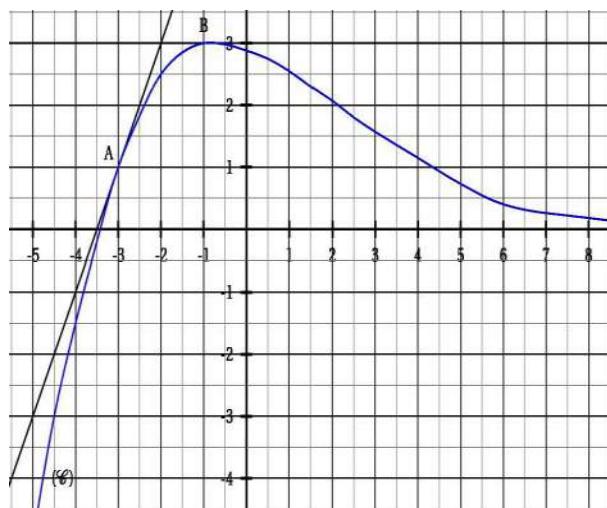
أ) أثبت أن الدالة g مستمرة عند a .

ب) من أجل $x \in I - \{a\}$ ، اكتب $f(x)$ بدلالة x و $g(x)$.

ج) أحسب $\lim_{x \rightarrow a} f(x)$. ماذا تستنتج؟

التمرين الثاني: (٥٥ نقطة)

أداة المنحنى البياني (C) الممثل أسفله للدالة f في معلم متواز ومتداووس ($O; \bar{i}, \bar{j}$) هذا المنحنى يمر بالنقاطة $A(-3; 1)$ والنقطة $B(-1; 3)$ ، المستقيمين (Δ) و (Δ') ماسين للمنحنى في النقاطين A و B على الترتيب.



(1) عين بيانياً :

أ) $f'(-1)$ و $f'(-3)$

ب) $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$

ج) عين إشارة $f'(x)$ و إشارة $f''(x)$

(2) نعتبر الدالة k المعرفة على \mathbb{R} كما يلي :

أ) بين أن الدالة k زوجية ثم عبر عن $k(x)$ بدلالة $f(x)$.

ب) عين جدول تغيرات الدالة k ارسم في معلم آخر المنحنى (c_k)

(3) نعتبر الدالة g المعرفة على \mathbb{R} كما يلي :

أ) بين أن للدالتين g و f نفس اتجاه التغير

ب) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x)$

ج) احسب $g'(-3)$

التمرين الثالث : (٤٠ نقطة)

1- حل في المجموعة المعادلة : $x^2 - 4x - 5 = 0$

2- إستنتاج حلول المعادلات التالية :

$$\ln(x-3) + \ln(x-1) = 3 \ln 2 \quad (1)$$

$$(\ln x)^2 - 4 \ln x - 5 = 0 \quad (2)$$

$$e^x - 4 = 5e^{-x} \quad (3)$$

التمرين الرابع: (07 نقاط)

I. g هي الدالة المعرفة على \mathbb{R} كما يلي :

1) أدرس تغيرات الدالة g ثم شكل جدول تغيراتها .

2) بين أن للمعادلة $0 = g(x)$ حللين مختلفين أحدهما معدوم والأخر α حيث :

3) أستنتج إشارة $g(x)$

II. f هي الدالة العددية المعرفة على \mathbb{R} كما يلي :

(C_f) المنحنى البياني الممثل للدالة f في معلم متوازي ومتجانس ($O; \vec{i}, \vec{J}$) (وحدة الطول 2cm)

1) بين أن (C_f) يقبل عند $-\infty$ و عند $+\infty$ مستقيمين مقاربين معادلاتها $y = -1$ و $y = 0$ على الترتيب

2) أ) برهن أنه من أجل كل عدد حقيقي x :

$$f'(x) = \frac{g(x)}{(e^x - 2x)^2}$$

ب) أستنتاج إشارة f' ثم شكل جدول تغيرات الدالة f

ج) أحسب $f(1)$ ثم أستنتاج حسب قيم x إشارة $f(x)$

3) بين أن : $f(\alpha) = \frac{1}{\alpha - 1} - 1$ ثم عين حصراً $f(\alpha)$.

4) أرسم المنحنى (C_f)

5) ناقش بيانياً وحسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد و إشارة حلول المعادلة ذات المجهول الحقيقي x التالية :

$$2x - 2 = (e^x - 2x)(m + 1)$$

6) h هي الدالة العددية المعرفة على \mathbb{R} كما يلي :

أ) أحسب $h'(x)$ بدلالة $f'(x)$ و $f(x)$ ثم أستنتاج إشارة $h'(x)$

ب) شكل جدول تغيرات الدالة h .