

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية  
وزارة التربية الوطنية

المقاطعة الشرقية  
لوالية عين الدفلة  
الشعبة : تقيي رياضي  
المدة : 4 ساعات

المفتشية العامة للبيداوجية  
امتحان البكالوريا التجريبية  
دوره ماي 2017  
اختبار في مادة الرياضيات

على الطالب أن يختار أحد الموضوعين التاليين:  
الموضوع الأول

التمرين الأول : ( 04 نقط )

في الفضاء المنسوب إلى معلم متعمد و متجانس  $(\vec{k}, \vec{j}, \vec{l})$  نعتبر النقط  $H(1, 1, 0), B(0, 2, -1), A(2, 1, 2)$

$$\begin{cases} x = -2 + 6t \\ y = 1 - 2t \\ z = 4t \end{cases} \quad t \in \mathbb{R}$$

والمستقيم  $(\Delta)$  المعروف بتمثيله الوسيطي:

- (1) اكتب تمثيلاً وسيطياً للمستقيم  $(AB)$ .
- (2) بين أن  $(AB)$  و  $(\Delta)$  لا ينتميان إلى نفس المستوى.
- (3) ليكن  $(P)$  المستوى الذي يشمل المستقيم  $(AB)$  و يوازي  $(\Delta)$ .
  - (أ) تحقق أن الشعاع  $(1, 5, 1)\vec{n}$  ناظمي للمستوى  $(P)$ .
  - (ب) اكتب معادلة ديكارتية للمستوى  $(P)$ .
  - (ج) أحسب المسافة بين المستوى  $(P)$  و المستقيم  $(\Delta)$ .

(4) عين احداثيات النقطة  $I$  منتصف القطعة  $[AB]$  ثم جد معادلة ديكارتية للمستوى المحوري  $(Q)$  للقطعة  $[AB]$ .

(5) لتكن  $(\Gamma)$  مجموعة النقط  $M$  من الفضاء بحيث :

- تتحقق أن النقطة  $H$  تنتمي إلى  $(\Gamma)$  ثم استنتج طبيعة المجموعة  $(\Gamma)$ .

التمرين الثاني : ( 04 نقط )

(1) تتحقق أن  $5^{2016} \equiv 1[7]$  و استنتاج  $5^6 \equiv 1[7]$

(2) من أجل كل عدد طبيعي  $n$  نضع  $S_n = 1 + 5 + 5^2 + \dots + 5^n$

(أ) بين أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$  :  $4S_n = 5^{n+1} - 1$  واستنتاج أن  $S_n$  و  $5^n$  أوليان فيما بينهما.

(ب) ليكن العدد الصحيح  $a$ . بين أن  $4S_n \equiv a[7]$  إذا وفقط إذا كان  $S_n \equiv 2a[7]$ .

(ج) بين أن  $0[7] \equiv 4S_{2015}$  واستنتاج باقي قسمة  $S_{2015}$  على 7.

(د) عين اصغر عدد طبيعي  $n$  غير معروف بحيث يكون 7 قاسم له .  $S_n$

(3) ليكن  $n$  عدد طبيعي غير معروف ، نعتبر في  $\mathbb{Z}^2$  المعادلة  $(E)$  :  $5^n x + S_n y = 1$ . تتحقق أن  $(-4, 5)$  حل للمعادلة  $(E)$

ثم حل في  $\mathbb{Z}^2$  المعادلة  $(E)$ .

### التمرين الثالث : (05 نقط)

(1) ليكن  $\theta$  عدد حقيقي من المجال  $[0, \pi]$  و  $z$  عدد مركب ،  $P(z)$  كثير حدود معروف بمايلي :

$$P(z) = z^3 - (1 - 2\cos\theta)z^2 + (1 - 2\cos\theta)z - 1$$

أ) تحقق أن 1 جذر لـ  $P(z)$  .

ب) عين العددين الحقيقيين  $a, b$  بحيث :

ج) حل في  $\mathbb{C}$  المعادلة :  $P(z) = 0$

(2) المستوي المركب منسوب إلى معلم متعمد ومتجانس  $(o, \vec{u}, \vec{v})$  ، ولتكن النقط  $A, B, C$  لواحقها  $z_A, z_B, z_C$  على الترتيب حيث :

$$z_C = -\cos\theta - i\sin\theta \quad z_B = -\cos\theta + i\sin\theta \quad z_A = 1$$

أ) اكتب  $z_A, z_B, z_C$  على الشكل المثلثي ثم على الشكل الأسني .

ب) حدد طبيعة المثلث  $ABC$  ثم عين قيمة  $\theta$  حتى يكون قائم في  $A$  .

ج) عين بدلالة  $\theta$  لاحقة  $G$  مركز نقل المثلث  $ABC$  .

د) عين  $(\Gamma)$  مجموعة النقط  $(x, y)$  من المستوى التي تتحقق  $\|\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}\| = 3\|\overrightarrow{MO}\|$

$$(3) \text{ نفرض } \theta = \frac{3\pi}{4}, \text{ عين قيم العدد الطبيعي } n \text{ حتى يكون } \left(\frac{z_B}{z_C}\right)^n \text{ حقيقيا .}$$

### التمرين الرابع : (07 نقط)

(I) نعتبر الدالة  $g$  المعرفة على  $[-1, +\infty)$  بـ :

1) ادرس اتجاه تغير الدالة  $g$  ثم شكل جدول تغيراتها.

2) أحسب  $g(0)$  ثم استنتج اشارة  $(x) g$  على المجال  $[-1, +\infty)$  .

(II) لتكن الدالة  $f$  المعرفة على المجال  $[-1, +\infty)$  كما يلي : تمثيلها البياني في المعلم المتعمد والمتجانس  $(\vec{j}, \vec{l}, o)$ .

1) أحسب النهايات عند حدود مجال التعريف.

2) أبين أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$  من المجال  $[-1, +\infty)$  يكون :

ب) استنتاج اتجاه تغير الدالة  $f$  وشكل جدول تغيراتها.

ج) استنتاج أنه إذا كان  $x \in [0, 4]$  فإن  $f(x) \in [0, 4]$

د) أبين أن المستقيم  $(\Delta)$  ذو المعادلة  $y = x$  مقارب مائل للمنحنى  $(C_f)$  بالنسبة إلى  $(\Delta)$  .

3) أرسم كلا من المستقيم  $(\Delta)$  و المنحنى  $(C_f)$ .

4) أحسب مساحة الحيز المحدد بالمنحنى  $(C_f)$  و المستقيم  $(\Delta)$  والمستقيمين اللذين معادلتهما  $x = 0$  و  $x = 1$  .

(III) متالية معرفة على المجموعة  $\mathbb{N}$  بما يلي:  $U_0 = 4$  و  $U_{n+1} = f(U_n)$  من أجل كل عدد طبيعي  $n$ .

1) باستعمال المنحنى  $(C_f)$  والمستقيم  $(\Delta)$  مثل على حامل محور الفواصل كل من  $U_0, U_1, U_2, U_3$  .

2) باستعمال البرهان بالترابع بين أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$  :  $0 \leq U_n \leq 4$  .

3) بين أن المتالية  $(U_n)$  متناقصة استنتاج أنها متقاربة ثم أحسب نهاية  $U_n$  عند  $+\infty$  .

## الموضوع الثاني

### التمرين الأول : ( 04 نقط )

لتكن المتتالية  $(U_n)$  المعرفة بـ:  $U_0 = \frac{1}{4}$  و من أجل كل عدد طبيعي  $n$ :  $U_{n+1} = \frac{3U_n + 2}{U_n + 4}$

1) عين العددين الحقيقيين  $a$  و  $b$  حتى يكون من أجل كل عدد طبيعي  $n$ :  $U_{n+1} = a + \frac{b}{U_n + 4}$

2) أ) باستعمال البرهان بالترابع بين أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$ :  $-2 < U_n < 1$

ب) برهن أن المتتالية  $(U_n)$  متزايدة تماما على  $\mathbb{N}$ .

ج) هل المتتالية  $(U_n)$  متقاربة؟

3) لتكن المتتالية  $(V_n)$  المعرفة كما يلي:  $V_n = \frac{U_n + 2}{1 - U_n}$  من أجل كل عدد طبيعي  $n$ .

أ) بين أن المتتالية  $(V_n)$  هندسية يتطلب تعين أساسها وحدتها الأول.

ب) اكتب  $V_n$  بدالة  $n$  ثم استنتج  $U_n$  بدالة  $n$ .

ج) احسب المجموع:  $S_n = \frac{1}{V_0} + \frac{5}{V_1} + \frac{5^2}{V_2} + \dots + \frac{5^n}{V_n}$

### التمرين الثاني : ( 04 نقط )

نعتبر في الفضاء المنسوب الى معلم متعمد ومتجانس  $(\vec{o}, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$  النقط  $A(1, 4, -5)$  ،  $B(3, 2, -4)$  ،  $C(5, 4, -3)$  و  $D(-2, 8, 4)$  و الشعاع  $(\vec{u}(1, 5, -1))$ .

1) بين أن  $0 = 11 - 2z - x$  هي معادلة ديكارتية للمستوي  $(ABC)$ .

2) حدد تمثيلا وسيطيا للمستقيم  $(T)$  الذي يشمل النقطة  $D$  و يوازي  $\vec{u}$ .

3) ليكن  $(P)$  المستوي ذو المعادلة:  $x - y - z - 7 = 0$

أ) بين أن المستويين  $(ABC)$  و  $(P)$  يتقاطعان وفق مستقيم  $(\Delta)$  تمثله الوسيطي:  $\begin{cases} x = 11 + 2t \\ y = 4 + t \\ z = t \end{cases} \quad t \in \mathbb{R}$

ب) بين أن المستقيمين  $(T)$  و  $(\Delta)$  ليسا من نفس المستوى.

4) أ) تعطى نقطتان  $E(3, 0, -4)$  و  $F(-3, 3, 5)$  ، تتحقق أن  $(\Delta) \perp E$  و  $(\Delta) \perp F$ .

ب) عين  $(\Gamma)$  مجموعة النقط  $M(x, y, z)$  من الفضاء التي تتحقق  $\overrightarrow{ME} \cdot \overrightarrow{FE} = \alpha$  مع  $\alpha$  عدد حقيقي.

ج) عين قيمة  $\alpha$  حتى يكون  $(\Gamma)$  المستوى المحوري للقطعة  $[EF]$ .

### التمرين الثالث : ( 05 نقط )

نعتبر كثير حدود  $P(z)$  للمتغير المركب  $z$  حيث:  $P(z) = z^3 + (\sqrt{3} - i)z^2 + (1 - i\sqrt{3})z - i$

1) أ) بين أن  $(P)$  يقبل جذرا تخيلا صرفا يتطلب تعينه.

ب) عين العددين الحقيقيين  $a$  و  $b$  حيث  $P(z) = (z - i)(z^2 + az + b)$  ثم حل في  $\mathbb{C}$  المعادلة  $0 = P(z)$ .

2) المستوى المركب منسوب الى معلم  $(\vec{o}, \vec{v}, \vec{u})$  متعمد ومتجانس. نعتبر النقط  $A, B, C$  ذات اللوائح على الترتيب:

$$Z_C = \bar{Z}_B , \quad Z_B = -\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2} , \quad Z_A = i$$

- (أ) بين أن النقط A , B , C تنتهي إلى دائرة (C) يطلب تعين مركزها ونصف قطرها.  
 (ب) بين أن OABC معين.

(3) نضع  $Z_1 = \frac{1}{2} + i\frac{\sqrt{3}}{2}$  لاحقة النقطة  $A_1$  .  $Z_n = (Z_1)^n$  حيث  $A_n$  ولتكن النقطة  $A_0$  صورة العدد المركب 1.

- (أ) احسب  $Z_2$  ثم مثل النقط  $A_0 , A_1 , A_2$  في المعلم  $(o, \vec{u}, \vec{v})$  (الوحدة 2 cm) .  
 (ب) بين أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$  النقط  $A_n$  تنتهي إلى الدائرة (C) .

$$Z_{n+1} - Z_n = (Z_1)^n \left( -\frac{1}{2} + i\frac{\sqrt{3}}{2} \right)$$

(د) استنتج طولية  $Z_n - Z_{n+1}$  ثم المسافة  $A_n A_{n+1}$  ثم أثبت أن المثلث  $OA_n A_{n+1}$  مقايسة الأضلاع.

(4) نعتبر  $f$  التحويل النقطي الذي يرافق بكل نقطة M لاحتقها Z النقطة 'M ذات الاحقة Z' حيث :  $Z' = (1 - i\sqrt{3})Z + i\sqrt{3}$  حيث  
 (أ) عين طبيعة التحويل f وادكر عناصره المميزة.  
 (ب) عين وانشئ صورة المثلث  $OA_1 A_2$  بالتحويل f .

#### التمرين الرابع : ( 07 نقط)

(I) دالة معرفة على  $\mathbb{R}$  بـ :  $g(x) = e^{x-2} + 1 - x$

(1) ادرس اتجاه تغير الدالة g وشكل جدول تغيراتها.

(2) استنتاج إشارة g(x) على  $\mathbb{R}$ .

(II) نعتبر الدالة العددية f المعرفة على  $\mathbb{R}$  بما يلي :

(C<sub>f</sub>) المنحني الممثل لها في مستوى مزود بمعلم متعمد ومتجانس  $(o, \vec{i}, \vec{j})$  (وحدة الطول 1 cm)

(1) احسب النهايات عند حدود مجال التعريف.

(ب) اثبت أن المستقيم (d) ذو المعادلة  $y = x - 1$  مقارب مايل للمنحني (C<sub>f</sub>) عند  $+∞$  .

(ج) ادرس وضعية (C<sub>f</sub>) بالنسبة إلى (d).

(2) اثبت أنه من أجل كل x من  $\mathbb{R}$  :  $f'(x) = \frac{g(x)}{e^{x-2}}$  ثم استنتاج اتجاه تغير الدالة f وشكل جدول تغيراتها.

(3) (أ) بين أن المنحني (C<sub>f</sub>) يقطع حامل محور الفواصل في نقطة واحدة فاصلتها α حيث  $0,1 < \alpha < 0,2$

(ب) اثبت أن المنحني (C<sub>f</sub>) يقبل نقطة انعطاف I يطلب تعين احداثياتها.

(ج) عين معادلة المماس (T) الذي يوازي المستقيم (d).

(4) ارسم (C<sub>f</sub>) ، (T) و (d).

(5) نقاش بيانيا حسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد وإشارة حلول المعادلة :

(6) (أ) باستعمال المتكاملة بالتجزئة عين H دالة أصلية للدالة h على  $\mathbb{R}$  حيث :  $h(x) = xe^{2-x}$  والتي تتعدم عند  $-1$  .

(ب) احسب A مساحة الحيز المحدد بالمنحني (C<sub>f</sub>) والمستقيم (d) والمستقيمين  $x = 2$  و  $x = 0$  .

# الحل النموذجي و سلم الت نقط

بكالوريا التجربى 2017

الشعبية : تقي رياضي

## الموضوع الأول

|      |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        |  |
|------|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|--|
|      | <p>ومنه معادلة المستوي المحوري هي :</p> $(Q) : -2x + y - 3z + 2 = 0$ $MA^2 - MB^2 = 2 \quad \text{---4}$ <p>التحقق أن النقطة <math>H</math> تنتهي إلى (<math>\Gamma</math>) معناه :</p> $HA^2 = 5$ $HB^2 = 3$ $HA^2 - HB^2 = 5 - 3 = 2$ <p>ومنه (<math>\Gamma</math>) <math>H \in (\Gamma)</math> طبيعة المجموعة (<math>\Gamma</math>) حيث :</p> $MA^2 - MB^2 = 2$ $(\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB})(\overrightarrow{MA} - \overrightarrow{MB}) = 2$ $(2\overrightarrow{MI})(\overrightarrow{MA} - (\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{AB})) = 2$ $\overrightarrow{MI} \cdot \overrightarrow{BA} = 1$ <p style="text-align: right;">تکافی</p> $\overrightarrow{BA}(\overrightarrow{MH} + \overrightarrow{HI}) = 1$ <p style="text-align: right;">تکافی</p> $\overrightarrow{BA} \cdot \overrightarrow{MH} + \overrightarrow{BA} \cdot \overrightarrow{HI} = 1$ | <p><b>التمرين الاول (04 نقاط)</b></p> <p>أ) التمثيل الوسيطي للمستقيم (<math>AB</math>)</p> $\begin{cases} x = 2 - 2\alpha \\ x = 1 + \alpha, \quad \alpha \in R \\ z = 2 - 3\alpha \end{cases}$ <p>ب) شعاع توجيه (<math>\Delta</math>) <math>\vec{u}_{(\Delta)}(6, -2, 4)</math> و <math>\vec{u}_{\Delta}</math> غير مرتبطين لأن <math>\overrightarrow{AB}</math></p> $\frac{6}{-2} \neq \frac{-2}{1}$ <p style="text-align: right;">ندرس التقاطع</p> $\begin{cases} 2 - 2\alpha = -2 + 6t \\ 1 + \alpha = 1 - 2t \\ 2 - 3\alpha = 4t \end{cases}$ <p style="text-align: right;">جد <math>t = 2</math> بالتعويض في الجملة (1) جد</p> $\begin{cases} \alpha = -4 \\ \alpha = -4 \\ \alpha = -2 \end{cases}$ <p>تناقض</p> <p>ومنه <math>\alpha</math> ليس وحيد اذن المستقيمان (<math>AB</math>) و (<math>\Delta</math>) غير متقطعان فهما ليسا من نفس المستوى</p> <p>(P) يشمل (<math>AB</math>) ويواري (<math>\Delta</math>) معناه</p> <p>أ) تتحقق ان <math>(1, 5, 1) \vec{n}</math> ناظمي للمستوي (<math>P</math>)</p> $\vec{n} \cdot \overrightarrow{AB} = 0$ $\vec{n} \cdot \overrightarrow{u_{\Delta}} = 0$ <p>ب) معادلة المستوي (<math>P</math>) معناه لـ (<math>P</math>) معناه <math>\vec{n}</math> ناظمي</p> <p>(P): <math>x + 5y + z + d = 0</math></p> <p>بما أن <math>A \in (P)</math> معناه :</p> $2 + 5(1) + 2 + d = 0$ $d = -9$ <p style="text-align: right;">ومنه</p> <p>(P): <math>x + 5y + z - 9 = 0</math></p> <p>ج) حساب المسافة بين (<math>P</math>) و (<math>\Delta</math>)</p> $d((\Delta), (P)) = \frac{ -2+6t+5(1-2t)+4t }{\sqrt{1^2+5^2+1^2}}$ $d((\Delta), (P)) = \frac{\sqrt{3}}{3}$ <p style="text-align: right;">- احداثيات I منتصف <math>[AB]</math></p> $I\left(1, \frac{3}{2}, \frac{1}{2}\right)$ <p>معادلة المستوي (<math>Q</math>) المحوري لقطعة <math>[AB]</math></p> $-2x + y - 3z + d = 0$ <p style="text-align: right;">يشمل النقطة I (<math>Q</math>)</p> $d = 2$ |  |
| 0.5  | $5^6 = 15625$ $5^6 \equiv 1 [7]$ <p style="text-align: right;">ندرس باقى قسمة <math>5^n</math> على 7</p> $5^0 \equiv 1[7], 5^1 \equiv 5[7], 5^2 \equiv 4[7]$ $5^3 \equiv 6[7], 5^4 \equiv 2[7], 5^5 \equiv 3[7]$ $5^6 \equiv 1[7]$ <p style="text-align: right;">دورية و دورها <math>k = 6n</math></p> $5^6 \equiv 1[7]$ $5^{2016} \equiv 5^{6n} \equiv 1[7]$ $2016 = 6 \times 336 = 6n$                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     | $S_n = 1 + 5 + 5^2 + \dots + 5^n \quad \text{---2}$ <p>أ) بين أن من أجل كل عدد طبيعي <math>n</math> و ذلك نحسب</p> $S_n = 1 + 5^0 + 5^1 + 5 \times 5 \dots 5^n$ <p style="text-align: right;">مجموع حدود متتالية هندسية حدها الاول 1 و أساسها <math>q = 5</math></p> $S_n = 1 \left( \frac{5^{n+1} - 1}{5 - 1} \right)$                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                |  |
| 0.25 |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              | $d((\Delta), (P)) = \frac{ -2+6t+5(1-2t)+4t }{\sqrt{1^2+5^2+1^2}}$ $d((\Delta), (P)) = \frac{\sqrt{3}}{3}$ <p style="text-align: right;">- احداثيات I منتصف <math>[AB]</math></p> $I\left(1, \frac{3}{2}, \frac{1}{2}\right)$ <p>معادلة المستوي (<math>Q</math>) المحوري لقطعة <math>[AB]</math></p> $-2x + y - 3z + d = 0$ <p style="text-align: right;">يشمل النقطة I (<math>Q</math>)</p> $d = 2$                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   |  |
| 0.25 |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        |  |
| 0.25 |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        |  |
| 0.25 |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        |  |

|      |                                                                                                                                                                                                                  |                                                                   |                                                             |
|------|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-------------------------------------------------------------------|-------------------------------------------------------------|
|      | $S_n = \frac{5^{n+1} - 1}{4}$                                                                                                                                                                                    | و منه                                                             | 0.25                                                        |
| 01   | $(x, y) = (KS_n + 5, -K \times 5^n - 4), K \in \mathbb{Z}$                                                                                                                                                       |                                                                   |                                                             |
|      | <u>التمرين الثالث (50 نقطه)</u>                                                                                                                                                                                  |                                                                   |                                                             |
| 0.25 | $P(1) = 0$                                                                                                                                                                                                       |                                                                   | لدينا                                                       |
| 0.5  | $\begin{cases} a = 2 \cos \theta \\ b = 1 \end{cases}$                                                                                                                                                           | $4S_n = 5^{n+1} - 1$                                              | تكتب على الشكل $5 \times 5^n - 4S_n = 1$                    |
| 0.5  |                                                                                                                                                                                                                  | $5 \times 5^n - 4S_n = 1$                                         | يوجد $(-4, 5)$ بحيث                                         |
| .025 | $Z_A = \cos 2\pi + i \sin 2\pi$<br>$\cos(\pi - \theta) = -\cos \theta$<br>$\sin(\pi - \theta) = \sin \theta$                                                                                                     | $5^n S_n, 5^n$                                                    | ومنه $S_n$ , أوليان فيما بينهما                             |
| .025 | $Z_B = \cos(\pi - \theta) + i \sin(\pi - \theta)$                                                                                                                                                                | $S_n \equiv 2a [7]$                                               | لدينا                                                       |
| .025 | $Z_C = \overline{Z_B}$                                                                                                                                                                                           | $4S_n \equiv a [7]$                                               | نضرب في 2                                                   |
| .025 | $Z_C = \cos(-\pi + \theta) + i \sin(-\pi + \theta)$                                                                                                                                                              | $8S_n \equiv 2a [7]$                                              | و منه                                                       |
| .075 | $Z_A = e^{2i\pi}$<br>$Z_B = e^{i(\pi-\theta)}$<br>$Z_C = e^{i(-\pi+\theta)}$                                                                                                                                     | $8 \equiv 1 [7]$                                                  | العكس :                                                     |
| .025 | $ AC  =  Z_C - Z_A  = \sqrt{2 + 2 \cos \theta}$                                                                                                                                                                  | $S_n \equiv 2a [7]$                                               | بين أنه إذا كان $S_n \equiv 2a [7]$ فإن $4S_n \equiv a [7]$ |
| .025 | $ AB  =  Z_B - Z_A  = \sqrt{2 + 2 \cos \theta}$                                                                                                                                                                  |                                                                   | لدينا                                                       |
| .025 | ومنه المثلث متساوي الساقين                                                                                                                                                                                       |                                                                   |                                                             |
| .025 | : $A$ قائم في $ABC$ حتى يكون المثلث $ABC$                                                                                                                                                                        | $4S_n \equiv 8a [7]$                                              | نضرب في العدد 4                                             |
| .025 | $\theta = \frac{\pi}{2}$ نجد $\vec{AB} \cdot \vec{AC} = 0$                                                                                                                                                       | $8a \equiv a [7]$                                                 | 0.25                                                        |
| .025 | $Z_G = \frac{Z_A + Z_B + Z_C}{3}$                                                                                                                                                                                | $4S_n \equiv a [7]$                                               |                                                             |
| .025 | $Z_G = \frac{1-2 \cos \theta}{3}$                                                                                                                                                                                |                                                                   |                                                             |
| 0.5  | د) المجموعة ( $\Gamma$ ) حيث:<br>$\ \overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}\  = 3\ \overrightarrow{MO}\ $                                                                                |                                                                   |                                                             |
| 0.5  | $MG = MO$ معناه<br>ومنه ( $\Gamma$ ) محور القطعة $[OG]$ حيث $G$ مركز ثقل المثلث $ABC$                                                                                                                            |                                                                   |                                                             |
| -3   | قيم العدد الطبيعي $n$ حتى يكون:<br>$\left(\frac{Z_B}{Z_C}\right)^n = \cos \frac{n\pi}{2} + i \sin \frac{n\pi}{2}$<br>حيقينا $\cos \frac{n\pi}{2} + i \sin \frac{n\pi}{2}$ معناه $\left(\frac{Z_B}{Z_C}\right)^n$ |                                                                   |                                                             |
| 0.5  | $\sin \frac{n\pi}{2} = 0$ أي<br>$\frac{n\pi}{2} = k\pi$ ومنه<br>$k \in N$ مع $n = 2k$ وبالتالي:                                                                                                                  |                                                                   | 0.5                                                         |
|      |                                                                                                                                                                                                                  | $n + 1 = 0, n = -1, -$ مرفوضة<br>$n + 1 = 6, n = 5$ , وهو المطلوب |                                                             |

التمرين الرابع (07 نقط)

.I المنشقة:

$$g'(x) = 2(x+1) + \frac{1}{x+1}$$

من أجل كل عدد حقيقي  $x$  من المجال  $] -1, +\infty [$  فإن  $g'(x) > 0$

ومنه الدالة متزايدة تماماً جدول التغيرات:

|         |    |           |
|---------|----|-----------|
| $x$     | -1 | $+\infty$ |
| $g'(x)$ | +  |           |
| $g(x)$  |    | ↗         |

.II حساب:  $g(0) = 0$

اشارة:  $x \in ]0, +\infty [$  لما  $g(x) > 0$   
 $x \in ] -1, 0 [$  لما  $g(x) < 0$

.III النهايات:

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty ; \lim_{x \rightarrow -1} f(x) = +\infty$$

$x = -1$  مستقيم مقارب

.IV حساب المنشقة:

$$f'(x) = \frac{g(x)}{(x+1)^2}$$

ب)  $f'(x)$  هي من اشارة  $(g(x))$  ومن ثم الدالة  $f$  متزايدة تماماً على  $[0, +\infty [$  ومتناقصة تماماً على  $] -1, 0 [$   
 جدول التغيرات

|         |           |     |             |
|---------|-----------|-----|-------------|
| $x$     | -1        | 0   | $+\infty$   |
| $f'(x)$ | -         | +   |             |
| $f(x)$  | $+\infty$ | ↘ 0 | ↗ $+\infty$ |

.V لينياً:  $0 \leq x \leq 4$

بما أن الدالة  $f$  متزايدة تماماً على المجال  $[0, 4]$  فإن

$$f(0) \leq f(x) \leq f(4) :$$

$$0 \leq f(x) \leq 4 - \frac{\ln 5}{5} \leq 4$$

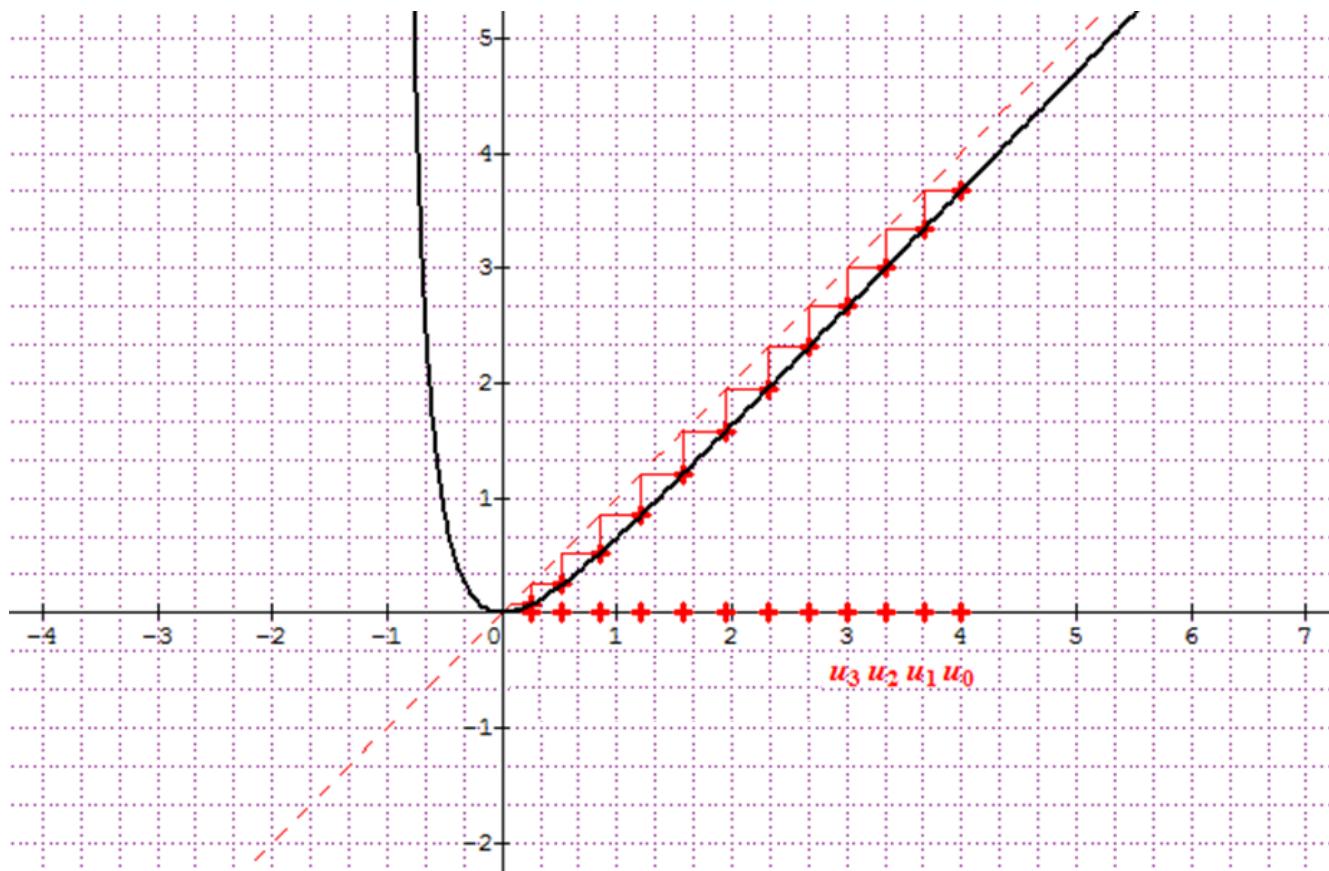
.VI مستقيم مقارب للمنحنى:  $y = x$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} [f(x) - x] = 0$$

دراسة الوضعية:

|            |      |      |           |
|------------|------|------|-----------|
| $x$        | -1   | 0    | $+\infty$ |
| $f(x) - x$ | +    | -    |           |
| الوضعية    | أعلى | أسفل | قطع       |

.VII التمثيل البياني ( $C_f$ ) و ( $\Delta$ )



التمثيل البياني للتمرين الرابع للموضوع الأول

# الحل النموذجي و سلم الت نقط

بكالوريا التجربى 2017

الشعبة : تقي رياضي

## الموضوع الثاني

|      |                                                                                                                                                                                        | التمرين الاول ( 04 نقاط )                                                                                                                                                                                                                                                                                     |      |
|------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|------|
| 0.5  | $S_n = \frac{1}{3}(1 + 2 + 2^2 + \dots + 2^n)$ $S_n = \frac{1}{3}(2^{n+1} - 1)$ <p style="text-align: center;"><u>التمرين الثاني ( 04 نقاط )</u></p>                                   | $U_{n+1} = \frac{3U_n + 2}{U_n + 4} ; \quad U_0 = \frac{1}{4}$ <p>تعيين <math>a</math> و <math>b</math> في :</p> $U_{n+1} = a + \frac{b}{U_n + 4}$ <p>و منه :</p> $U_{n+1} = \frac{a(U_n + 4) + b}{U_n + 4}$ $\begin{cases} a = 3 \\ b = -10 \end{cases} \quad \begin{cases} a = 3 \\ 4a + b = 2 \end{cases}$ | -1   |
| 0.75 | $A \in (ABC) ; B \in (ABC) ; C \in (ABC)$ (1)                                                                                                                                          |                                                                                                                                                                                                                                                                                                               |      |
| 0.5  | $\begin{cases} x = k - 2 \\ y = 5k + 8 \\ z = -k + 4 \end{cases} \quad k \in \mathbb{R}$ (2)                                                                                           |                                                                                                                                                                                                                                                                                                               | 0.5  |
|      | (3)                                                                                                                                                                                    |                                                                                                                                                                                                                                                                                                               |      |
| 0.5  | $\begin{cases} x - 2z - 11 = 0 \\ x - y - z - 7 = 0 \end{cases}$ أ) نحل الجملة<br>ب) ندرس التوازي :                                                                                    |                                                                                                                                                                                                                                                                                                               |      |
|      | $\frac{2}{1} \neq \frac{-1}{5}$ ومنه $(T)$ و<br>$\vec{v}(2,1,1), \vec{u}(1,5,-1)$ غير متوازيان. (Δ)<br>ندرس التقاطع معناه نحل الجملة:                                                  |                                                                                                                                                                                                                                                                                                               |      |
| 0.25 | $\begin{cases} 2t + 11 = k - 2 \\ t + 4 = 5k + 8 \\ t = -k + 4 \end{cases}$                                                                                                            |                                                                                                                                                                                                                                                                                                               |      |
| 0.5  | نعوض $t$ في المعادلة 2 نجد $k = 0$ ثم نعوض في<br>المعادلة 3 نجد $t = 4$ ثم نعوض هذه القيم في المعادلة 1<br>نجد : $-2 = 19$ وهذا مستحيل.<br>إذا $(T)$ و $(\Delta)$ ليسا من نفس المستوى. |                                                                                                                                                                                                                                                                                                               |      |
| 0.25 | $E \in (\Delta) \Leftrightarrow \begin{cases} 3 = 11 + 2t \\ 0 = 4 + t \\ -4 = t \end{cases}$ (أ) -4                                                                                   |                                                                                                                                                                                                                                                                                                               |      |
|      | $\begin{cases} t = -4 \\ t = -4 \\ t = -4 \end{cases}$ نجد $t$ وحيد                                                                                                                    |                                                                                                                                                                                                                                                                                                               | 0.75 |
|      | $F \in (T) \Leftrightarrow \begin{cases} -3 = k - 2 \\ 3 = 5k + 8 \\ 5 = 4 - k \end{cases}$                                                                                            |                                                                                                                                                                                                                                                                                                               |      |
| 0.25 | $\begin{cases} k = -1 \\ k = -1 \\ k = -1 \end{cases}$ نجد $k$ وحيد                                                                                                                    |                                                                                                                                                                                                                                                                                                               |      |
| 0.5  | $-6x + 3y - 9z + 54 - \alpha = 0 : (\Gamma)$<br>ب) هي معادلة ديكارتية لل المستوى الذي شعاعه الناظمي $\overrightarrow{EF}$ .                                                            |                                                                                                                                                                                                                                                                                                               |      |
| 0.5  | $I \left( 0, \frac{3}{2}, \frac{1}{2} \right)$ منتصف القطعة [EF].<br>ج) بعد التعويض نجد $\alpha = 63$ (Γ)                                                                              |                                                                                                                                                                                                                                                                                                               | 0.25 |

|                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               |           |           |           |           |         |   |   |  |        |  |   |  |     |           |   |           |            |   |   |   |         |      |     |      |     |           |           |         |  |   |        |           |           |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         |
|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------|-----------|-----------|-----------|---------|---|---|--|--------|--|---|--|-----|-----------|---|-----------|------------|---|---|---|---------|------|-----|------|-----|-----------|-----------|---------|--|---|--------|-----------|-----------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| <p><b>التمرين الرابع (07 نقاط)</b></p> <p><math>g'(x) = e^{x-2} - 1</math> . I<br/>نحسب المشقة: جدول التغيرات:</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td style="text-align: center;"><math>x</math></td> <td style="text-align: center;"><math>-\infty</math></td> <td style="text-align: center;">0</td> <td style="text-align: center;"><math>+\infty</math></td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;"><math>g'(x)</math></td> <td style="text-align: center;">-</td> <td style="text-align: center;">+</td> <td></td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;"><math>g(x)</math></td> <td></td> <td style="text-align: center;">0</td> <td></td> </tr> </table> <p><math>g(x) \geq 0</math> : II<br/>اشاره : (2)<br/>أ) النهايات: (1)</p> <p><math>\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty</math><br/><math>\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty</math> ب)</p> <p><math>\lim_{x \rightarrow +\infty} (f(x) - y) = 0</math><br/>ج) وضعية <math>C_f</math> بالنسبة الى (<math>d</math>)</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td style="text-align: center;"><math>x</math></td> <td style="text-align: center;"><math>-\infty</math></td> <td style="text-align: center;">0</td> <td style="text-align: center;"><math>+\infty</math></td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;"><math>f(x) - y</math></td> <td style="text-align: center;">-</td> <td style="text-align: center;">0</td> <td style="text-align: center;">+</td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">الوضعية</td> <td style="text-align: center;">أسفل</td> <td style="text-align: center;">قطع</td> <td style="text-align: center;">أعلى</td> </tr> </table> <p>2) حساب المشقة:<br/>ومنه اشاره <math>(x)</math> من اشاره <math>g(x)</math> اذن الدالة <math>f</math> متزايدة<br/>تماما على <math>R</math><br/>جدول التغيرات:</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td style="text-align: center;"><math>x</math></td> <td style="text-align: center;"><math>-\infty</math></td> <td style="text-align: center;"><math>+\infty</math></td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;"><math>f'(x)</math></td> <td></td> <td style="text-align: center;">+</td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;"><math>f(x)</math></td> <td style="text-align: center;"><math>-\infty</math></td> <td style="text-align: center;"><math>+\infty</math></td> </tr> </table> <p>أ) معناه نحل المعادلة :<br/>باستعمال ميرهنة القيم المتوسطة.<br/>ب) نحسب المشقة الثانية اذن المنحنى <math>C_f</math> يقبل نقطة انعطف (<math>I(2, 3)</math><br/>ج) معادلة المماس (<math>T</math>) الذي يوازي (<math>d</math>) هي:<br/> <math display="block">y = x - 1 + e</math><br/>         التمثيل البياني (5)</p> | $x$       | $-\infty$ | 0         | $+\infty$ | $g'(x)$ | - | + |  | $g(x)$ |  | 0 |  | $x$ | $-\infty$ | 0 | $+\infty$ | $f(x) - y$ | - | 0 | + | الوضعية | أسفل | قطع | أعلى | $x$ | $-\infty$ | $+\infty$ | $f'(x)$ |  | + | $f(x)$ | $-\infty$ | $+\infty$ | <p><b>التمرين الثالث (05 نقاط)</b></p> <p><math>P(\alpha i) = 0</math> (1)<br/>نجد <math>\alpha = 1</math> و منه <math>i</math> (2)<br/><math>P(i) = 0</math> (ب)</p> <p><math>\begin{cases} a = \sqrt{3} \\ b = 1 \end{cases}</math> حلول المعادلة هي:<br/> <math>\left\{ i; \frac{-\sqrt{3} - i}{2}; \frac{-\sqrt{3} + i}{2} \right\}</math> (2) نحسب:</p> <p><math> Z_A  =  Z_B  =  Z_C  = 1</math> ومنه النقط <math>A, B, C</math> تنتهي الى دائرة مركزها المبدأ 0 ونصف قطرها 1 نبين أن</p> <p><math>\begin{cases} \overrightarrow{OA} = \overrightarrow{CB} \\ OA = OC \end{cases}</math> ومنه الرباعي <math>OABC</math> معين (3) حساب</p> <p><math>Z_2 = Z_1^2 = -\frac{1}{2} + \frac{i\sqrt{3}}{2}</math> التمثيل البياني<br/>ب) باستعمال البرهان بالترافق :</p> <p>تحقق : من أجل <math>n = 0</math> و منه <math>OA_0 = 1</math> نفرض أن: <math>A_n \in (C)</math> أي <math>A_{n+1} \in (C)</math> ونبرهن أن <math>A_n \in (C)</math> معناه : <math>OA_{n+1} = 1</math><br/> <math>OA_n = 1</math> أي <math> Z_n  =  Z_1^n  =  Z_1 ^n = 1</math><br/> <math>OA_{n+1} =  Z_1^{n+1}  =  Z_1^n  \times  Z_1  = 1</math> ومنه النقط <math>A_{n+1}</math> تنتهي الى الدائرة (<math>C</math>)<br/>         (ج) نبرهن أن:</p> <p><math>Z_{n+1} - Z_n = Z_1^{n+1} - Z_1^n = Z_1^n(Z_1 - 1)</math><br/> <math>= Z_1^n(-\frac{1}{2} + \frac{i\sqrt{3}}{2})</math> (د)</p> <p><math> Z_{n+1} - Z_n  = 1</math> المسافة:<br/> <math>A_n A_{n+1} =  Z_{n+1} - Z_n  = 1</math> لدينا من أجل كل عدد طبيعي <math>n</math><br/> <math>OA_n = OA_{n+1} = 1</math> و</p> <p><math>A_n A_{n+1} = 1</math> و منه المثلثات <math>OA_n A_{n+1}</math> متقابلة الأضلاع .<br/>         (4) <math>f</math> تتشابه مباشر مركزه النقطة <math>A_0</math> ذات اللحقة 1 نسبته وزاويته <math>-\frac{\pi}{3}</math><br/>         (ب) صورة المثلث <math>OA_1 A_2</math> هو المثلث حيث</p> <p><math>O' = f(0) , O'(0, \sqrt{3})</math><br/> <math>A'_1 = f(A_1) , A'_1(2, \sqrt{3})</math><br/> <math>A'_2 = f(A_2) , A'_2(1, 2\sqrt{3})</math></p> |
| $x$                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           | $-\infty$ | 0         | $+\infty$ |           |         |   |   |  |        |  |   |  |     |           |   |           |            |   |   |   |         |      |     |      |     |           |           |         |  |   |        |           |           |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         |
| $g'(x)$                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       | -         | +         |           |           |         |   |   |  |        |  |   |  |     |           |   |           |            |   |   |   |         |      |     |      |     |           |           |         |  |   |        |           |           |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         |
| $g(x)$                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        |           | 0         |           |           |         |   |   |  |        |  |   |  |     |           |   |           |            |   |   |   |         |      |     |      |     |           |           |         |  |   |        |           |           |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         |
| $x$                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           | $-\infty$ | 0         | $+\infty$ |           |         |   |   |  |        |  |   |  |     |           |   |           |            |   |   |   |         |      |     |      |     |           |           |         |  |   |        |           |           |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         |
| $f(x) - y$                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    | -         | 0         | +         |           |         |   |   |  |        |  |   |  |     |           |   |           |            |   |   |   |         |      |     |      |     |           |           |         |  |   |        |           |           |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         |
| الوضعية                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       | أسفل      | قطع       | أعلى      |           |         |   |   |  |        |  |   |  |     |           |   |           |            |   |   |   |         |      |     |      |     |           |           |         |  |   |        |           |           |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         |
| $x$                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           | $-\infty$ | $+\infty$ |           |           |         |   |   |  |        |  |   |  |     |           |   |           |            |   |   |   |         |      |     |      |     |           |           |         |  |   |        |           |           |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         |
| $f'(x)$                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       |           | +         |           |           |         |   |   |  |        |  |   |  |     |           |   |           |            |   |   |   |         |      |     |      |     |           |           |         |  |   |        |           |           |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         |
| $f(x)$                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        | $-\infty$ | $+\infty$ |           |           |         |   |   |  |        |  |   |  |     |           |   |           |            |   |   |   |         |      |     |      |     |           |           |         |  |   |        |           |           |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         |

|  |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      |     |
|--|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----|
|  | <p><u>المناقشة البيانية:</u> 5) <math>f(x) = x + m</math></p> <p><math>m &lt; -1</math> المعادلة تقبل حل واحدا سالبا</p> <p><math>m = -1</math> المعادلة تقبل حلان وهو معدوم</p> <p><math>-1 &lt; m &lt; e - 1</math> حين موجبين تماما</p> <p><math>m = e - 1</math> حل واحدا موجيا</p> <p><math>m = e - 1</math> ليس لها حلول</p> <p>(أ) باستعمال المتكاملة بالتجزئة نضع :</p> $V'(x) = e^{2-x} \text{ و } U(x) = x$ $H(x) = (-x - 1)e^{2-x}$ <p>ب) حساب <math>A</math></p> $A = \int_0^2 (f(x) - y) dx$ $A = \int_0^2 \frac{x}{e^{x-2}} dx = \int_0^2 xe^{2-x} dx$ $A = [H(x)]_0^2$ $A = H(2) - H(0)$ $A = (e^2 - 3) \text{ cm}^2$ | 0.5 |
|--|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----|