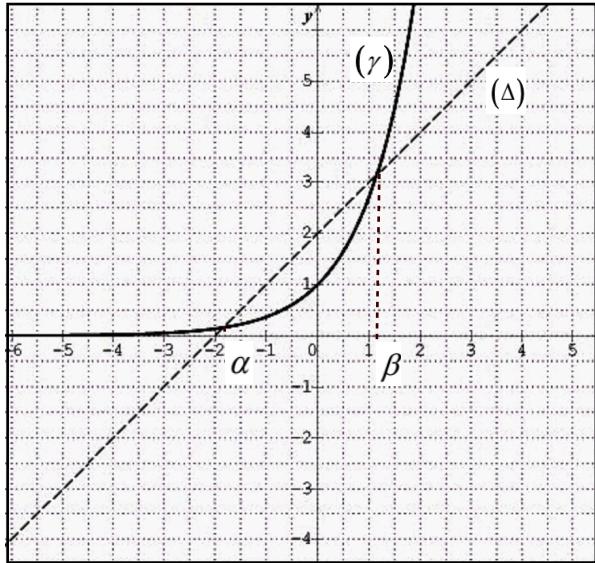


فرض الفصل الأول في مادة الرياضيات

المأسأة : المستوى منسوب إلى المعلم المعتمد والمتجازن $\left(o, \vec{i}, \vec{j} \right)$



I. (γ) التمثيل الباني للدالة $e^x \rightarrow x$ و المستقيم (Δ)

ذو المعادلة $y = x + 2$ ، α و β هما فاصلتي

تقاطع (γ) و (Δ) كما هو موضح في الشكل

1. بقراءة بيانية حدد وضعية (γ) بالنسبة إلى (Δ) على \mathbb{R}

2. نعتبر $g(x) = e^x - x - 2$ على \mathbb{R} بـ استنتج حسب قيم x إشارة $g(x)$ على

3. تتحقق أن : $1,1 < \beta < 1,2$ و $-1,8 < \alpha < -1,9$

II. نعتبر الدالة f المعرفة على \mathbb{R}^* كيلي : $f(x) = \frac{e^x(x+1)}{e^x - 1}$ حيث (C_f) تمثيلها البياني

1. أ) احسب $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x)$ ، $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ ثم فسر هذه النتائج هندسيا

ب) بين أنه من أجل x كل من $f(x) = \frac{x+1}{1-e^{-x}}$ ، ثم احسب (C_f)

2. أ) بين أن المستقيم (Δ) ذو المعادلة $y = x + 1$ مقارب للمنحنى (C_f)

ب) ادرس الوضع النسيي للمنحنى (C_f) مع المستقيم (Δ)

3. بين أنه من أجل كل x من \mathbb{R}^* : $f'(x) = \frac{e^x g(x)}{(e^x - 1)^2}$

ثم استنتاج تغيرات الدالة f و شكل جدول تغيراتها على \mathbb{R}^*

4. بين أن $f(\alpha) = \alpha + 2$ ثم استنتج حصراً لكل من $f(\alpha)$ و $f(\beta)$

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(\alpha+h)-\alpha-2}{h}$$

6. أنشئ المثلث (C_f) والمستقيم (Δ)

7. أ) حدد بيانياً قيم الوسيط الحقيقي m التي من أجلها المعادلة $f(x) = x + \ln|m|$ حين مختلفين في الاشارة

ب) نعتبر العدد الحقيقي t حيث $\ln[f(\alpha)] < t < \ln[f(\beta)]$

اختر الاجابة الصحيحة مع التعليل :

$$: f(x) = e^t$$

بيانياً المعادلة e^t

1) تقبل حلين موجبين تماما

2) لا تقبل حلول حقيقة

3)

(III) نعتبر الدالة h المعرفة على \mathbb{R}^* كايلي : $h(x) = \frac{1-|x|}{1-e^{|x|}} + 2$ حيث (C_h) تمثيلها البياني

1. بين أن الدالة h زوجية

2. أكتب العبارة $h(x)$ دون رمز القيمة المطلقة

3. اشرح كيف يمكن رسم (C_h) اعتماداً على (C_f) , ثم ارسم (C_h) في نفس المعلم و بلون مختلف

Bonus

a عدد حقيقي موجب تماماً أثبت أن :

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - a^x}{x} = 1 - \ln a \quad +1pt$$

بـ التوفيق للجميع

أستاذ المادة

بن هشام حسين