

اختبار الفصل الأول في مادة الرياضياتالتمرين الأول (7 نقاط)

(U_n) المتتالية المعرفة بحدها الأول $U_0 = \frac{1}{5}$ و من أجل كل عدد طبيعي n :

$$0 < U_n < \frac{1}{2} : n$$

1) تحقق أنه من أجل كل عدد طبيعي n ، $U_{n+1} - U_n = \frac{U_n(1-2U_n)}{2U_n+1}$ استنتج اتجاه تغير المتتالية (U_n)

ب) بين أن المتتالية (U_n) متقاربة

$$V_n = \frac{3U_n}{1-2U_n} / 3$$

ا) اثبت ان المتتالية (V_n) هندسية أساسها 2 يطلب حساب حدتها الأول

ب) اكتب عبارة V_n بدلالة n ثم بين ان $V_n = \frac{2^n}{2^{n+1}+3}$ ، احسب U_n

$$S_n = \frac{1}{U_0} + \frac{1}{U_1} + \dots + \frac{1}{U_n} / 4$$

التمرين الثاني (13 نقاط)

ا) $g(x) = 2x - (x-1)\ln(x-1)$ كما يلي :

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = -\infty / 1$$

2) ادرس اتجاه تغير الدالة g و شكل جدول تغيراتها

3) ا) بين أن المعادلة $0 = g(x)$ تقبل حلًا وحيدًا α على $[1; +\infty]$ ، ثم تحقق ان

ب) استنتاج حسب قيم x إشارة $g(x)$

$$f(x) = \frac{\ln(x^2-1)}{x} / 2$$

(C_f) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب الى المعلم المتعامد المتباين ($o; i; j$)

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0 / 1$$

$$f'(x) = \frac{g(x^2)}{x^2(x^2-1)} : [1; +\infty[/ 2$$

ب) بين ان f متزايدة تماما على المجال $[1; \sqrt{\alpha}]$ و متناقصة تماما على المجال $[\sqrt{\alpha}; +\infty[$

ج) شكل جدول تغيرات الدالة f

$$f(\sqrt{\alpha}) = \frac{2\sqrt{\alpha}}{\alpha-1} / 3$$

4) بين ان المنحنى (C_f) يقطع حامل محور الفواصل في نقطة وحيدة A فاصلتها β حيث $1,4 < \beta < 1,5$

5) ارسم (C_f) (نأخذ $\sqrt{\alpha} \approx 3$)

6) وسيط حقيقي ، عين قيم m بحيث تقبل المعادلة $f(x) = f(m)$ حلين متمايزين

$$h(x) = f(e^x) / 7$$

ادرس اتجاه تغير الدالة و شكل جدول تغيراتها

