### الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

### وزارة التربية الوطنية

المقاطعة التفتيشية .عين الدفلي . شرق

المدة: 3 ساعات ونصف

المفتشية العامة لبيداغوجيا

الشعبة: علوم تجريبية

### إختبار البكالوريا التجريبية في مادة:الرياضيات

## على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين:

# الموضوع الأول:

التمرين الأول: ( 04نقاط )

 $u_{n+1} = \frac{2}{3}u_n + \frac{1}{3}n + 1$  کما یلي:  $u_n = 2$  ومن أجل کل عدد طبیعي المتتالیة العددیة  $u_n = 2$  المعرفة علی ب $u_0 = 2$  ومن أجل کل عدد طبیعي

 $(u_n)$  ما هو تخمينك حول إتجاه تغير المتتالية  $u_3$  ،  $u_2$  ،  $u_1$  أحسب أ

 $u_n \le n+3 : n$  عدد طبیعی n+3 : n برهن أنه من أجل كل عدد طبيعي

 $u_n$  . ( $u_n$ ) غير المتتالية يغير المتتالية ( $u_{n+1} - u_n = \frac{1}{3}(n+3-u_n)$  : n عدد طبيعي n عدد عبير المتتالية ( $u_n$ ) . 3

.  $v_n = u_n - n$  به بالمتتالية العددية المعرفة من أجل كل عدد طبيعي n به المتتالية العددية المعرفة من أجل كل عدد طبيعي n

أ. أحسب  $v_0$  ثم بين أن المتتالية  $(v_n)$  متتالية هندسية أساسها

n بدلالة  $u_n$  بدلالة  $v_n$  بدلالة ب

? ماذا تستنتج  $\lim_{n\to+\infty}u_n$  بماذا تستنتج

 $T_n = \frac{S_n}{n}$  و  $S_n = u_0 + u_1 + ... + u_n$  نضع .5

.  $\lim T_n$  عبر عن  $S_n$  بدلالة م ثم أحسب

التمرين الثاني: (04نقاط)

(P) والمستوي C(0,1,-2) ، B(2,-1,-2) ، A(2,1,0) نعتبر النقط  $(o,\vec{i},\vec{j},\vec{k})$  والمستوي والمستوي الذي: x+y+z-3=0

- A. (P) النقط (P) و (P) تنتمي إلى (P)
- .  $x^2 + y^2 + z^2 4x 2y + 4z + 5 = 0$  : من الفضاء التي تحقق M(x, y, z) من الفضاء التي معتبر (S) مجموعة النقط
  - R أ. بين أن R سطح كرة يطلب تعيين مركزها R و نصف قطرها
  - . ABC بين أن (S) و (P) يتقاطعان وفق دائرة
    - ت.بين أن المثلث ABC متقايس الأضلاع.
    - I ليكن  $(\Delta)$  المستقيم الذي يشمل  $(\Delta)$  و العمودي على  $(\Delta)$ 
      - أ. عين تمثيلا وسيطيا له  $(\Delta)$  .
      - (P) و  $(\Delta)$  بقطة تقاطع  $(\Delta)$  و (B)
  - ت. تحقق أن G مركز ثقل المثلث ABC ثم استنتج مركز الدائرة (C) و نصف قطرها.

التمرين الثالث: (50نقاط)

- .  $z^2 8\sqrt{3}z + 64 = 0$  المعادلة: IR المحداد المركبة .1
- على المستوي المركب المنسوب إلى معلم متعامد و متجانس  $(o,\vec{i},\vec{j})$  ، وحدة الطول C , B , A التي لاحقاتما على .2 .  $z_{\rm C} = -\sqrt{3} + i$  ،  $z_{\rm B} = 4\sqrt{3} + 4i$  ، ,  $z_{\rm A} = 4\sqrt{3} 4i$  الترتيب:
  - أ. أكتب كل من  $z_A$  و على الشكل الأسي.

. عين العدد الطبيعي 
$$n : n$$
 عين العدد الطبيعي ب

$$rac{z_{
m B}}{z_{
m A}}$$
ث. هل  $\left(rac{z_{
m B}}{z_{
m A}}
ight)^{2015}$ 

- د. عين طبيعة المثلث OAB.
- .  $\frac{-\pi}{3}$  وزاویته O وزاویته r الذي مرکزه O وزاویته .3
  - $\cdot r$  أ. أحسب لاحقة  $\cdot D$  ورة  $\cdot C$  بالدوران 4

. 
$$z_{\rm G} = 4\sqrt{3} + 6i$$
 هي  $\left\{ (O;-1); (D;1); (B;1) \right\}$  هي أن لاحقة  $G$  مرجح الجملة وربين أن لاحقة الجملة والجملة والجملة الجملة والجملة الجملة والجملة الجملة الجملة والجملة الجملة الحملة الجملة الحملة الجملة الجملة الجملة الجملة الحملة الجملة الحملة الحملة

ج. اثبت ان النقط C ، C على استقامة واحدة.

د. 
$$-|z|^2 + |z - z_A|^2 + |z - z_B|^2 = 20$$
 د. عين مجموعة النقط  $M$  ذات اللاحقة  $z$ 

التمرين الرابع: ( 07 نقاط )

المستوى منسوب إلى المعلم المتعامد  $(o,\vec{i},\vec{j})$  (الوحدة المستوى منسوب المعلم المتعامد المتعامد المعلم المتعامد المتع

. 
$$\mathbf{g}(\mathbf{x})=1-ig(x^2-2x+2ig)e^{-x}$$
 بالدالة المعرفة على  $\mathbf{g}$  بالدالة المعرفة على  $\mathbf{g}$ 

- 1. أدرس تغيرات الدالة g
- g(x) قبل حلا وحيدا  $\alpha$  حيث  $0.35 < \alpha < 0.36$  عبن أن المعادلة g(x) = 0 عبل حلا وحيدا  $\alpha$

البياني. والمعرفة على 
$$f(x) = x - 1 + (x^2 + 2) e^{-x}$$
 به البياني. الدالة المعرفة على  $f(C_f)$  الدالة المعرفة على المعرفة المعرفة على المعرفة على المعرفة على المعرفة على المعرفة على المعرفة المعرفة على المعرفة على المعرفة المعر

- $oldsymbol{1}$  . f أدرس تغيرات الدالة
- .  $f(\alpha) = \alpha(1+2e^{-\alpha})$  أ- بين أن 2

 $f(\alpha)$  عين حصرا ل

- .  $(C_f)$  فو المعادلة y=x-1 مستقيم مقارب مائل للمنحنى ( $\Delta$ ) فو المعادلة . ( $\Delta$ ) بين أن المستقيم ( $\Delta$ ) . بالنسبة إلى المستقيم ( $\Delta$ ) .
  - $x_0=0$  للمناس (T) للمنحنى ( $C_f$ ) في النقطة ذات الفا للة 4.
    - .  $[-1;+\infty[$  على المجال  $(C_f)$  و (T)،  $(\Delta)$  من 5.
- 6. أ- عين الأعداد الحقيقية a ه و a حتى تكون الدالة f المعرفة بـ:  $F(x) = (ax^2 + bx + c)e^{-x}$  دالة أ لمية للدالة:  $F(x) = (ax^2 + bx + c)e^{-x}$  على A ع

x=-lpha المساحة (lpha) المساحة المستوي المدير المستوي المستوي

$$A(\alpha) = 4e^{2\alpha} + 8e^{\alpha} - 16$$
 :بين أن  $-/$ 

### الموضوع الثاني

التمرين الأول (4,5 نقطة):

$$u_{n+1}=rac{2}{3}u_n+1$$
 و  $u_0=6$  :خعتبر المتنالية المعرفة على  $\mathbb N$  كمايلي المعرفة على

$$(\Delta): y=x$$
 و  $(D): y=rac{2}{3}x+1$  المستقيمين المستقيمين ومتجانس ومتجانس ( $(o\ ,\ \vec{i}\ ,\ \vec{j}\ )$ 

ب – مثل على ور الفوا لل الحدود  $u_1$  ،  $u_2$  ،  $u_3$  و  $u_3$  ،  $u_4$  ،  $u_5$  ،  $u_6$  اتجاه تغير المتتالية و تقاريحا.

. 
$$u_n > 3$$
:  $n$  جب برهن بالتراجع أنه من أجل كل عدد طبيعي

د 
$$(u_n)$$
 تغير المتتالية  $(u_n)$  استنتج تقارب المتتالية  $-$ 

$$v_n=2^n imes 3^{1-n}$$
 :نعتبر من أجل كل عدد طبيعى  $n$  المتنالية  $(v_n)$ 

أ- بين أن 
$$(v_n)$$
 متتالية هندسية أساسها  $q=\frac{2}{3}$  يطلب تعيين حدها الأول.

.  $\lim u_n$  ، استنتج ، استنتج ، استنتج . ا $v_n=u_n-3$ 

. 
$$w_n = \ln v_n$$
 کمایلی:  $\mathbb{N}$  متتالیة معرفة علی (3

أ - بين أن  $(w_n)$  متتالية حسابية يطلب إيجاد أساسها و حدها الأول.

. 
$$S_n=rac{u_0}{v_0}+rac{u_1}{v_1}+.....+rac{u_n}{v_n}$$
 : بين أن  $S_n=2igg(rac{3}{2}igg)^{n+1}+n-1$  بين أن

التمرين الثاني (4نقاط):

: في الفضاء المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس ( o ;  $ec{i}$  ;  $ec{j}$  ;  $ec{k}$  ) ،نعتبر النقط

$$E(4;-8;-4)$$
 و  $D(3;-6;1)$  ،  $C(3;1;3)$  ،  $B(2;0;2)$  ،  $A(1,2,7)$ 

بين أن النقط A ، A و C ليست في إستقامية.  $oldsymbol{(1)}$ 

. ليكن 
$$\stackrel{\cdot}{u}$$
 شعاعا من الفضاء مركباته  $(1,b,c)$  حيث  $\stackrel{\cdot}{u}$  عددان حقيقيان (2

. (ABC) المستوي المستوي (ABC). أ- عين b عين يكون أd

. 
$$(ABC)$$
 ب  $-$  استنتج أن  $x-2y+z-4=0$  هي معادلة ديكارتية للمستوي

(ABC) ج – هل النقطة D تنتمي إلى المستوي

$$\begin{cases} x=2t+3 \\ y=-4t+5, (t\in\mathbb{R}) \end{cases}$$
 نعتبر المستقيم  $(\Delta)$  الذي تمثيله الوسيطي: (3  $z=2t-1$ 

. (ABC) عمودي على المستقيم  $(\Delta)$  عمودي على المستقيم

. (ABC) والمستوي ( $\Delta$ ) والمستوي H النقطة H النقطة H

. (ABC) الدرس وضعية المستقيم (DE) بالنسبة إلى المستوي

التمرين الثالث ( 5نقاط):

$$P(z) = z^3 - 3z^2 + 3z + 7$$
 : نضع تضع عدد مرکب **X** من أجل کل عدد مرکب **X**

. 
$$P(z) = (z+1)(z^2+az+b)$$
 : احسب  $P(z) = (z+1)(z^2+az+b)$  : احسب  $P(z) = (z+1)(z^2+az+b)$  .  $P(z) = 0$  . المعادلة  $P(z) = 0$  . المعادلة المعادلة

. 
$$2cm$$
 المستوي المركب منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $\left(o,\vec{u},\vec{v}
ight)$  . وحدة الطول  $-2$ 

 $z_G=3, z_C=2-i\sqrt{3}, z_B=2+i\sqrt{3}, z_A=-1$  :نعتبر النقط G,C,B,A لواحقها على الترتيب: . G,C,B,A مثل النقط أ

. مساحته مساحته ACG عين عمدة للعدد المركب :  $\frac{z_A-z_C}{z_G-z_C}$  ثم استنتج طبيعة المثلث

$$\{(A,-1);(B,2);(C,2)\}$$
 : المثقلة المثقلة مرجح الجملة مرجح الجملة المثقلة وأثبت أن النقطة  $G$  مرجح الجملة المثقلة في المستوي بحيث في المستوي بحيث  $(-\overrightarrow{MA}+2\overrightarrow{MB}+2\overrightarrow{MC}).\overrightarrow{CG}=12$ 

 $z' = \left(1 + i\sqrt{3}\right)z - i\sqrt{3}$  : نعتبر S التحويل النقطي الذي يرفق بالنقطة M ذات الاحقة Z النقطة M' ذات الاحقة Z و اذكر عنا ره المميزة.

. A'C'G' على الترتيب بالتحويل S ثم استنتج مساحة المثلث G,C,A على عين G',C',A'

التمرين الرابع: ( 6,5 نقطة )

ي المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس،  $(C_f)$  هو التمثيل البياني للدالة f المعرفة على  $\mathbb{R}^*$  حيث:

$$f(x) = 2x - 2 + \ln(\frac{x^2 - 2x + 2}{x^2})$$

ا أحسب f(x) أحسب أ $\lim_{x \to 0} f(x)$  أحسب أنتيجة بيانيا.

أحسب  $\lim_{|x|\to+\infty} [f(x)-(2x-2)]$  ، وفسر النتيجة بيانيا.

$$f'(x) = \frac{2(x-1)(x^2-x+2)}{x(x^2-2x+2)} : \mathbb{R}^*$$
 من أجل كل  $X$  من أجل كل (3)

f استنتج اشارة f'(x) ثم شكل جدول تغيرات الدالة

f(x) ج. عین حسب قیم x اشارة

y=2x-2 أدرس الوضع النسبي لا  $(C_f)$  والمستقيم ( $\Delta$ 

$$f(\alpha)=0$$
 :حيث:  $-\frac{1}{2}$ ;  $-\frac{1}{3}$  من المجال المجال عدد حقيقي وحيد  $\alpha$  من المجال (5

ه. ( $\Delta$ ) عين النقطة من ( $C_f$ ) التي يكون عندها المماس (T) موازيا للمستقيم ( $\Delta$ ). ثم أكتب معادلة له.

 $(C_f)$  و (T) ( $\Delta$ ) ارسم (7)

f(x)=2x+m : x ناقش بیانیا ، حسب قیم الوسیط الحقیقی m ، عدد واشارة حلول المعادلة ذات المجهول الحقیقی (8

.]- $\infty$  ; 0 [ على المجال F (9

F عين اتجاه تغيرالدالة  $^st$ 

ب\* أعط تفسيرا هندسيا للعدد  $\int_{\alpha}^{-1} f(x) dx$  دون حسابه.

تمانياتنا لكم بالتوفيق والنجاح في شهادة البكالوريا