#### الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

مديرية التربية لولاية عين تموشنت ثانوية داودي محمد ـ المالح ـ دورة ماي: 2018

وزارة التربية الوطنية امتحان بكالوريا تجريبي

الشعبة: علوم تجريبية

المدة: 3 سا و نصف

اختبار في مادة:الرياضيات

#### على المترشح أن يختار موضوعا وإحدا من الموضوعين:

# الموضوع الأول

# التمرين الأول: ( 4 نقاط )

$$u_{n+2}=u_{n+1}-rac{1}{4}u_n$$
 :  $\square$  منتالية معرفة على  $\square$  ب  $\square$  ب  $\square$  ب  $\square$   $\square$   $\square$  منتالية معرفة على  $\square$  ب  $\square$  ب  $\square$  ب  $\square$   $\square$   $\square$  ب  $\square$  المعرفة على  $\square$  ب  $\square$  ب  $\square$  ب  $\square$  ب  $\square$  المعرفة على  $\square$  ب  $\square$ 

أ ـ اثبت أن  $(v_n)$  هندسية يطلب تحديد أساسها و حدها الأول.

.  $v_n$  بدلالة n عبارة الحد العام

 $\lim_{n} s_n = v_0 + v_1 + \cdots v_n$  ثم حدد n ثم حدد ج

$$w_n = \frac{u_n}{v_n}$$
: من اجل کل  $n$  من أجل كل (2

أ ـ اثبت أن  $\left( w_{n} \right)$  حسابية يطلب تحديد أساسها و حدها الأول.

 $e^{w_n} > 2018$  : الذي يحقق n الذي يحقق  $w_n$  ثم عين أصغر عدد طبيعي الذي يحقق

# التمرين الثاني: ( 4 نقاط )

يضم كيس خمس كرات بيضاء مرقمة من 1 إلى 5 وثلاث كرات حمراء مرقمة من 6 إلى 8 وكرتين خضراوين تحملان الرقمين 9 و 10( الكرات لا نفرق بينها عند اللمس). نسحب عشوائيا كرتين من الكيس في آن واحد.

- A " الكرتان المسحوبتان تحملان رقمين فرديين A " الكرتان المسحوبتان تحملان رقمين فرديين A
- " الكرتان المسحوبتان من نفس اللون " و C " الكرتان المسحوبتان من لونين مختلفين " B
  - eta الحادثتان A و B مستقلتان
  - 2) ما احتمال سحب رقم زوجي على الأقل ؟
  - 3) ما احتمال سحب كرتين تحملان رقمين فرديين علما أنهما من لونين مختلفين ؟
- 4) ما هو عدد الكرات البيضاء الممكن إضافتها إلى الكيس حتى يكون عدد الحالات الممكنة يساوي 120 ؟

#### التمرين الثالث: (5 نقاط)

$$z_3 = z_1 \times z_2$$
 و  $z_2 = -1 - i$  ،  $z_1 = \frac{-\sqrt{6}}{2} + \frac{\sqrt{2}}{2}i$  : نعتبر الأعداد المركبة (I

.  $z_3$  على الشكل الأسى ثم استنتج الشكل الأسى لاعدد (1

$$\sin\frac{\pi}{12}$$
 و  $\cos\frac{\pi}{12}$  على الشكل الجبري ثم استنتج القيم المضبوطة لـ:  $z_3$  على الشكل الجبري ثم استنتج القيم المضبوطة لـ: (2

. و 
$$z = x + iy$$
 و  $z = x + iy$  و عددان حقیقیان  $p(z) = |z|^2 - 3(z - \overline{z}) - 13 + 12i$  و عددان حقیقیان (II

اكتب p(z) على الشكل الجبري. (1

عين 
$$p(z)$$
 مجموعة النقط  $M(x;y)$  حتى يكون و 2

: النقط B، A النقط  $(O;\vec{i}\;;\vec{j}\;)$  النقط  $(O;\vec{i}\;;\vec{j}\;)$  النقط  $(O;\vec{i}\;;\vec{j}\;)$ 

. 
$$B$$
 و  $Z_B = Z_2$  و تحويل نقطي مركزه المبدأ و يحول النقطة  $Z_B = Z_1$ 

- . بين أن التحويل f دوران (1
- . f عدد صورة (E) بالتحويل (2

# التمرين الرابع: (7 نقاط)

$$g(x) = x - 1 + \ln x$$
 با $g(x) = x - 1 + \ln x$  با $g(x) = 0$  دالة معرفة على  $g(x) = 0$ 

. 
$$]0;+\infty[$$
 بين أن الدالة  $g$  متزايدة تماما على المجال  $[0;+\infty]$ 

$$g(x)$$
 احسب  $g(1)$  ثم حدد حسب قیم  $g(1)$  احسب (2

$$f(x) = \ln x - \frac{\ln x}{x}$$
 بنكن الدالة  $f$  المعرفة على  $f(x) = 0$ ; +∞ المعرفة على (II

$$0;+\infty$$
 اً ـ بين أن الدالة  $f$  قابلة للإشتقاق على المجال  $0;+\infty$  ا $\lim_{x\to +\infty}f(x)$  ب ين أن:  $f(x)=+\infty$  ثم احسب  $\lim_{x\to +\infty}f(x)=+\infty$ 

$$f'(x) = \frac{g(x)}{x^2} : ]0; +\infty[$$
 من أجل كل  $x$  من أوب من أجل كل أبيرات أنه من أجل كل أبيرات أبيرات

2) ليكن  $(\Gamma)$  المنحنى الممثل للدالة  $\ln$  في مستوي منسوب إلى معلم متعامد و متجانس .

.  $+\infty$  بجوار  $(C_f)$  مقارب للمنحني ( $(\Gamma)$  بجوار

.  $(C_f)$  و  $(\Gamma)$  بين المنحيين الوضعية النسبية بين

. حسب  $f\left(rac{1}{2}
ight)$  ج - احسب  $f\left(rac{1}{2}
ight)$  ثم ارسم المنحيين

- عين قيم العدد الحقيقي m حتى تقبل المعادلة f(x)=f(m) عين متمايزين.
  - ا التكامل التكامل  $I = \int_{1}^{e} \left[ \ln x f(x) \right] dx$  احسب التكامل (4

#### الموضوع الثاني

# التمرين الأول: ( 4 نقاط )

الفضاء منسوب الى معلم متعامد ومتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ . و لكن المستويين (P) و (Q) الذين معادلتيهما

. 
$$A(0;1;1)$$
 و  $A(0;1;1)$  على الترتيب و  $A(0;1;1)$  على  $x+2y-z+1=0$ 

. اثبت أن المستويين (P) و (Q) متعامدان (1

$$\left(t\in\square\right)$$
:  $\begin{cases} x=-rac{1}{3}+t \\ y=-rac{1}{3} \end{cases}$  برهن أن المستويين  $(P)$  و  $(Q)$  متقاطعان وفق المستقيم  $(\Delta)$  ذو تمثيل وسيطي  $z=t$ 

- (Q) و (P) احسب المسافة بين A و كل من المستويين
  - استنتج المسافة بين النقطة A و المستقيم ( $\Delta$ ).

#### التمرين الثاني: ( 4 نقاط )

$$p(z) = z^3 - 3z^2 + 3z - 9$$
 ليكن كثير الحدود: (1

. 
$$p(z)$$
 الحدود عنو المحدود أ - تحقق أن

$$p(z) = 0$$
 المعادلة  $p(z) = 0$ 

D، C، B، A النقط  $O; \vec{i}; \vec{j}$  النقط متعامد و متجانس ( $O; \vec{i}; \vec{j}$ ) النقط (2

$$z_F=1-i\sqrt{3}$$
 و  $z_D=2e^{i\frac{5\pi}{6}}$  و  $z_C=-i\sqrt{3}$  و  $z_B=i\sqrt{3}$  و  $z_A=3$  : و  $z_A=3$  المثلث  $z_B=1-i\sqrt{3}$  و  $z_B=1-i\sqrt{3}$  و  $z_A=3$  المثلث  $z_B=1-i\sqrt{3}$  و  $z_B=1-i\sqrt{3}$  و  $z_A=3$ 

.  $\frac{\pi}{3}$  صورة D بالدوران الذي مركزه D و زاويته و بالدوران الذي مركزه  $Z_E$  بالدوران الذي مركزه  $Z_E$ 

. جـ احسب 
$$\frac{Z_F}{Z_E}$$
 و استنتج أن المستقيمين  $OE$ ) و  $OF$  متعامدان

د ـ عين  $Z_G$  لاحقة النقطة G حتى يكون الرباعي  $Z_G$  مربعا.

#### التمرين الثالث: ( 4 نقاط )

$$(m{u_{n+1}})^2=2m{u_n}$$
 ,  $n\in\mathbb{N}^*$  و  $U_1=1:$  فتكن  $U_1=1:$  متتالية حدودها موجبة حيث  $U_1=1:$  و  $U_1=1:$  متتالية حدودها موجبة حيث  $U_1=1:$   $U_2=1:$  متتالية حدودها موجبة حيث  $U_1=1:$   $U_2=1:$   $U_1=1:$   $U_2=1:$   $U_1=1:$   $U_2=1:$   $U_1=1:$   $U_2=1:$   $U_1=1:$   $U_2=1:$   $U_1=1:$   $U_1=1:$   $U_1=1:$   $U_2=1:$   $U_1=1:$   $U_$ 

( يرمز 
$$\ln$$
 الى دالة اللوغاريتم النيبيري ) نضع من أجل كل  $n$  من  $\nu_{\rm n}=\ln u_{\rm n}-\ln 2$ :  $\mathbb{N}^*$  نضع من أجل كل

. أ- بين أن 
$$(\mathcal{V}_n)$$
 متتالية هندسية يطلب أساسها و حدها الأول

$$u_n$$
 و  $v_n$  بدلالة  $n$  عبارة الحد العام لكل من  $v_n$ 

$$\lim \mathcal{U}_{\mathrm{n}}$$
 ثم  $\lim \mathcal{V}_{\mathrm{n}}$  ج- أحسب

$$e^{v_n} = \frac{u_n}{2}$$
: من أجل كل  $n$  من أجل أرع أنه من أجل (3

$$p = \frac{u_1 \times u_2 \times \dots \times u_n}{2^n} : \text{leads} \cdot \text{leads}$$

# التمرين الرابع: ( 8 نقاط )

$$g(x)=e^{-x}+x$$
: الدالة العددية للمتغير الحقيقي  $x$ و المعرفة على الدالة العددية للمتغير الحقيقي الحقيقي المعرفة على  $g$ 

1) أدرس تغيرات الدالة g.

$$1+xe^x>0$$
 :  $\mathbb R$  استنتج أنه من أجل كل  $x$  من (2

$$f(x) = \ln(e^{-x} + x)$$
: التكن  $f$  دالة عددية لمتغير حقيقي  $x$  معرفة على العبارة  $\mathbb R$  بالعبارة عددية لمتغير عقيقي

 $(\mathcal{O}; \vec{\imath}, \vec{\jmath})$  منحناها البياني في المستوي المنسوب الى معلم متعامد و متجانس منحناها البياني في المستوي المنسوب الى معلم متعامد و متجانس

$$f(x) = \ln(1 + xe^x) - x$$
 : تحقق من اجل کل  $x$  حقیقی فان  $-1$ 

2− أدرس تغيرات الدالة ﴿

$$(C_g)$$
 بجوار  $\infty$  ، ثم أدرس وضعيته بالنسبة لـ  $(\Delta)$ :  $y=-x$ بين أن المستقيم  $(\Delta)$ : ب

$$h(x)=f(x)-\ln x:$$
 اب $x:=0,+\infty$  المجال عددية لمتغير حقيقي  $x$  معرفة على المجال  $-4$ 

$$\lim_{x\to+\infty} h(x) \quad \text{i.e.} \quad -1$$

$$h(x)$$
ب- أدرس اشارة العبارة

$$(C_{\#})$$
 و منحنى دالة اللوغاريتم النيبيري  $-$ 

$$(C_{\#})$$
 أرسم بعناية المنحنى أ $-5$