

## اختبار الفصل الأول في مادة الرياضيات

الهرة: 3 ساعات

المستوى: ثلاثة علوم تجريبية

السمرين الأول : (4 نقاط)

هذا التمرين هو إستبيان متعدد الإجابات ، لكل سؤال اقتراح واحد صحيح ، حدد الإجابة الصحيحة مع التبرير :

١٠. إذا كانت  $f$  حلًا للمعادلة التفاضلية :  $3y' - 2y + 6 = 0$  حيث  $f(0) = 4$  فإن :

$$f(x) = 2e^{\frac{2}{3}x} + 2 \quad -(\textcircled{2}) \qquad f(x) = e^{\frac{2}{3}x} + 3 \quad -(\textcircled{3}) \qquad f(x) = 3e^{\frac{2}{3}x} + 1 \quad -(\textcircled{4})$$

2. أحسن تقرير تآلفي للدالة  $f$  حيث :  $f(x) = e^{1-x}$  بجوار 1 هو :

$$2 - x - (\text{---}) \quad -x - (\text{---}) \quad 1 - x - (\text{---})$$

3. مشتقة الدالة  $f$  حيث :  $f(x) = \ln(x^2) + (\ln x)^2$

$$f'(x) = \frac{2(x + \ln x)}{x^2} - \left( \text{?} \right) \quad f'(x) = \frac{2(1 + \ln x)}{x} - \left( \text{?} \right) \quad f'(x) = \frac{1 + 2\ln x}{x^2} - \left( \text{!} \right)$$

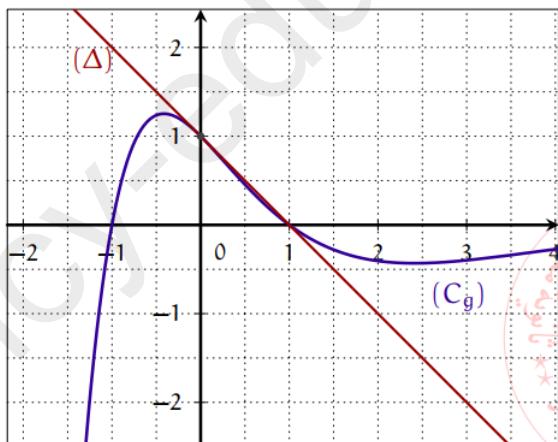
٤. حل المعادلة  $2 \ln(x)^2 - 5\ln(x) + 2 = 0$  هي :

$$x = e \quad \text{أو} \quad x = 3 - (\sqrt{e}) \quad \text{أو} \quad x = e^2 - (3) \quad \text{أو} \quad x = 2 - (\sqrt{3})$$

## التمرّس الثاني : (8 نقاط)

$(I) - g$  دالة عددية معروفة على  $\mathbb{R}$  كايلی :  $g(x) = (1 + ax^2)e^{bx}$  حيث  $a$  و  $b$  عدوان حقيقيان .

(C<sub>g</sub>) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس ( $\vec{j}, \vec{o}; i$ ), ( $\Delta$ ) المماس لـ (C<sub>g</sub>) في النقطة ذات الفاصلة 0 (أنظر الشكل المقابل)



١٠. بقراءة بيانية عين  $(-1)^0$  و  $g(0)$  ،  $g(-1)$  و  $g'(0)$

٢. عين إشارة  $g(x)$  حسب قيم  $x$ .

٣- معاٰدلة لـ  $(\Delta)$  - أكتب

ب ) - بإستخدام المعطيات السابقة بين أنّ :

$$g(x) = (1 - x^2)e^{-x}$$

(II) - نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  كما يلي:

(C<sub>f</sub>) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المعتمد والمتبعانس ( $\vec{o}; \vec{i}, \vec{j}$ )

١. أحسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  ، ثم بين أنّ:

2. أ) - بين أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$  :  $f'(x) = g(x)$

ب) - استنتج إتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها .

3. أ) - عين دون حساب  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x) - 1}{x}$  ، ثم فسر النتيجة بيانياً .

ب) - أكتب معادلة  $(T)$  المماس لـ  $(C_f)$  عند النقطة ذات الفاصلة 0 .

4. أرسم  $(C_f)$  و  $(T)$  في نفس المعلم .

5.  $m$  وسيط حقيقي ، ناقش بيانياً حسب قيم  $m$  حلول المعادلة :  $1 - m^2 = 0$

6.  $h$  الدالة المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ  $h(x) = f(x^2) - 1$

- أحسب عبارة  $h'(x)$  بدلالة  $f'(x)$  ، ثم شكل جدول تغيرات الدالة  $h$ .

### التمرين الثالث : (8 نقاط)

I) - نعتبر الدالة العددية  $g$  المعرفة على المجال  $[0; +\infty)$  بـ  $g(x) = 2x^3 - 1 + 2 \ln x$

1. أدرس اتجاه تغير الدالة  $g$  ، ثم شكل جدول تغيراتها

2. بين أن المعادلة  $0 = g(x)$  تقبل حلولاً وحيداً  $\alpha$  حيث  $0 < \alpha < 0.75$  .

3. استنتاج إشارة  $g(x)$  حسب قيم  $x$  .

II) - نعتبر الدالة العددية  $f$  المعرفة على المجال  $[0; +\infty)$  بـ  $f(x) = 2x - 1 - \frac{\ln x}{x^2}$

( $C_f$ ) تمثيلها البياني في المستوى المرتبط إلى المعلم المتعامد والمتجانس ( $O; \vec{i}, \vec{j}$ ) حيث  $\|\vec{i}\| = 2cm$

1. أحسب نهايات الدالة  $f$  عند أطراف مجموعة التعريف

2. أ) - تحقق أنه من أجل كل  $x$  من المجال  $[0; +\infty)$  :  $f'(x) = \frac{g(x)}{x^3}$

ب) - استنتاج إتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها

3. أ) - بين أن المستقيم  $(D)$  ذو المعادلة  $y = 2x - 1$  مقارب مائل للمنحنى  $(C_f)$  .

ب) - أدرس وضعية المنحنى  $(C_f)$  بالنسبة إلى المستقيم  $(D)$

4. أ) - بين أن المنحنى  $(C_f)$  يقبل ماساً  $(T)$  موازياً للمستقيم  $(D)$  عند نقطة يطلب تعين إحداثياتها

ب) - أكتب معادلة للمماس  $(T)$  .

5. أشيء في المعلم السابق  $(T)$  ،  $(C_f)$  و  $(D)$  (نأخذ بالتقريب  $\alpha = 0.8$  و  $\alpha = 0.9$ )

6. ناقش بيانياً حسب قيم وسيط حقيقي  $m$  حلول المعادلة :  $\ln x = mx^2$