

التمرين الأول (3.5ن)

نضع في بيشر حجما $V = 50 \text{ mL}$ من محلول حمض كلور الماء $(H_3O^+_{(aq)} + Cl^-_{(aq)})$ تركيزه المولي C ، و ندخل فيه مسرى مقياس الـ pH في اللحظة $t = 0$ نضيف إلى البيشر كمية من مسحوق المغنيزيوم $Mg_{(s)}$ كتلتها $m_0 = 0,243 \text{ g}$ ، فينطلق غاز ثنائي الهيدروجين $H_{2(g)}$ و ينحل المعدن متحولا إلى $Mg^{2+}_{(aq)}$. حجم مسحوق المغنيزيوم مهمل أمام V ، و الكتلة المولية الذرية للمغنيزيوم $M(Mg) = 24,3 \text{ g.mol}^{-1}$.

- 1- أ - اكتب معادلة التفاعل المنمذج للتحويل الكيميائي الحادث.
- ب - احسب التقدم الأعظمي x_{max} للتفاعل، إذا علمت أن المغنيزيوم هو المتفاعل المحد.
- 2- نتائج متابعة تطور pH المحلول معطاة في الجدول الآتي :

$t \text{ (min)}$	0	1	2	3	5	7	10	12	14
pH	0.22	0.32	0.40	0.46	0.57	0.64	0.70	0.70	0.70

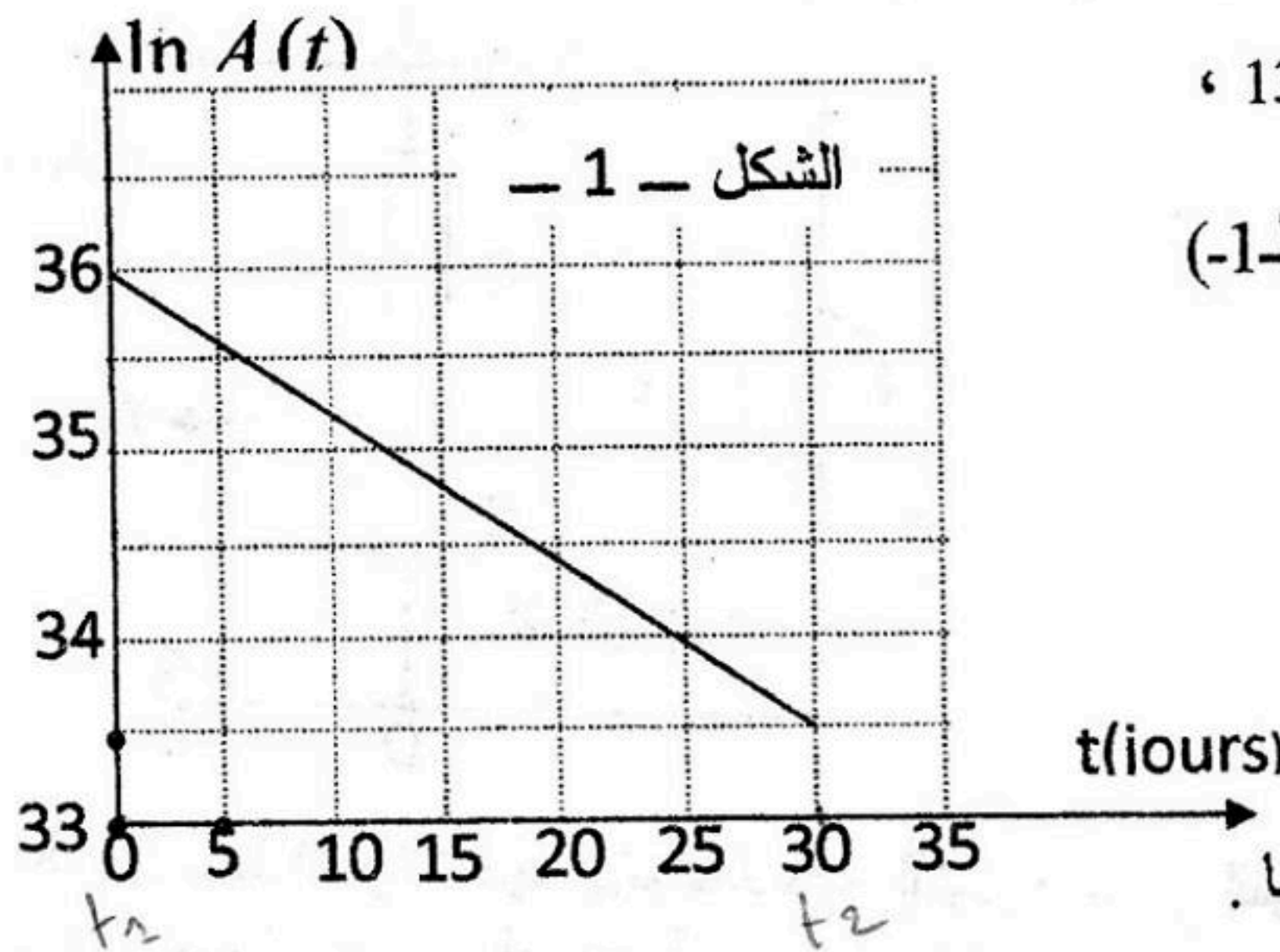
- أ - استنتج التركيز المولي C لمحلول حمض كلور الماء المستعمل.
- ب - عبّر عن التقدم $x(t)$ للتفاعل في اللحظة t بدلالة C ، V و pH .
- ج - استنتج التقدم النهائي x_f للتفاعل. ماذا تستنتج ؟
- د - حدّد زمن نصف التفاعل $t_{1/2}$.
- هـ - احسب السرعة الحجمية المتوسطة للتفاعل $v_{vol,m}$ خلال الدقيقة الثانية.

التمرين الثاني (4.5ن)

لليود عدة نظائر منها اليود 131 ذو النشاط الإشعاعي β^- و γ المستعمل في الطب النووي. يحقن مريض بكمية منه في اللحظة $t = 0$ ويقاس تدفق الإشعاع γ المنبعث، و ذلك لمتابعة تطور النشاط $A(t)$ للعينة التي تم حقنها.

- 1- أ - اعط تركيب و رمز نواة اليود 131.
- ب - ما الفرق بين النشاطين β^- و γ ؟
- ج - اكتب معادلة التفاعل النووي المنمذج لتفكك نواة اليود 131، مع ذكر قانوني الانحفاظ.

2- تطور $\ln A(t)$ بدلالة الزمن ممثل على البيان المقابل (الشكل 1-).



- أ - عرّف نشاط منبع مشع.
- ب - عبّر عن $A(t)$ بدلالة النشاط الابتدائي A_0 ، ثابت الإشعاعية λ و اللحظة t .
- ج - عيّن بيانيا قيمة كل من النشاط الابتدائي A_0 للعينة المحقونة، و ثابت الإشعاعية λ لليود 131.
- د - استنتج العدد الابتدائي N_0 لأنوية اليود 131 التي تم حقنها.
- هـ - استنتج زمن نصف العمر الإشعاعي $t_{1/2}$ لليود 131.

و - يمكن اعتبار نشاط اليود منعما عندما يبلغ 1% من قيمته الابتدائية. ما الزمن اللازم لذلك ؟

- 3- أ - احسب النقص في الكتلة Δm لنواة اليود 131 و استنتج طاقة الربط E_f لهذه النواة.
- ب - لعنصر اليود نظير مشع آخر هو اليود 124، طاقة ربط نواته $1050,27 \text{ MeV}$.
- أي النظيرين أكثر استقرارا من الآخر ؟ علّل.
- ج - ما هو النشاط الإشعاعي الذي يميز اليود 124 ؟ علّل.

المعطيات : - مقتطف من الجدول الدوري

Antimoine Sb	Tellure Te	Iode I	Xénon Xe
$Z = 51$	$Z = 52$	$Z = 53$	$Xe = 54$

- الكتلة المولية الذرية اليود 131 : $M = 131 \text{ g/mol}$

- ثابت أفوقادرو : $N_A = 6,02 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1}$

- كتل بعض الجسيمات و الأنوية

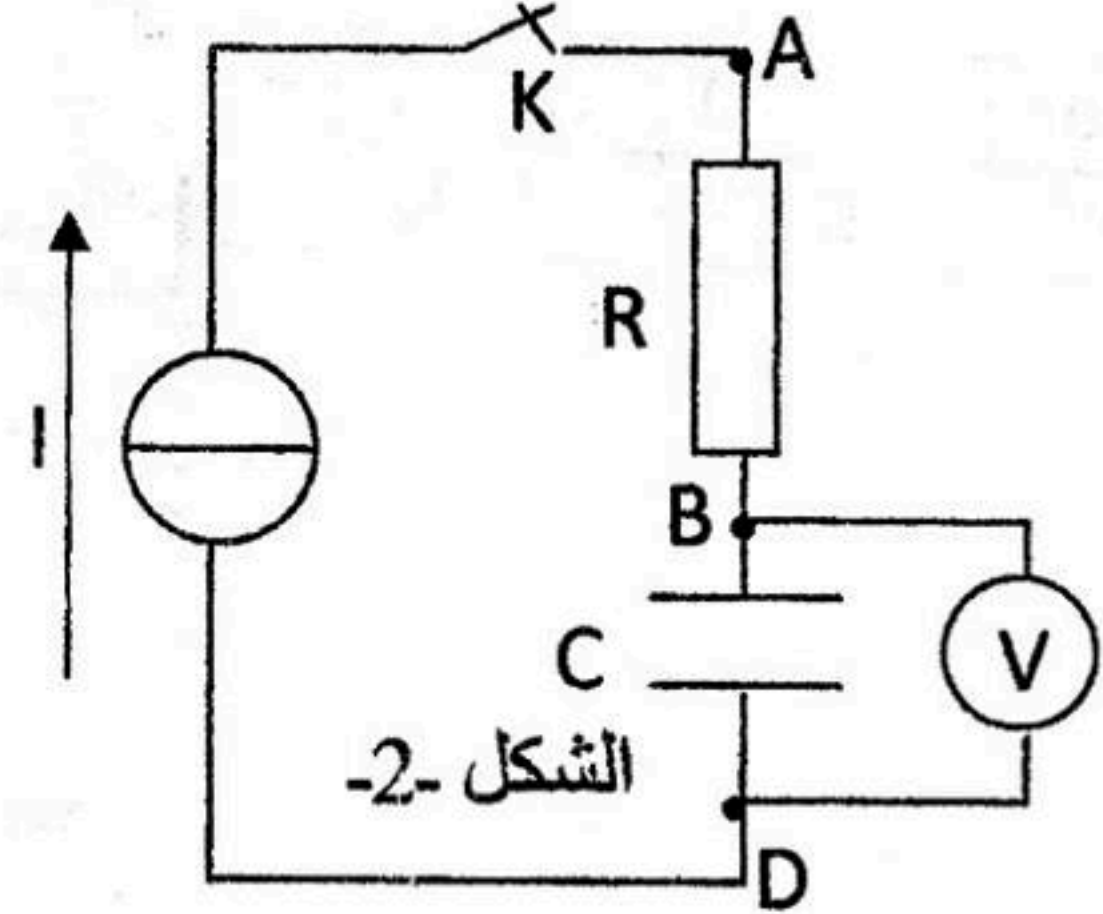
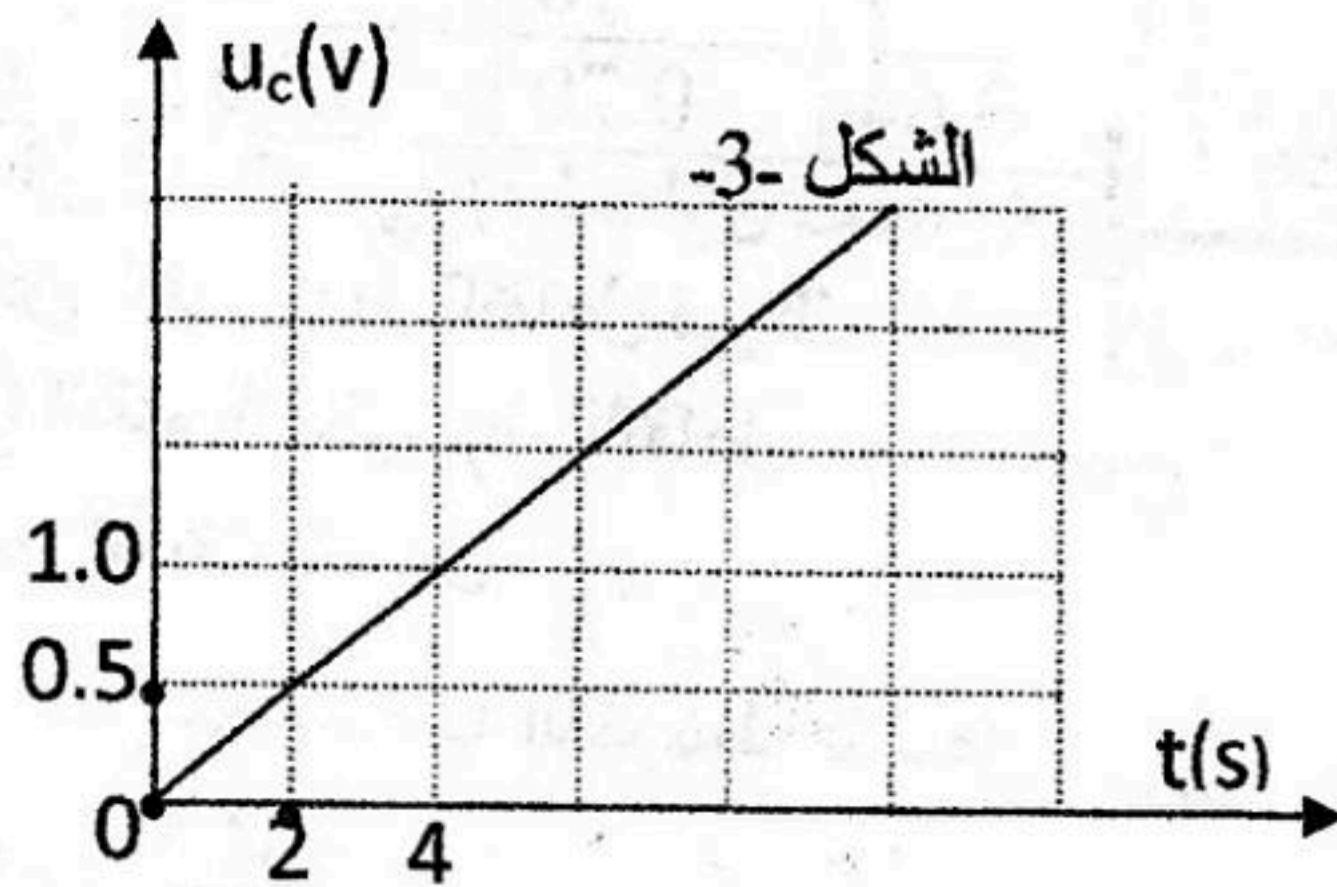
اليود 131	اليود 127	اليود 124	نترون	بروتون	الجسيم أو النواة
130,8770	126,8755	123,8771	1,0087	1,0073	الكتلة (u)

- سرعة الضوء في الفراغ : $C = 2,998 \cdot 10^8 \text{ m/s}$

المكافئ الطاقي لوحدة الكتلة الذرية : $1u = 931,5 \text{ MeV} / C^2$. اليود 127 مستقر .

التمرين الثالث (4.0 ن)

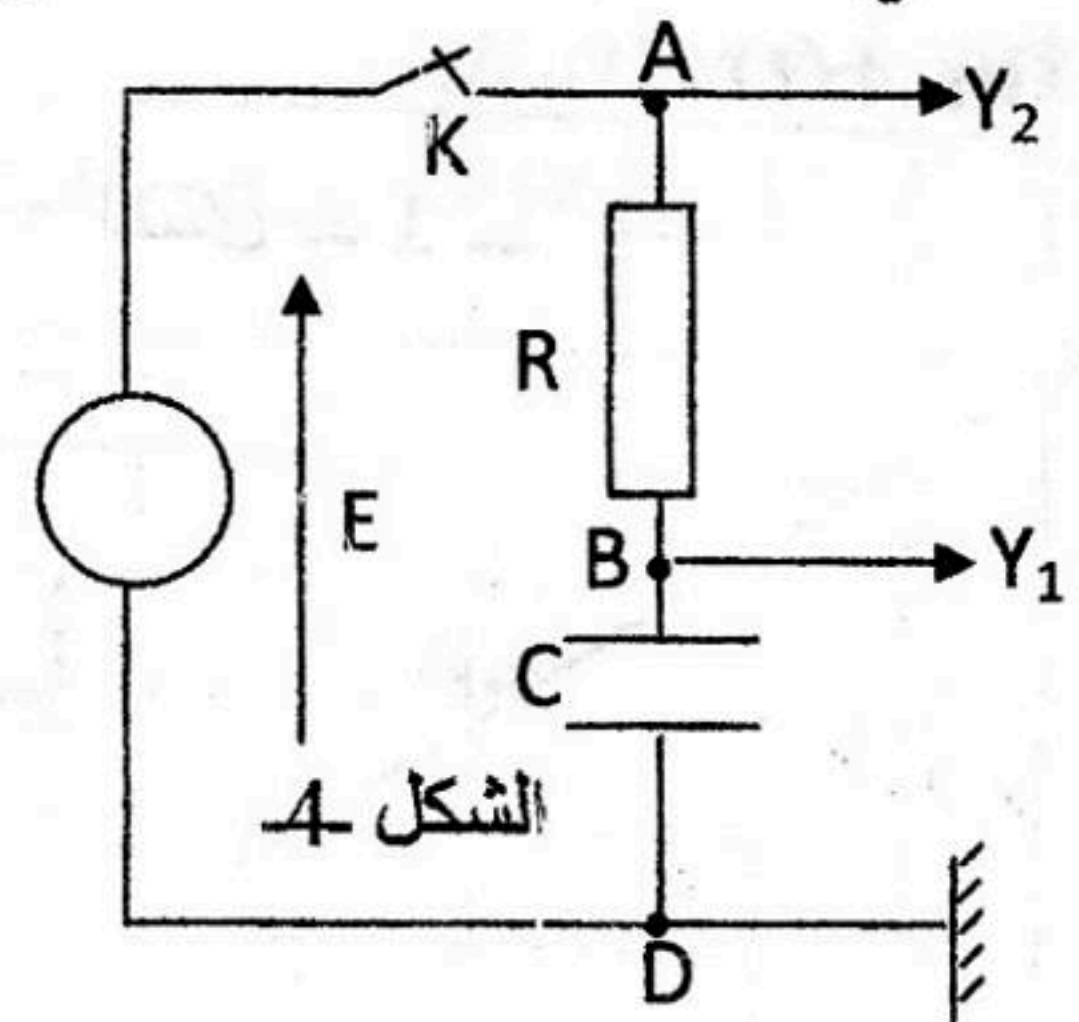
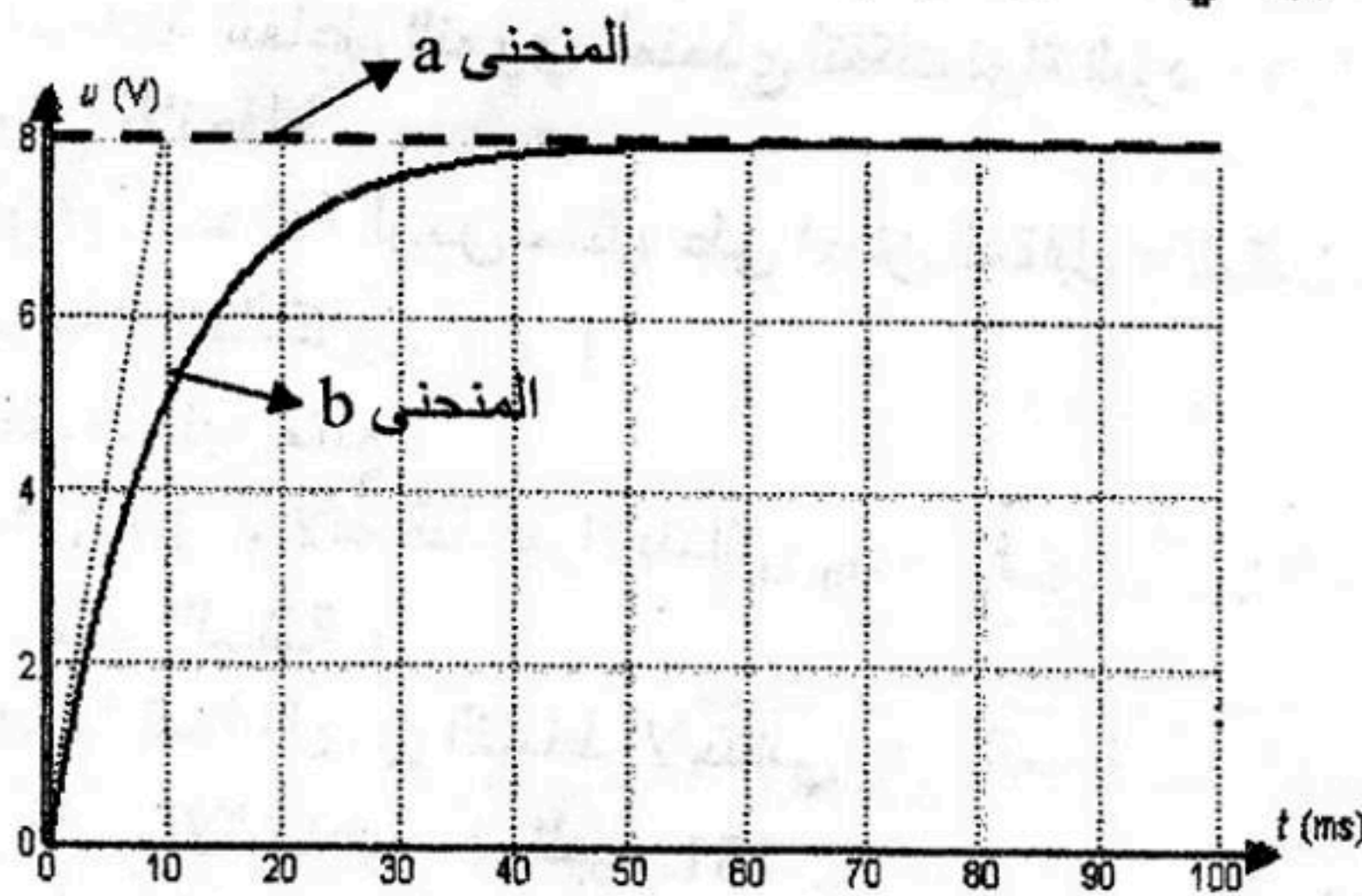
- 1- نحقق الدارة الكهربائية المبينة في الشكل - 2- و ذلك باستعمال مولد تيار يعطي تيارا ثابت الشدة $I = 50 \mu\text{A}$ ، نشحن مكثفة مجهولة السعة . نغلق القاطعة في اللحظة $t = 0$ و نتابع تطور التوتر $u_{BD} = u_C$ بين لبوسيهما ، فنحصل على البيان الممثل في الشكل - 3- ، حيث مقاومة الناقل الأومي $R = 50 \Omega$.



أ - عبّر عن u_C بدلالة سعة المكثفة C ، شدة التيار I و اللحظة t .

ب - بيّن أنّ سعة المكثفة $C = 200 \mu\text{F}$.

- 2 - نستبدل المولد السابق بمولد توتر يطبق توترا ثابت E ، و مقياس الفولت براسم اهتزاز ذي ذاكرة كما في الشكل - 4- ، و نغلق القاطعة في اللحظة $t = 0$ ، فنحصل على البيانيين الممثلين في الشكل - 5- .



الشكل - 5-

أ - بيّن على مخطط الدارة الجهة الاصطلاحية للتيار وسهمي التوترين .

ب - انسب كل منحنى للتوتر الموافق له ، مع التعليل .

ج - استنتج : - التوتر E الذي يطبقه المولد .

- ثابت الزمن τ ، و احسب من جديد سعة المكثفة C .

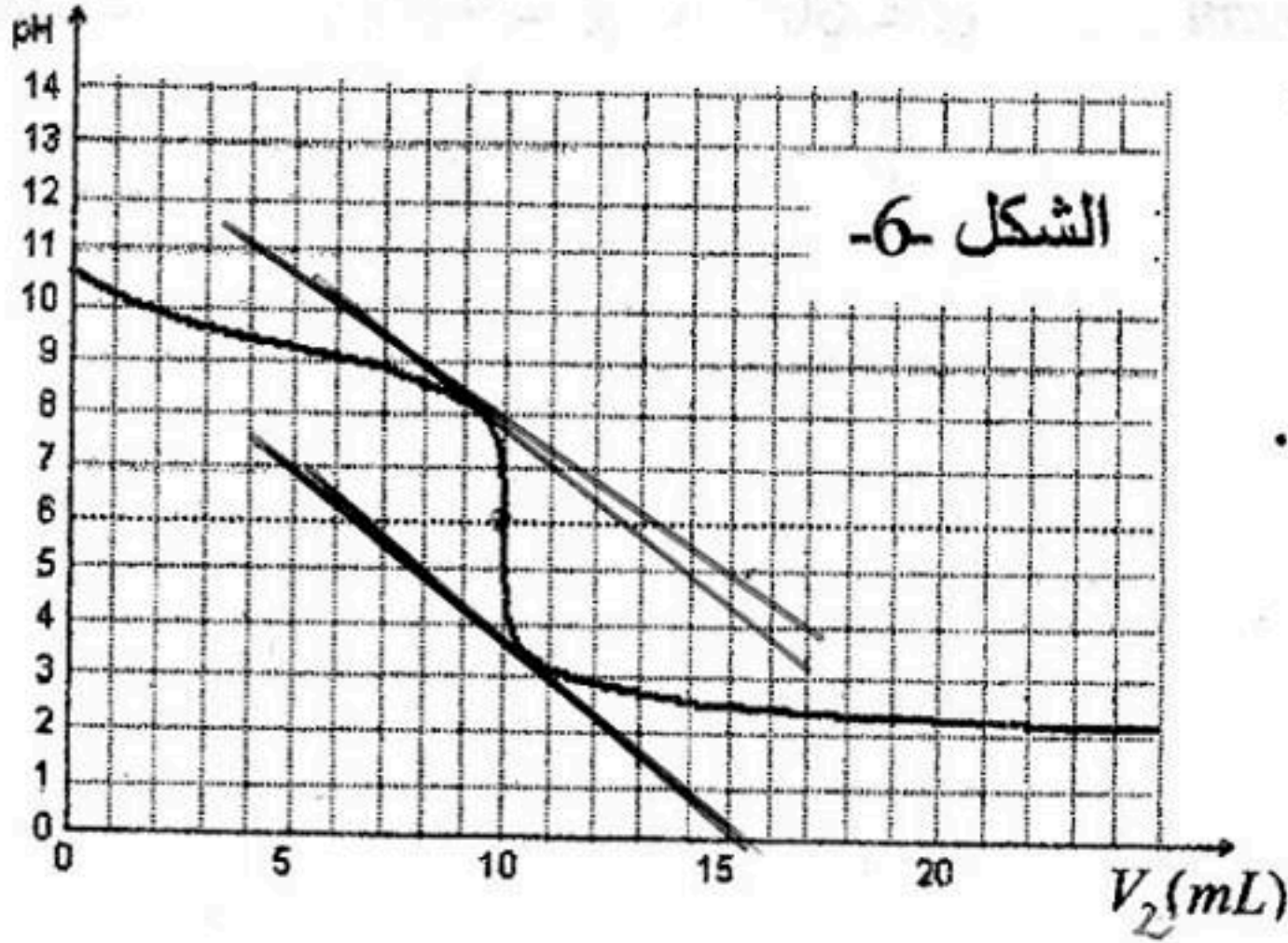
د - ارسم منحنى $i = f(q)$.

هـ - إن عبارة التوتر بين لبوسي المكثفة هي $u_C(t) = E(1 - e^{-t/RC})$. استنتج عبارة الشدة $i(t)$ للتيار المار في الدارة .

التمرين الرابع (4.0 ن)

كل المحاليل درجة حرارتها $25^\circ C$.

- لتعيين تركيز محلول تجاري S_0 للنشادر (NH_{3aq}) ، نمدده 1000 مرة، فنحصل على محلول S_1 . نجري معايرة pH - متريية لحجم $V_1 = 20,0 mL$ من المحلول S_1 بمحلول S_2 لحمض كلور الماء $(H_3O^+ + Cl^-)$ تركيزه $C_2 = 2,0 \cdot 10^{-2} mol.L^{-1}$ ، فنحصل على البيان المقابل (الشكل 6-). حيث V_2 يمثل حجم كلور الماء المسكوب.



الشكل 6-

- 1 أ - اكتب معادلة تفاعل المعايرة.
- ب - ما هما الشرطان اللازم توفرهما في تفاعل المعايرة؟
- 2 أ - عرف نقطة التكافؤ E .
- ب - عين إحداثيي نقطة التكافؤ E .
- ج - احسب التركيز المولي C_1 للمحلول S_1 ، واستنتج تركيز المحلول S_0 .
- د - ما طبيعة المدلول الناتج عند التكافؤ؟ كيف تفسر ذلك؟
- 3 أ - من البيان ما قيمة الـ pH من أجل $V_2 = 5,0 mL$ ؟
- ب - بالاعتماد على هذه القيمة التجريبية، بين أن تفاعل المعايرة ينمذج تحولاً كيميائياً تاماً من الناحية العملية.
- 4 - في حال إجراء معايرة لونية بين المحلولين السابقين، ما المصير الذي تعتمده في اختيار أحسن كاشف لوني للتعرف على نقطة التكافؤ E ؟

التمرين الخامس (4.0 ن) :

تتويبه تمثيل القوى بالرسم ضروري لكل مرحلة من مراحل الحركة.

في اللحظة $t = 0$ نذف من نقطة A جسماً صلباً S كتلته m ، بسرعة أفقية $\vec{v}_A$ ، فيتحرك وفق مسار مستقيم AB ابتداءً من

النقطة B يسلك الجسم مساراً دائرياً BC واقعاً في مستوى شاقولي، مركزه O وطول نصف قطره R (الشكل 7-).

I - مرحلة الحركة المستقيمة يخضع الجسم خلال هذه المرحلة لقوى احتكاك نمذجها بقوة ثابتة $\vec{f}$ معاكسة لشعاع سرعته $\vec{v}$.

1 - بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، أوجد المعادلة التفاضلية لحركة الجسم على المحور $(A, \vec{i})$.

2 - تطور سرعة الجسم خلال حركته بين الموضعين A و B ممثل على البيان المقابل (الشكل 8-).

استنتج قيمة كل من: السرعة v_A التي قذف بها الجسم من النقطة A ، السرعة v_B التي مر بها الجسم من النقطة B .

التسارع a للجسم بين A و B .

شدة $\vec{f}$.

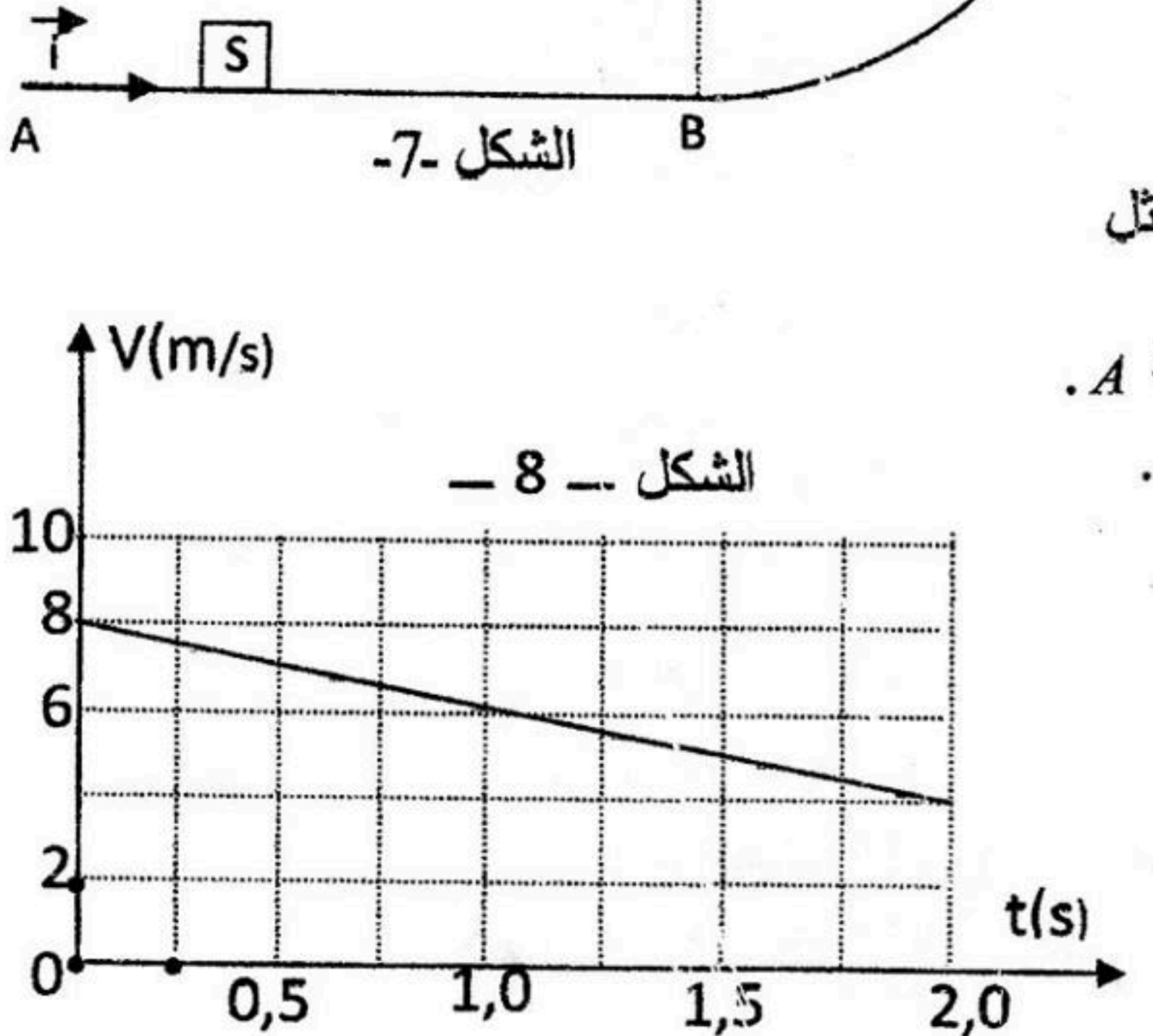
المسافة التي قطعها الجسم بين A و B .

II - مرحلة الحركة المنحنية

خلال حركة الجسم على المسار الدائري BC يخضع لاحتكاكات ضعيفة يمكن إهمالها.

1 - معتمداً على معادلة انخفاض الطاقة بين الموضعين B و

C ، بين أن سرعة مرور الجسم بالنقطة C هي $v_C = 2,49 m/s$.



الشكل 8 -

- 2- استنتج شدة المركبة النازمية $\vec{a}_N$ لتسارع الجسم في معلم فريني، وذلك لحظة مروره بالنقطة C.
- 3- معتمدا على القانون الثاني لنيوتن، احسب:
- أ - شدة الفعل $\vec{R}$ الذي يطبقه السطح على الجسم في الموضع C.
- ب - شدة المركبة المماسية $\vec{a}_T$ لتسارع الجسم في معلم فريني، وذلك لحظة مروره بالنقطة C.
- 4- ما هي أصغر سرعة $v_{B \min}$ يجب أن يمر بها الجسم من النقطة B لكي يبلغ النقطة D ؟
- المعطيات : $g = 9,80 m.s^{-2}$ ، $\alpha = 60^\circ$ ، $R = 100 cm$ ، $m = 500 g$

التمرين الأول (3.50)

1- أ. معادلة التفاعل المنمذج للتحويل الكيميائي الحادث
 $Mg_{(s)} + 2H_3O^+_{(aq)} = Mg^{2+}_{(aq)} + H_{2(aq)} + 2H_2O_{(l)}$
 ب. حساب x_{max} بما أن المغنيزيوم هو المحد فأن :

$$n_0(Mg) = x_{max} = \frac{m_0(Mg)}{M(Mg)} = 10^{-2} mol$$

2- أ. استنتاج التركيز المولي C لمحلول حمض كلور الماء المستعمل. بما أن الحمض قوي، فإن

$$C = [H_3O^+]_0 = 10^{-pH_0} = 10^{-0,22} = 0,6 mol / L$$

ب. التعبير عن التقدم $x(t)$ للتفاعل في اللحظة t بدلالة pH و V و C

$$n_{(H_3O^+)}(t) = 10^{-pH} \times V = C \times V - 2x(t)$$

$$x(t) = \frac{1}{2} V (1 - 10^{-pH})$$

ج. استنتاج التقدم النهائي للتفاعل .

$$x_f = \frac{1}{2} V (1 - 10^{-pH_f}) = 10^{-2} mol$$

بما أن $x_f = x_{max}$ فإن التفاعل ينمذج تحولا كيميائيا تاما

د. تحديد زمن نصف التفاعل .

$$n(H_3O^+)_{t=\frac{1}{2}} = 10^{-pH} \times V = C \times V - 2x(t_{\frac{1}{2}})$$

$$n(H_3O^+)_{t=\frac{1}{2}} = C \times V - x_x = 0,02 mol$$

$$pH_{t=\frac{1}{2}} = -\log \frac{n(H_3O^+)_{t=\frac{1}{2}}}{V} = 0,40$$

من الجدول المعطى نقرأ: $t_{\frac{1}{2}} = 2 min$

هـ. حساب السرعة الحجمية المتوسطة للتفاعل خلال

الدقيقة الثانية. أي بين $t_1 = 1 min$ و $t_2 = 2 min$

$$v_{vom,m} = \frac{1}{V} \cdot \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{1}{V} \frac{x(t_2) - x(t_1)}{t_2 - t_1}$$

$$= \frac{1}{2} \times \frac{10^{-pH_1} - 10^{-pH_2}}{t_2 - t_1} = 0,095 mol L^{-1} \cdot min^{-1}$$

التمرين الثاني (4.5)

1. أ. تركيب و رمز نواة اليود

$$N = A - z = 131 - 53 = 78$$

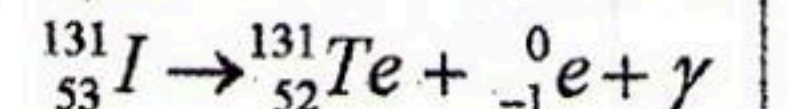
تركيب النواة : 78 نوترون و 53 بروتون و 78 نوترون

رمز النواة : $^{131}_{53}I$

ب. الفرق بين النشاطين β^- و γ .

β^- هو انبعاث الالكترونات ، γ انبعاث فوتونات

ج. معادلة التفاعل النووي المنمذج لتفكك نواة اليود



قانوني الانحفاظ : مجموع الأعداد الكتلية في الطرف الأول

يساوي مجموع الأعداد الكتلية في الطرف الثاني .

مجموع الأعداد الذرية في الطرف الأول يساوي مجموع

الأعداد الذرية في الطرف الثاني .

2- أ. تعريف نشاط منبع مشع : هو متوسط عدد التفككات

في الثانية .

ب. التعبير عن $A(t)$ بدلالة النشاط الابتدائي A_0 و ثابت

الاشعاعية λ و اللحظة t : $A(t) = A_0 \cdot e^{-\lambda t}$

ج. معادلة البيان من الشكل : $\ln A(t) = a t + b \dots (1)$

$$\ln A(t) = -\lambda t + \ln A_0 \dots (2)$$

بالمطابقة (1) مع (2) نجد : $\ln A_0 = b$ و $-\lambda = a$

$$\ln A_0 = b = 36 \Rightarrow A_0 = e^{36} = 4,3 \cdot 10^{15} Bq$$

$$a = \frac{33 - 36}{(35 - 0) \text{ jours}} = -8,6 \cdot 10^{-2}$$

$$\lambda = -a = 8,6 \cdot 10^{-2} \text{ Jours}^{-1} = 9,95 \cdot 10^{-7} s^{-1}$$

$$A_0 = \lambda N_0 \Rightarrow N_0 = \frac{A_0}{\lambda} = 4,3 \cdot 10^{21} \text{ noyaux}$$

$$t_{\frac{1}{2}} = \frac{\ln 2}{\lambda} = 8,4 \cdot \text{jours}^{-1}$$

و. الزمن اللازم لبلوغ نشاط العينة

$$A(t) = 0,01 A_0 = A_0 \cdot e^{-\lambda t} \Rightarrow 0,01 = e^{-\lambda t}$$

$$t = \frac{\ln 100}{\lambda} = 56 \text{ jours}$$

$$\Delta m = Z \cdot m_p + (A - Z) m_n - m(^A_Z X) : \Delta m \text{ حساب}$$

$$\Delta m = 53 \cdot 1,0073 + 78 \cdot 1,0087 - 130,8770$$

$$\Delta m = 1,1885 u$$

استنتاج طاقة الربط لهذه النواة

$$E_i = \Delta m \cdot C^2 = 1,1885 \times 931,5 = 1107,09 MeV$$

$$\frac{E_i(^{131}I)}{131} = 8,45 MeV / \text{nucléon}$$

$$\frac{E_i(^{124}I)}{124} = 8,47 MeV / \text{nucléon}$$

^{124}I أكثر استقرارا من ^{131}I لأن طاقة ربط نوياته أكبر مما في الثانية .

ج. النشاط الإشعاعي لليود ^{124}I هو β^+ لأن بنواته 71 نوترون

و هو أقل مما يتطلبه الاستقرار في نواة ^{127}I

التمرين الثالث (4.0)

1. أ. التعبير عن u_c بدلالة سعة المكثفة C ، شدة التيار I و

$$I = \frac{q}{t} = \frac{C \cdot u_c}{t} \Rightarrow u_c = \frac{I}{C} \cdot t \dots (1)$$

ب. البيان معادلته : $u_c = a \cdot t \dots (2)$

بالمطابقة (1) و (2) نستنتج أن :

$$a = \frac{I}{C} \Rightarrow C = \frac{I}{a} = \frac{50 \times 10^{-6}}{0,25} = 200 \mu F$$

2- أ. الجهة الاصطلاحية للتيار ، و سهمي التوترين

ب. المنحنى a يمثل التوتر بين

طرفي المولد لأنه يأخذ قيمته الأعظمية آنيا .

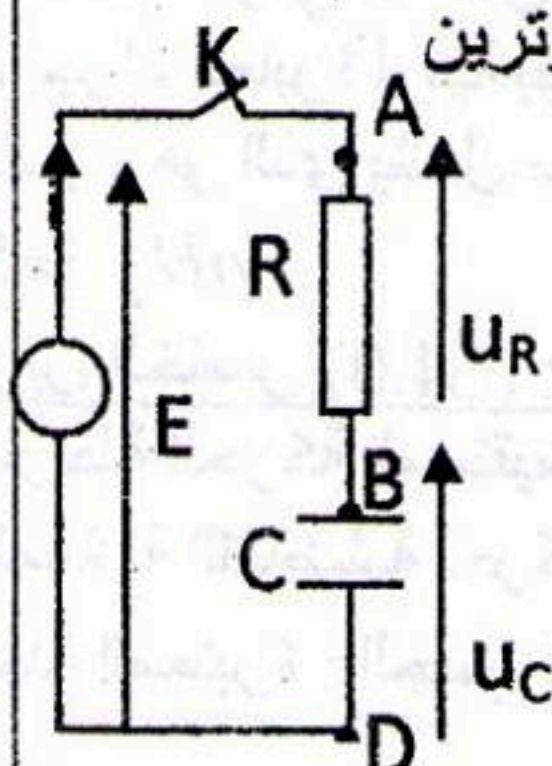
المنحنى b يمثل التوتر بين طرفي

المكثفة لأنه يتطور تدريجيا إلى أن

يأخذ قيمته الأعظمية

ج. التوتر الذي يطبقه المولد : $E = 8 V$

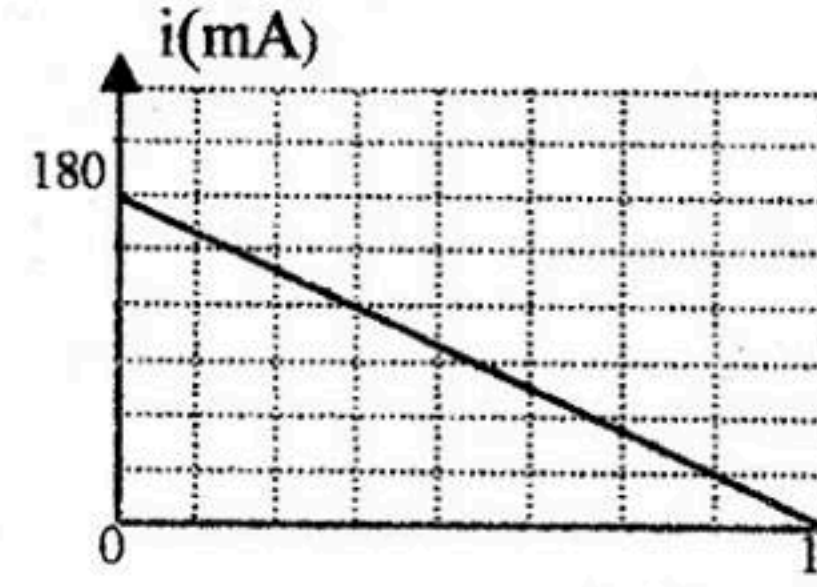
ثابت الزمن : $\tau = 10 ms$



حساب من جديد سعة المكثفة :

$$\tau = R.C \Rightarrow C = \frac{\tau}{R} = \frac{10^{-2}}{50} = 200 \mu F$$

د - بتطبيق قانون جمع التوترات : $u_C(t) + u_R(t) = E$



$$\frac{q}{C} + R.i = E$$

$$i = \frac{E}{R} - \frac{q}{RC}$$

ومنه منحنى : $i = f(q)$

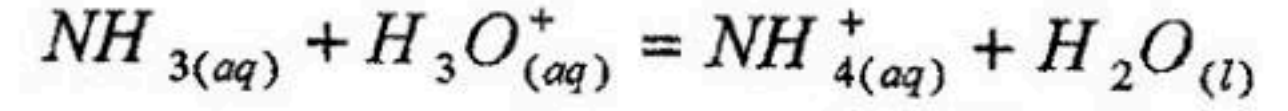
عبارة عن خط مستقيم لا يمر بالمبدأ

هـ - عبارة شدة التيار المار بالدائرة :

$$i(t) = \frac{dq(t)}{dt} = C \frac{du_C(t)}{dt} = \frac{E}{R} e^{-\frac{t}{RC}}$$

التمرين الرابع (4.0)

1- أ. معادلة تفاعل المعايرة :



ب - الشرطان هما : سريع ، تام .

2- أ. تعريف نقطة التكافؤ : هي النقطة التي يكون عندها

المتفاعلات في الشروط الستوكيومترية

ب - بطريقة المماسين المتوازيين نجد :

$$E(V_{2E} = 10 \text{ mL} , pH_E = 5,7)$$

ج - عند نقطة التكافؤ يكون : $n_E(H_3O^+) = n_i(NH_3)$

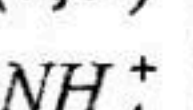
$$C_1.V_1 = C_2.V_{2,E} \Rightarrow C_1 = \frac{C_2.V_{2,E}}{V_1} = 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$$

تركيز المحلول الأصلي S_0 : بما أن معامل التمديد 1000

$$C_0 = 1000 C_1 = 10 \text{ mol.L}^{-1}$$

ج - المحلول الناتج عند نقطة التكافؤ ملحي حمضي

($pH_E < 7,0$ عند $25^\circ C$) ، لأنه محلول مائي للحمض



3- أ - بيانها من أجل $V_2 = 5,0 \text{ mL}$ يكون : $pH = 9,2$

ب - قبل نقطة التكافؤ المحد هو H_3O^+ إذن :

$$C_2.V_2 - x_{\max} = 0 \Rightarrow x_{\max} = C_2.V_2 = 2.10^{-4} \text{ mol}$$

نعين x_f من قيمة الـ pH :

$$n_f(H_3O^+) = [H_3O^+]_f (V_1 + V_2)$$

$$n_f(H_3O^+) = 10^{-pH_f} (V_1 + V_2)$$

حسب جدول تقدم التفاعل :

$$n_f(H_3O^+) = C_2.V_2 - x_f$$

$$C_2.V_2 - x_f = 10^{-pH_f} (V_1 + V_2)$$

$$x_f = C_2.V_2 - 10^{-pH_f} (V_1 + V_2) \approx C_2.V_2 = 2.10^{-4} \text{ mol}$$

بما أن : $x_f = x_{\max}$ فإن $\tau = 100\%$ ، فالتحول تام .

4 - الكاشف اللوني الأحسن للتعرف على نقطة التكافؤ في

حال إجراء معايرة لونية بين حمض كلور الماء و محلول

النشادر ، هو الذي يشمل مجال تغير لونه القيمة

$$pH_E = 5,7$$

التمرين الخامس (4.0) :

I - مرحلة الحركة المستقيمة.

1- المعادلة التفاضلية لحركة الجسم على المحور : $(A, \vec{i})$

الجملة المعتبرة : الجسم S

مرجع الدراسة : سطحي أرضي نعتبره غاليليا .

القوى الخارجية المطبقة على الجسم S : ثقله $\vec{P}$ ، فعل السطح

$\vec{R}$ ، وقوة الاحتكاك $\vec{f}$.

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن .

$$\sum \vec{F}_{\text{ext}} = m.\vec{a}_G \Rightarrow \vec{R} + \vec{P} + \vec{f} = m.\vec{a}_G$$

بالإسقاط على المحور : $(A, \vec{i})$

$$-f = m.a_G \Rightarrow a_G = -\frac{f}{m} \Rightarrow \frac{dv}{dt} = -\frac{f}{m}$$

2 من البيان :

- سرعة القذف من A : $v_A = v(t=0) = 8 \text{ m/s}$

- سرعة التي مر بها من B : $v_B = v(t=2) = 4 \text{ m/s}$

- تسارع الجسم بين A و B يساوي ميل منحنى السرعة :

$$a = 2 \text{ m.s}^{-2}$$

- شدة : $f = m.a = 1,0 \text{ N}$

المسافة AB تساوي عدديا المساحة المحصورة بين منحنى

السرعة و محور الزمن و المستقيمين $t=0$ ، $t=2 \text{ s}$ قيمتها

$$12 \text{ m}$$

II - الحركة المنحنية

1- سرعة مرور الجسم بالنقطة C :

معادلة انحفاظ الطاقة بين B و C :

$$E_C(B) - |W(\vec{P})| = E_C(C)$$

$$\frac{1}{2} m.V_B^2 - |-m.g.h| = \frac{1}{2} m.V_C^2$$

$$h = OB - OC = R(1 - \cos \alpha)$$

$$V_C = \sqrt{V_B^2 - 2g.R.(1 - \cos \alpha)} = 2,49 \text{ m.s}^{-1}$$

2- التسارع الناطمي عند C : $a_N = \frac{V_C^2}{R} = 6,20 \text{ m.s}^{-1}$

3- أ - شدة $\vec{R}$ عند C : نطبق القانون الثاني لنيوتن

$$\sum \vec{F}_{\text{ext}} = m.\vec{a}_G$$

$$\vec{R} + \vec{P} = m.\vec{a}_G$$

بالإسقاط على المحور الناطمي

(له حامل و جهة $\vec{R}$) :

$$R - P.\cos \alpha = m.a_N$$

$$R - m.g.\cos \alpha = m.\frac{V_C^2}{R}$$

$$R = m.(g.\cos \alpha + \frac{V_C^2}{R}) = 2,00 \text{ N}$$

ب - التسارع المماسي عند النقطة C

بإسقاط العبارة (1) على المحور المماسي الموجه وفق جهة الحركة

$$-P.\sin \alpha = m.a_N \Rightarrow a_N = -g.\sin \alpha = -8,49 \text{ m.s}^{-2}$$

4 - أصغر سرعة مرور بالنقطة B ، هي التي تمكن الجسم من بلوغ

النقطة D بسرعة معدومة .

$$\frac{1}{2} m.V_{B\min}^2 - |-m.g.R| = 0$$

$$V_{\min} = \sqrt{2.g.R} = 4,43 \text{ m.s}^{-1}$$

