

على الطالب أن يختار أحد الموضوعين التاليين :

### الموضوع الأول

يتضمن الموضوع ثلاثة تمارين : تمرين في الكيمياء وتمرينين في الفيزياء .

الجزء الأول : الفيزياء (13 نقطة) :

التمرين الأول : (7 نقاط)

وشيعر ذاتيتها  $L$  و مقاومتها الداخلية  $r$  مربوطة على التسلسل مع ناقل أولى مقاومته  $R = 15\Omega$  ، ومولد قوته المحركة الكهربائية  $E$  وقاطعة  $K$ ، بواسطة راسم إهتزاز مهبطي ذو ذاكرة نتابع تغيرات  $U_b$  التوتر الكهربائي بين طرفي الوشيعرة .

1. عند اللحظة  $t$  نغلق القاطعة  $K$

أ. مثل برسم تخطيطي الدارة ، وحدد عليه جهة التيار وبأسهم التوترات بين طرفي كل ثانيةي قطب ب. بين على هذه الدارة كيفية توصيل راسم الاهتزاز المهبطي لمشاهدة هذا البيان (الشكل 1).

2. أ. بتطبيق قانون جمع التوترات بين أن المعادلة التقاضلية التي تصف تطور التوتر  $U_b$  بين طرفي الوشيعرة تعطى بالعلاقة :

$$\frac{dU_b}{dt} + \frac{R+r}{L} U_b = \frac{rE}{L}$$

ب. هذه المعادلة التقاضلية لها حل من الشكل :

$$U_b = A e^{\alpha t} + B$$

عين عبارة كل ثابت من الثوابت  $A, B, \alpha$  وما المدلول الفيزيائي لكل منها .

3. بين أن المماس للبيان عند اللحظة  $t = 0$  يقطع محور الزمن .

$$t = \left( \frac{R+r}{R} \right) \tau$$

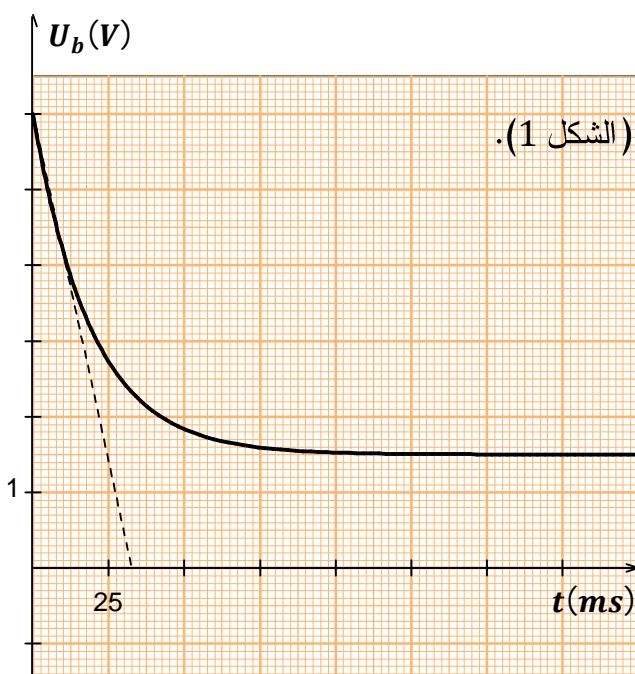
4. بالاعتماد على البيان استنتج :

أ. القوة المحركة الكهربائية للمولد  $E$  .

ب. مقاومة الوشيعرة  $r$  .

ج. ثابت الزمن  $\tau$  .

د. ذاتية الوشيعرة  $L$  .



## التمرين الثاني : (6 نقاط)

يدور قمر اصطناعي جيو مستقر نعتبره نقطة مادية ، كتلته  $m_s$  حول الأرض على ارتفاع  $h$  من سطحها . لدراسة حركة هذا القمر حول الأرض نختار المرجع المركزي الأرضي الذي نعتبره عطاليا ، نمذج الأرض بكرة نصف قطرها  $R$ .

1. ما المقصود بـ :

أ. المرجع المركزي الأرضي

ب. القمر الاصطناعي الجيو مستقر .

2. بين أن :  $\frac{T^2}{(R+h)^3} = K$  ، ثم عين عبارة الثابت  $K$  .

3. أوجد عبارة السرعة المدارية  $v_s$  للقمر الاصطناعي

بدالة  $G$  و  $M_T$  و  $R$  و  $h$

4. عين قيمة كل من :

أ. الارتفاع  $h$  عن سطح الأرض .

ب. السرعة المدارية  $v_s$  للقمر الاصطناعي .

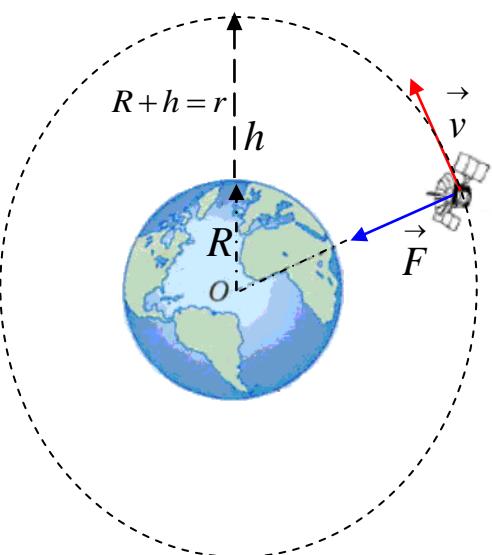
ج. التسارع الأرضي  $g$  عند الارتفاع  $h$  .

المعطيات :

$$G = 6,67 \times 10^{-11} N \cdot m^2/kg ; T = 24h$$

$$M_T = 5,97 \times 10^{24} kg ; R = 6400 km$$

$$M_s = 2 \times 10^3 kg$$



## الجزء الثاني : الكيمياء (7 نقاط)

معطيات :

جميع القياسات تمت عند درجة الحرارة  $25^\circ C$  .

الكتلة الحجمية للماء  $M(HCl) = 36,5 g/mol$  و  $\rho = 1 g/ml$

ثابت الحموضة للثنائية :  $(NH_4^+ / NH_3)$

ثابت الحموضة للثنائية :  $(NH_3OH^+ / NH_2OH)$

1. تحضير محلول حمض كلور الهيدروجين :

نحضر محلولا  $S_A$  لحمض كلور الهيدروجين تركيزه المولي  $C_A = 0,015 mol/L$  وذلك بتخفيف محلول تجاري لهذا

الحمض تركيزه المولي  $C_0$  وكتافته بالنسبة للماء  $d = 1,15$  . النسبة الكتالية للحمض في هذا محلول التجاري هي

$$P = 37\%$$

أ. أوجد عبارة كمية مادة الحمض  $n(HCl)$  في حجم  $V$  من محلول التجاري بدالة  $P$  و  $d$  و  $V$  و  $(HCl)$  .

$$C_0 = 11,6 mol/L$$

ب. أحسب الحجم التجاري الذي يجب أخذه لتحضير  $1L$  من محلول  $S_A$  .

## 2. دراسة بعض خصائص قاعدة مذابة في الماء:

نعتبر محلولاً مائياً لأساس  $B$  تركيزه  $C$  نرمز لثابت الحموضة للثنائية  $BH^+/B$  بـ  $K_A$  ولنسبة التقدم النهائي لتفاعلها مع الماء بـ  $\tau$

$$K_A = \frac{K_e}{C} \cdot \frac{(1-\tau)}{\tau^2}$$

بـ. نقىس  $pH_1$  لمحلول  $S_1$  للأمونياك  $NH_3$  و  $pH_2$  لمحلول  $S_2$  لهيدروكسيلامين  $NH_2OH$  ، لهما نفس التركيز المولى  $L$

$$pH_2 = 9,0 \quad pH_1 = 10,6 \quad C = 1,0 \times 10^{-2} mol/L$$

أحسب نسبتي التقدم النهائي  $\tau_{f1}$  و  $\tau_{f2}$  على التوالي لتفاعل  $NH_3$  و  $NH_2OH$  مع الماء .

$$\text{ج. أحسب قيمة كل الثابتين } pK_{A1} \text{ و } pK_{A2} .$$

### 3. المعايرة حمض - قاعدة لمحلول مخفف للأمونياك :

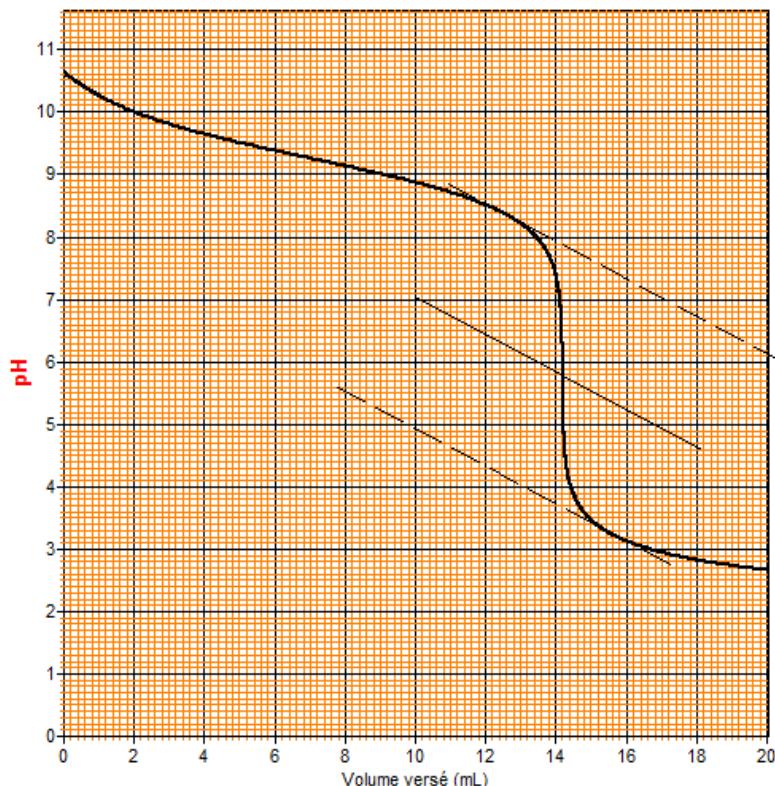
لتحديد التركيز  $C_B$  لمحلول تجاري مركز للأمونياك ، نستعمل المعايرة حمض - قاعدة ، نحضر عن طريق التخفيف محلولاً  $S$  تركيزه  $C' = \frac{C_B}{1000}$  . ننجز المعايرة الـ  $pH$  مترية لحجم  $V = 20ml$  من محلول  $S$  بواسطة محلول  $H_3O^+ + Cl^-$   $aq$  ، تركيزه المولى  $C_A = 0,015 mol/L$  . نقىس  $pH$  الخليط بعد كل إضافة للمحلول  $S_A$  ، تمكن النتائج المحصل عليها من رسم منحنى المعايرة  $pH = f(V_A)$  (الشكل 3) عند إضافة الحجم  $V_{AE}$  من محلول  $S_A$  نحصل على التكافؤ .

أ، أكتب معادلة تفاعل المعايرة .

بـ. باستعمال قيمة الـ  $pH$  بالنسبة للحجم المضاف  $V_A = 5ml$  ، من محلول حمض كلور الهيدروجين ، أحسب النسبة النهائية للتقدم تفاعل المعايرة ، ماذا تستنتج ؟

ج. حدد الحجم  $V_{AE}$  اللازم للتفاف واستنتاج  $C'$  و  $C_B$  .

د. من بين الكواشف الملونة المبينة في الجدول أسفله أختر الكاشف الملون المناسب لإنجاز هذه المعايرة .

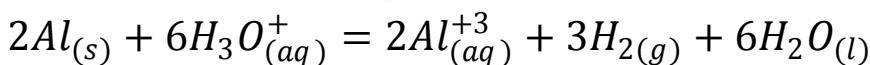


الكاشف الملون	مجال التغير اللوني
فينول فتالين	8,2 -10
أحمر الكلورفينول	5,2 -6,8
هليانتين	3,4 -4,4

## الموضوع الثاني

الجزء الأول : كيمياء (07 نقاط) :

من أجل المتابعة الزمنية عن طريق قياس الناقلية للتحول الكيميائي المنذج بالمعادلة التالية :

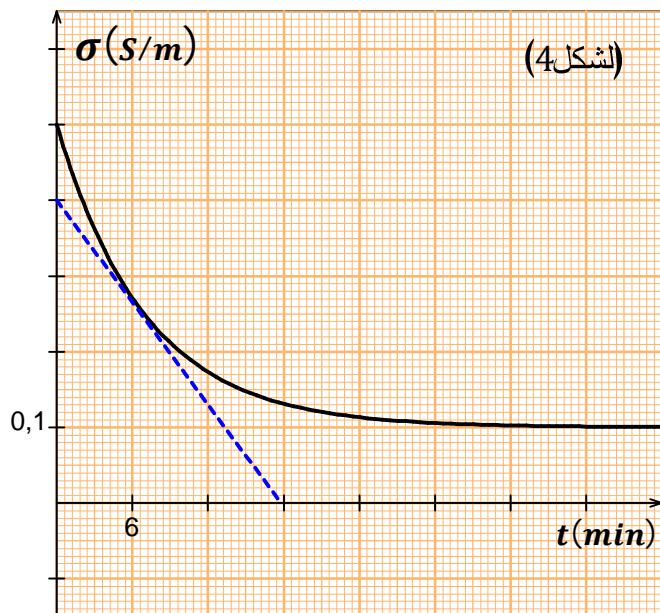


نضع في بيشر كتلة  $m = 27mg$  من معدن الألمنيوم  $Al_{(s)}$  ، ونضيف إليها عند اللحظة  $t = 0$  ، حجما

$C = 0,012mol/L$  من محلول حمض كلور الهيدروجين  $(H_3O^+ + Cl^-)_{(aq)}$  ، تركيزه المولي  $20ml$

تابع تغيرات الناقلية النوعية  $\sigma$  ، بدلالة الزمن فنحصل على البيان الموضح في (الشكل 4)

أنجز جدواً لتقدير التفاعل .



(الشكل 4)

2. بين أن عبارة الناقلية النوعية  $\sigma(t)$  لمزيج تكتب بالشكل :

$$\sigma(t) = -1,01 \times 10^4 x + 0,511$$

$$\sigma(t_{1/2}) = \frac{\sigma_f + \sigma_0}{2}$$

3. بين أن: 4. بين أن سرعة التفاعل تعطى بالعلاقة :

$$v(t) = \frac{1}{1,01 \times 10^4} \times \frac{d\sigma}{dt}$$

5. أحسب قيمة سرعة التفاعل عند اللحظة  $t = 6min$

6. استنتج السرعة الحجمية لتشكل شوارد الألمنيوم

$$\lambda(H_3O^+) = 35 \times 10^{-3} s \cdot m^2/mol$$

$$\lambda(Cl^-) = 7,6 \times 10^{-3} s \cdot m^2/mol$$

$$\lambda(Al^{+3}) = 4 \times 10^{-3} s \cdot m^2/mol$$

$$M(Al) = 27g/mol$$

الجزء الثاني : فيزياء (13 نقطة) .

التمرين الأول : ( 6 نقاط )

1. البوتاسيوم عنصر طبيعي يتكون من عدة نظائر منها المستقر، ومنها المشع كالنظير  $^{40}K_{19}$  ، والذي نسبة توفره 0,012% يتفاك ليعطي الأرغون الغازي  $^{40}Ar_{18}$  ، الذي يبقى محبوسا في الجيوب الصخرية لسنوات عديدة . خلال رحلة "أبولو 11" أحضر رجال الفضاء أحجارا قمرية ،

حاول علماء الفلك تحديد عمرها بطريقة بوتاسيوم-أرغون  $(K - Ar)$  .

أ. أكتب معادلة تفكك البوتاسيوم 40 ، وحدد نمط التفكك .

ب. إن نصف عمر البوتاسيوم 40 هو:  $t_{1/2} = 1,28 \times 10^9 ans$  . أحسب ثابت التفكك الإشعاعي  $\lambda$   $^{40}K_{19}$  .

2. عينة من الحجر المحضر من القمر كتلتها  $g = 1g$  ، وجد أنها تحتوي على  $8,2 \times 10^{-3} cm^3$  من  $^{40}Ar_{18}$  مقاسة في الشروط النظامية ، و  $g = 1,66 \times 10^{-6}$  من البوتاسيوم 40 . نفرض أن كل الأرغون الموجود في العينة مصدره تفكك البوتاسيوم 40 .

أ. أحسب عدد أنيون كل من البوتاسيوم 40 والارغون 40 في العينة .

ب. أحسب عمر الحجر القمري .

ج. أوجد الكتلة  $m$  كتلة معدن البوتاسيوم في الحجر القمري .

يعطى : ثابت أفوفادرو :  $N_A = 6,02 \times 10^{23}$  .  $M(K) = 39,96 g/mol$  ،  $V_M = 22,4 L/mol$  ،

التمرين الثاني : (70 نقاط)

ندرس حركة مركز العطالة  $G$  لغطاس كتلته  $m = 70 \text{ kg}$  في مرحلتين :

الأولى : أثناء قفزه من منصة الغطس .

الثانية : بعد غوصه في الماء .

وذلك في معلم  $(\vec{j}, \vec{i}, O)$  ، مرتبط بمرجع غاليلي مبدئي يوجد على سطح الماء .

**المرحلة الأولى :**

عند اللحظة  $t = 0$  يقفز الغطاس من الارتفاع  $y_0$  بسرعة ابتدائية  $v_0$  يصنع حاملها مع الأفق الزاوية  $\alpha$  نهمل تأثير الهواء ( مقاومة الهواء ودافعة أرخميدس )

$$\text{يعطى : } g = 9,8 \text{ m/s} , \quad y_0 = 4m , \quad v_0 = 4m/s$$

1. بتطبيق القانون الثاني لنيوتون على الجملة غطاس ، في المعلم المبين على ( الشكل 4) استخرج .

$$\text{أ. المعادلين الزمنيين المميزين للحركة : } x = f(t) , \quad y = f(t)$$

ب. معادلة مسار حركة  $G$  مركز عطالة الغطاس

2. علما أن أعلى ارتفاع يبلغه مركز عطالة الغطاس هو  $4,6 \text{ m}$  ، عين قيمة الزاوية  $\alpha$

3. بتطبيق مبدأ إنفاذ الطاقة الميكانيكية أوجد :

أ - عبارة  $v_1$  سرعة مركز العطالة  $G$  لحظة لمس أطراف أصابع الغطاس سطح الماء بدلالة  $v_0 , y_0 , g$  ،

$$\text{ب - القيمة العددية لـ } v_1 \text{ ( يعطى )}$$

**المرحلة الثانية :**

تكون حركة مركز عطالة الغطاس في الماء شاقولية ، تدرس بالنسبة إلى المعلم  $(\vec{j}, \vec{i}, O)$  الموجه نحو الأعلى . نرمز

بـ  $V$  لحجم الغطاس وبـ  $\rho_f$  لكتلة الحجمية للماء الموجود في حوض السباحة . ننمذج قوة احتكاك الماء المطبق على

$$\text{الخطاب بالعلاقة : } f = kv^2$$

1. مثل القوى المطبقة على الغطاس .

2. بتطبيق قانون نيوتن الثاني على جملة الغطاس خلال هذه المرحلة :

$$\text{أ. بين أن المعادلة التقاضية لحركة الغطاس من الشكل } \frac{dv}{dt} = Bv^2 - A$$

ب. أحسب قيمة السرعة الحدية لحركة مركز عطالة الغطاس  $v_L$

$$\text{يعطى : } B = 2,14 \text{ m/s} \quad \text{و} \quad A = 0,700 \text{ m/s}^2$$

