

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

مدرسة التربية لولاية السبلة

الستوى: أولى ثانوي

التميز 17 مارس 2022

ثانوية الشهيد عمديت عيسى

التعبئة: هبة منورك آداب وفلسفة

الوقت: ساعتان

اختبار الفصل الثاني في مادة الرياضيات

⚠️ تجنب النسخ واستعمال الصمغ.

☆ التمرين الأول: (05 نقاط)

لكل عين الاقتراح الصحيح الوحيد من بين الاقتراحات الثلاثة في كل حالة من الحالات التالية، مع التبرير:

السؤال	الاقتراح	الاقتراح (1)	الاقتراح (2)	الاقتراح (3)
حل المعادلة: $-3x + 6 = 0$ في \mathbb{R} هو:	$x = 3$	$x = 2$	$x = -2$	
x عدد حقيقي، إذا كان: $f(x) = 3x^2 - 5$ ، فإن:	$f(2) = 7$	$f(2) = 1$	$f(2) = -1$	
x عدد حقيقي، إذا كان: $f(x) = 6x + 1$ ، فإن سابقة العدد 25 هي:	-4	0	4	
x عدد حقيقي، إذا كان: $3 \leq x \leq 5$ ، فإن:	$10 \leq 2x + 4 \leq 14$	$6 \leq 2x + 4 \leq 9$	$3 \leq 2x + 4 \leq 5$	
التمثيل البياني للدالة f المعرفة على \mathbb{R} بـ: $f(x) = 8x + 1$ يشمل النقطة:	$A(1;8)$	$A(1;1)$	$A(1;9)$	

☆ التمرين الثاني: (08 نقاط)

(I) ① حل في المجموعة \mathbb{R} المعادلة: $2x + 8 = 0$ ، والمتراجحة: $2x + 8 \leq 0$.

② حل في المجموعة \mathbb{R} المتراجحة التالية: $\frac{3x + 5}{14} + \frac{x}{2} \geq 0$.

(II) x عدد حقيقي، و $p(x)$ عبارة معرفة كما يلي: $P(x) = (2x + 8)^2 + (2x + 8)(8x - 3)$.

① اشر ووسط، ثم رتب العبارة $P(x)$.

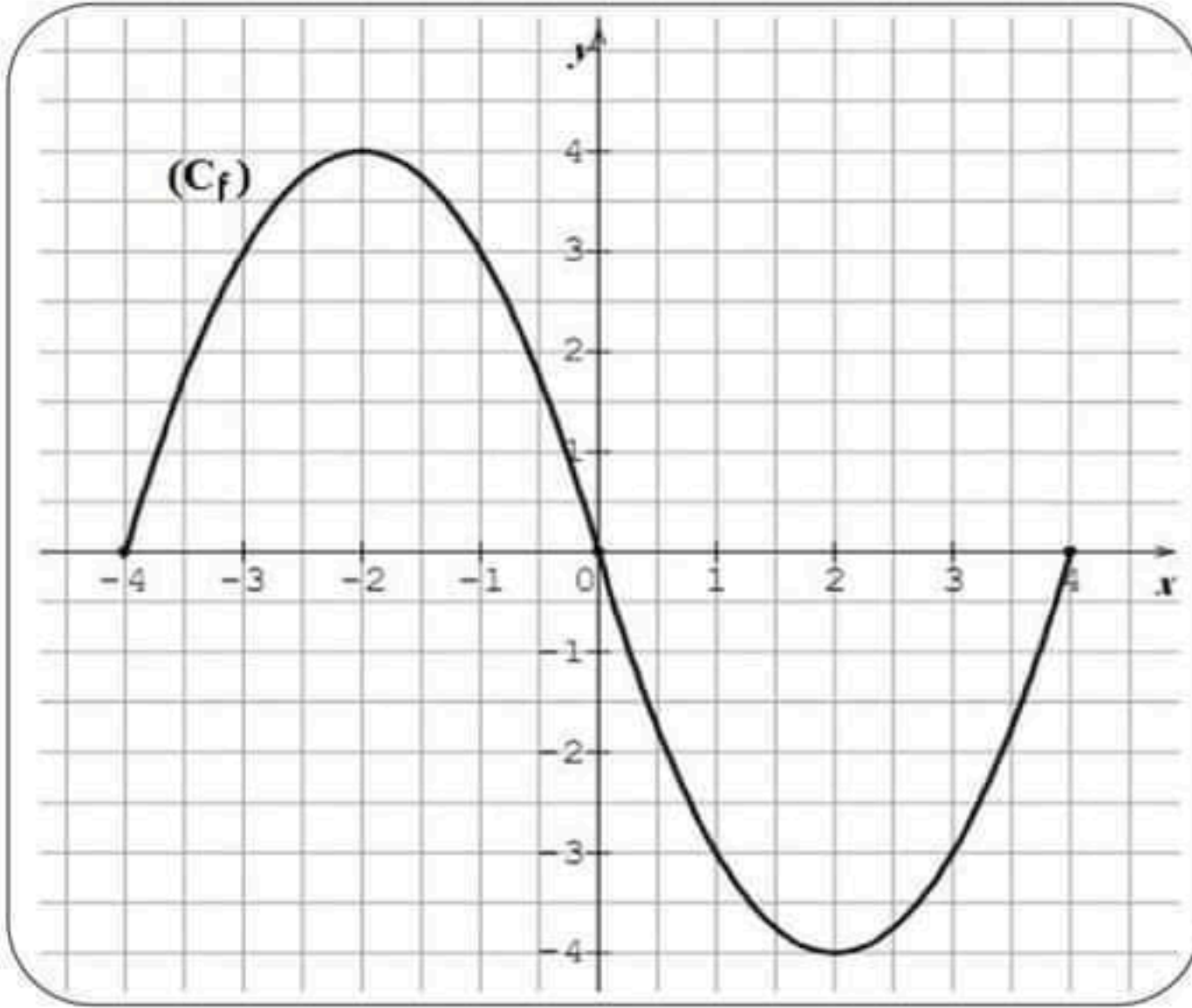
② حلل إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى العبارة $P(x)$.

③ حل في المجموعة \mathbb{R} المعادلة: $P(x) = 0$.

④ ادرس إشارة $P(x)$ حسب قيم x ، ثم إستنتج في المجموعة \mathbb{R} حلول المتراجحة: $P(x) \leq 0$.

☆ التمرين الثالث: (07 نقاط)

نعتبر الدالة f المعرفة بتمثيلها البياني - الشكل المقابل - بقراءة بيانية أجب على مايلي:



- ① عين مجموعة تعريف الدالة f .
- ② أوجد صور الأعداد: -2 ، 0 و 1 بالدالة f .
- ③ أوجد السوابق الممكنة للأعداد: -4 ، 0 و 3 بالدالة f .
- ④ ادرس اتجاه تغير الدالة f على مجموعة تعريفها، ثم شكل جدول تغيراتها.
- ⑤ ماهي القيمة الحدية الممكنة للدالة f ، وقيم المتغير x التي تبلغ عندها هذه القيمة الحدية؟

☆ انتهى الاختبار ☆

إذ أنت لم تزرع وأبصرت حاصدا ☆☆ ندمت على التفريط في زمن البذر

أستاذ المادة: فرائية المفظظ

الدرجة	الإجابة	الدرجة	الإجابة
08	حل المترين الثاني	05	حل المترين الأول

① حل في \mathbb{R} المعادلة $2x+8=0$:

لدينا $2x+8=0$ معناه $2x=-8$
معناه $x = \frac{-8}{2} = -4$

ومنه حلول المعادلة هي $S_1 = \{-4\}$

① حل في \mathbb{R} المتراجحة $2x+8 < 0$:

لدينا

x	$-\infty$	-4	$+\infty$
$2x+8$		-	+

ومنه حلول المتراجحة هي $S_2 =]-\infty ; -4[$

① حل في \mathbb{R} المتراجحة $\frac{3x+5}{14} + \frac{x}{2} > 0$:

لدينا $\frac{3x+5}{14} + \frac{x}{2} = \frac{3x+5+7x}{14} = \frac{10x+5}{14}$

لدينا $14 > 0$ ومنه إشارة المتراجحة
من إشارة $10x+5$

لدينا $10x+5=0$ معناه $10x=-5$
معناه $x = \frac{-5}{10} = \frac{-1}{2}$

x	$-\infty$	$-\frac{1}{2}$	$+\infty$
$10x+5$		-	+

ومنه حلول المتراجحة $S_3 = [-\frac{1}{2} ; +\infty[$

① II- ① - نشر وتبسيط وترتيب العبارة $P(x)$:

$P(x) = (2x+8)^2 + (2x+8)(8x-3)$
 $= 4x^2 + 32x + 64 + 16x^2 - 6x + 64x - 24$
 $= 20x^2 + 90x + 40$

- تعيين الاقتراح الصحيح:

① حل المعادلة $3x+6=0$ في \mathbb{R} هو
 $x=2$ (الاقتراح 2)

- التبسيط: لدينا $3x+6=0$

معناه $3x=-6$ معناه $x = \frac{-6}{3} = -2$

② إذا كان: $f(x) = 3x^2 - 5$ فإن:

$f(2) = 7$ (الاقتراح 1)

- التبسيط: لدينا $f(2) = 3(2)^2 - 5 = 12 - 5 = 7$
 $f(2) = 7$

③ إذا كان: $f(x) = 6x+1$ فإن سابقة 25

هي: 4 (الاقتراح 3)

- التبسيط: $f(x) = 25$ معناه $6x+1=25$

معناه $6x=24$ معناه $x = \frac{24}{6} = 4$

④ إذا كان $3 < x < 5$ فإن:

$10 < 2x+4 < 14$ (الاقتراح 1)

- التبسيط: لدينا $3 < x < 5$

معناه $6 < 2x < 10$

معناه $10 < 2x+4 < 14$

⑤ التقيل البياني للمعادلة f المعروفة على \mathbb{R}

ب: $f(x) = 8x+1$ يشمل النقطة

$A(1,9)$ (الاقتراح 3)

- التبسيط: لدينا $f(1) = 8(1)+1 = 9$

②- تحليل العبارة $P(x)$:

$$P(x) = (2x+8)^2 + (2x+8)(8x-3)$$

$$= (2x+8)(2x+8+8x-3)$$

$$= (2x+8)(10x+5)$$

③- حل في \mathbb{R} المعادلة: $P(x) = 0$

لدينا $P(x) = 0$ يعني $(2x+8)(10x+5) = 0$

يعني $2x+8=0$ أو $10x+5=0$

يعني $x = -4$ أو $x = -\frac{1}{2}$

وهذا حلول المعادلة $S_4 = \{-4, -\frac{1}{2}\}$

④- إشارة $P(x)$:

x	$-\infty$	-4	$-\frac{1}{2}$	$+\infty$
$2x+8$	-	0	+	+
$10x+5$	-	-	0	+
$P(x)$	+	0	-	+

• إشارات حلول المتراجحة: $P(x) \leq 0$

من الجدول السابق نجد حلول المتراجحة

$P(x) \leq 0$ هي $S_5 = [-4, -\frac{1}{2}]$

حل التمرين الثالث:

① مجموعة التعريف الدالة f هي:

$D_f = [-4; 4]$

②- صور الأعداد:

- صورة 2- بالدالة f هي 4 أي $f(-2) = 4$
- صورة 0 بالدالة f هي 0 أي $f(0) = 0$
- صورة 1 بالدالة f هي -3 أي $f(1) = -3$

③- السويات الممكنة للأعداد:

• سوية 4- بالدالة f هي 2 أي $f(2) = 4$

• سوية 0 بالدالة f هي 0 و 4

أي $f(-4) = f(0) = f(4) = 0$

• سوية 3 بالدالة f هي 3 و 1-

أي $f(-1) = f(-3) = 3$

④- اتجاه تغير الدالة f :

• الدالة f متزايدة تمامًا على المجال

$[-4, 0]$ و $[0, 4]$

و متناقصة تمامًا على المجال $[-2, 2]$

• جدول تغيرات الدالة f :

x	-4	-2	2	4
$f(x)$	0	4	0	4

⑤- القيم الحدية للدالة f :

• الدالة f تقبل قيمًا حدية كبيرة

على مجال $[-4, 4]$ هي 4 وتبلغها

عند 2-

• الدالة f تقبل قيمًا حدية صغيرة

على مجال $[-4, 4]$ هي -4 وتبلغها

عند 2.

• انتهى