



على الطالب أن يختار أحد الموضوعين التاليين:

**الموضوع الأول:(20 نقطة)**

التمرين الأول : 7 نقاط

1. يدور كوكب القمر حول الأرض وفق مسار نعتبره دائرياً مركزه هو مركز الأرض، ونصف قطره

$$r = 3,85 \cdot 10^5 \text{ km}$$

1.1. ما هو المرجع الذي تنسب إليه حركة كوكب القمر؟ مثل قوة جذب الأرض على القمر و أعطي عبارة شدتها بدلالة :

كتلة الأرض  $M_T$  ، كتلة القمر  $M_L$  ، ثابت جذب العام لنيوتن  $G$  و نصف قطر مدار مركز القمر  $r$ .

1.2. أحسب قيمة السرعة  $V$  لحركة مركز عطالة القمر.

2. المركبة الفضائية أبولو *Apollo* التي حملت رواد الفضاء إلى سطح القمر سنة 1968 حلت في مدار دائري حول القمر على

ارتفاع ثابت  $h_A = 110 \text{ km}$ . بفرض أن المركبة تخضع لتأثير القمر فقط .

2.1. ما هو المرجع المناسب لدراسة حركة المركبة ؟

2.2. بتطبيق قانون الثاني لنيوتن بين أن عبارة سرعة المركبة حول القمر كالتالي :

3. استنتج عبارة دور المركبة  $T_A$  بدلالة :  $h_A$  ونصف قطر القمر  $R_L$  وكتلته ، وثابت الجذب العام  $G$ .

2.4. أحسب قيمة العددية لـ  $T_A$  .

3.1. ذكر بنص قانون الثالث لكيلر .

3.2. استنتاج مما تقدم نصف قطر المدار لقمر اصطناعي أرضي الجيو مستقر.

4. قصد معرفة عمر القمر أخذنا عينة من حجر قمري كتلته  $m = 1 \text{ g}$ .

وجد أنها تحتوي على  $7,6 \times 10^{-5} \text{ g}$  من البوتاسيوم وحجم  $8,3 \times 10^{-3} \text{ mL}$  من غاز الأرغون في الشرطين النظاريين. علماً أن

نواة البوتاسيوم  $K^{40}_{19}$  مشعة طبيعياً نصف عمرها  $t_{1/2} = 1,8 \times 10^9 \text{ ans}$  تتحول إلى نواة الأرغون  $Ar^{40}_{18}$ .

4.1. عرف النواة المشعة.

4.2. أكتب معادلة التفكك النووي. ما نمط الإشعاع وما هي خصائصه.

4.3. بالاستعانة بقانون التناقص الإشعاعي بين أن عمر الحجر يعطى بالعلاقة:

4.4. حدد عمر القمر. قارنه مع عمر الأرض الذي يساوي 4,5 مليار سنة. ماذا تستنتج ؟

المعطيات:  $M_L = 7,34 \times 10^{22} \text{ kg}$  ،  $G = 6,67 \times 10^{-11} \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{kg}^2$

$$R_L = 1,74 \times 10^3 \text{ km}$$

## التمرين الثاني : 6 نقاط

تعتبر النوافل والأومياء والوشائع من المكونات الأساسية التي تدخل في تركيب الكثير من الأجهزة الإلكترونية التي نستعملها في حياتنا اليومية . خلال حصة الأعمال المخبرية ، قام الطلبة بإنجاز التركيب التجاري الممثل في الشكل - 1 يتالف من :

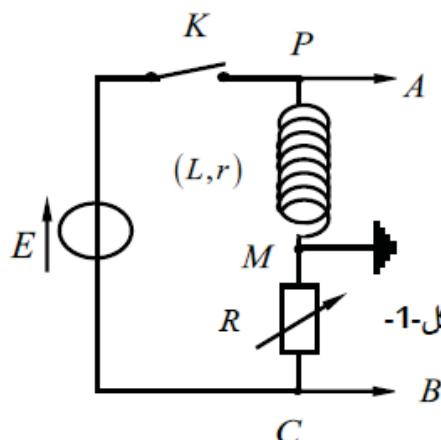
- مولد ذي التوتر الثابت قوته المحركة  $E = 6V$  .

- مقاومة متغيرة  $R$  .

- وشيعة ذاتيتها  $L$  و مقاومتها  $r$  ، قاطعة  $K$  .

- راسم اهتزاز ذي مدخلين .

1. نغلق القاطعة عند اللحظة  $t = 0$  .



1.1. أعد رسم الدارة و مثل جهة التيار و أسهم الممثلة للتواترات  $u_R(t)$  و  $u_b(t)$  ، الشكل - 1.

2. عبر عن :

2.1. التوتر بين طرفي الناقل الأومي  $(u_R(t))$  بدلالة  $i(t)$

2.2. التوتر بين طرفي الوشيعة  $(u_b(t))$  بدلالة  $i(t)$  .

3. بتطبيق قانون جمع التواترات بين أن المعادلة التقاضية بدلالة شدة التيار تكتب بالشكل :  $\frac{di(t)}{dt} + \frac{1}{\tau} i(t) = \frac{I_0}{\tau}$

حيث  $I_0$  شدة التيار الأعظمية و  $\tau$  ثابت الزمن ، يطلب إيجاد عبارتيهما .

3.1. بين أن  $i(t) = I_0 \left(1 - e^{-\frac{1}{\tau}t}\right)$  حل للمعادلة التقاضية .

3.2. باستخدام التحليل البعدي حدد وحدة المقدار  $\tau$  .

4. عندما نضغط على زر (ADD) لرسم اهتزاز المهبطي يجمع

بين التوترين  $u_{PM}$  و  $u_{CM}$  فنشاهد على شاشته المنحنى الممثل في الشكل - 2

لتغيرات  $u_S$  بدلالة  $\frac{di}{dt}$  : حيث  $u_S = u_{PM} + u_{CM}$

4.1. بين أن عبارة التوتر  $u_S$  بدلالة  $i(t)$  و  $\frac{di}{dt}$  تكتب

$$u_S = (r - R)i + L \frac{di}{dt}$$

4.2. بين أنه توجد قيمة واحدة فقط  $R_0 = R_0$  للمقاومة تمكنا من

الحصول على البيان الممثل في الشكل - 2 .

4.3. علما أن  $R_0 = 10\Omega$

جد قيم كل من :  $r$  ،  $I_0$  ،  $\tau$  و  $L$  .

5. نغير قيمة مقاومة الناقل الأومي إلى  $R_1$  ، فنشاهد على شاشة راسم

الاهتزاز البيانيين ( الشكل - 3 ) و ذلك بعد الضغط على زر (INV)

في أحد المدخلين .

5.1. حدد المدخل الذي تم ضغط على (INV)

5.2. أرفق كل بيان بالمدخل الموافق ، علل .

5.3. جد قيمة  $R_1$  .

5.4. أحسب الطاقة المخزنة في الوشيعة في اللحظة  $t = 50ms$

الصفحة 2 من 6

يتكون التمرين من جزئين مستقلين .

الجزء الأول : يهدف هذا الجزء تحديد كتلة الحمض  $m$  المذابة بطريقة ، تختلف عن طريقة المعايرة .

محلول مائي لحمض الإيتانويك  $CH_3COOH_{(aq)}$  تركيزه المولي  $C_0$  تم الحصول عليه بإذابة كتلة  $m$  في حجم  $V_0 = 200mL$  من الماء المقطر ، إن قياس  $pH$  أعطى القيمة 3,38 . .

1. أكتب معادلة انحلال الحمض في الماء محدد الثنائيين أساس/ حمض الداخلتين في التفاعل .

2. أنشئ جدول تقدم التفاعل .

3. جد عبارة نسبة التقدم النهائية  $\tau_f$  بدلالة :  $pH$  و  $C_0$  .

4. جد عبارة النسبة  $\frac{[CH_3COO^-]_f}{[CH_3COOH]_f}$  بدلالة :  $\tau_f$  .

5. أكتب عبارة ثابت المحموضة  $ka$  للثانية  $(CH_3COOH/CH_3COO^-)$  ثم أثبت أن

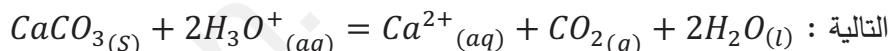
$$\tau_f = \frac{10^{pH-pKa}}{1+10^{pH-pKa}}$$

6. استنتج أن  $m$  ثم استنتاج قيمة الكتلة

يعطى :  $M(CH_3COOH) = 60g/mol$  ،  $pKa(CH_3COOH/CH_3COO^-) = 4,74$

الجزء الثاني : نحقق مزيجا في اللحظة  $t = 0$  يتتألف من حجم قدره  $V = 120mL$  من محلول مائي لحمض كلور الهيدروجين

$(H_3O^+ + Cl^-)$  تركيزه المولي  $C$  و كتلة قدرها  $m$  من كربونات الكالسيوم  $CaCO_3(s)$  ، يحدث تفاعل تمام المنفذ بالمعادلة



نتابع التحول بقياس التركيز المولي لشوارد الهيدرونيوم ، النتائج سمحتنا برسم المنحنى  $f(t) = [H_3O^+]$  ( البيان 1 ) .

1. ضع جدول تقدم التفاعل .

2. بالاعتماد على المنحنى حدد المتفاعل المد .

و استنتاج قيمة كل من التركيز المولي  $C$  ثم قيمة الكتلة  $m$  .

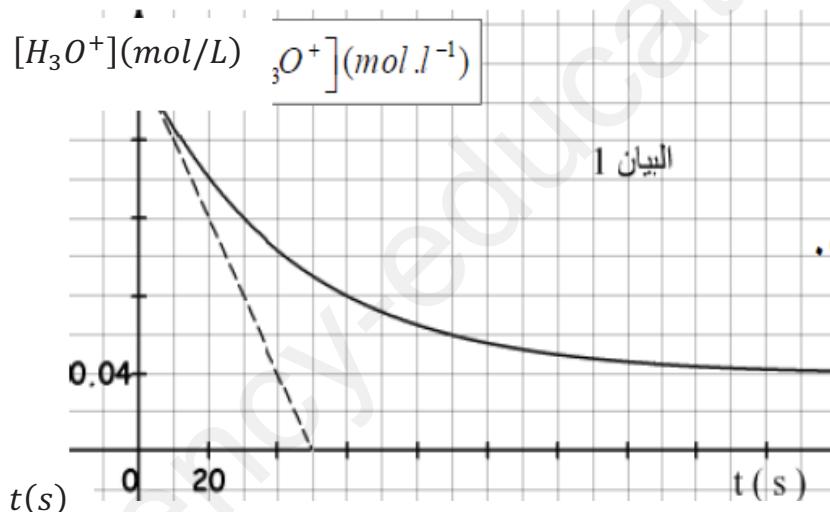
3. عرف زمن نصف التفاعل  $t_{1/2}$  و جد قيمته بيانيا .

4. عرف السرعة الحجمية للتفاعل

$$v_{vol} = -\frac{1}{2} \cdot \frac{d[H_3O^+]}{dt}$$

ثم أحسب قيمتها عند اللحظة  $t = 0$  .

تعطى :  $M(CaCO_3) = 100g/mol$  :



## الموضوع الثاني:(20 نقطة)

ال詢ين الأول : 7 نقاط

- تحتوي الأنسجة الحية على نظيري الكربون  $C^{12}$  وأثار من  $C^{14}$ . النظير  $C^{12}$  هونظير مستقر أما  $C^{14}$  مشع حسب النمط  $\beta^-$

1- ماذا يمثل الجسم  $\beta^-$ ? اكتب معادلة تفكك  $C^{14}$ , وبين أن النواة الناتجة هي  $N^{14}$ .

2- تتجدد كمية  $C^{14}$  في الكائنات الحية، حيث تبقى النسبة  $\frac{N^{(14C)}}{N^{(12C)}} = 1,2 \times 10^{-12}$  ثابتة فيها، وتشرع في التناقص عند وفاة الكائن الحي. نهمل النسبة المئوية للكربون 14 في الطبيعة امام الكربون 12 والكربون 13. ولما يموت الكائن الحي يشرع الكربون 14 في التناقص وباعتبار لحظة الوفاة هي  $t = 0$  ، يمكن تاريخ المواد القديمة ذات المنشأ الحيواني او النباتي لأنها تحتوي على الكربون.



- شهدت مصر في 3 أبريل 2021 حدثاً فريداً من نوعه ، حيث تم نقل 22 مومياء ملكية من المتحف المصري إلى المتحف القومي للحضارة المصرية عبر شوارع القاهرة ومن بين هذه الملوك "الملكة تي" التي عثر على المومياء الخاصة بها في سنة 1898م والتي تعد شخصية مهمة في الحكم امنحتب الثالث وهي تنتهي للأسرة الـ 18 ...

انشغل رواد التواصل الاجتماعي بصورة انتشرت "للملكة تي" التي ظهر فيها شعرها بنقاوة و كثافة رغم مرور أكثر من ....ألاف سنة على وفاتها.

أجريت دراسة حديثة حول المومياء لـ تي وذلك من أجل معرفة تاريخ الوفاة ، تم نزع قطعة من جلدها كتلتها  $m = 10g$  ، نسبة الكربون فيها 10%. ان قياس نشاطها أعطى القيمة  $A(t) = 9.26 \text{ dés/min}$  (تفككا في الدقيقة). حيث أن العنصر المشع في هذه المنطقة هو الكربون 14.

2- احسب كتلة الكربون الموجود في قطعة الجلد  $(C^{12})m$ ، واستنتج عدد انوية الكربون 12 فيها  $N(C^{12})$

2- استنتاج عدد انوية الكربون 14 فيها  $N(C^{14})$ .

2- تحقق من أن النشاط الاشعاعي الابتدائي  $A_0 = 0,23Bq$  للقطعة.

2- بين ان تاريخ وفاة المومياء يعطى بالعلاقة التالية :  $t = \tau \ln \left( \frac{A_0}{A} \right)$  حيث  $\tau$  ثابت الزمن للكربون 14

2- جد تاريخ وفاة المومياء

يعطى: عدد أفوغادرو  $N_A = 6,02 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1}$  ، ثابت الزمن للكربون 14 هو  $\tau = 8260 \text{ ans}$

II- يحاول العلماء حالياً التتحقق عملياً من إمكانية إنتاج الطاقة من تفاعلات الاندماج النووي من بين التفاعلات التي تتركز

عليها الدراسة هي تفاعل الاندماج النووي لنظيري الهيدروجين  $^2H$  و  $^3H$  ،

1- عرف كلًا من : الاندماج النووي و طاقة الرابط  $E_i$

2- أكتب معادلة الاندماج النووي بين الديتريوم  $^2H$  و التريسيوم  $^3H$  علماً أن التفاعل ينتج نوأة  $X^{A_Z}$  و نترونا.

أ- أحسب الطاقة المحررة  $E_{Lib}$  عند الاندماج نوأة الديتريوم  $^2H$  ، و نوأة التريسيوم  $^3H$

ب- أحسب الطاقة المحررة  $E_{Lib_{Tot}}$  عن المزيج من  $^2H$  و  $^3H$  كتلته  $m = 3mg$  متساوي الأنوية

يعطى :

$$M(^3H) = 3 \text{ g/mol} , M(^2H) = 2 \text{ g/mol} , 1u = 931.5 \text{ Mev/c}^2 , m_n = 1,00866u$$

$$m(^3H) = 3,0155u , m(^4He) = 4,0015u , m(^2H) = 2,01355u ,$$

التمرين الثاني : 6 نقاط

تسقط حبة برد حجمها  $1,413 \times 10^{-5} m^3$  و كتلتها  $13g = 1,413 \times 10^{-5} m^3 \times 1,000 \text{ kg/m}^3$  دون سرعة ابتدائية في اللحظة  $t = 0s$  من نقطة (o) ترتفع ب  $1500m$  عن سطح الأرض تعتبرها كمبدأ المحور الشاقولي ( $Oz$ ) الموجه نحو الأسفل .  
أولاً: نفرض أن حبة البرد تسقط سقطاً حرارياً .

1- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن جد المعادلات الزمنية للحركة.

2- احسب سرعة وصول حبة البرد إلى سطح الأرض.

3- احسب المسافة  $L = AB$  الفاصلة بين الموضع (A) حيث سرعة الجسم  $V_A = 2m/s$  والموضع (B) حيث سرعة

$$V_B = 4m/s$$

ثانياً: في الواقع تخضع حبة البرد بالإضافة إلى قوة ثقلها  $\vec{P}$  إلى قوة دافعة أرخميدس  $\vec{\Pi}$  وقوة احتكاك مع الهواء تعطى بالعلاقة  $\vec{f} = k\vec{v}$  كمقاربة أولية .

1- بالتحليل البعدى حدد وحدة المعامل  $k$  في جملة الوحدات الدولية .

2- أحسب النسبة  $\frac{\Pi}{P}$  ، ماذا تستنتج؟

3- دراسة حركة حبة البرد بمحاكاة مناسبة مكتننا من الحصول على البيانات:

أ- حدد قيمة التسارع الابتدائي . واستنتج أن دافعة أرخميدس مهملة أمام قوة الثقل .

ب- بين أن المعادلة التفاضلية للحركة يمكن كتابتها على الشكل

$$\frac{dv(t)}{dt} = A - B \cdot v(t)$$

ت- فسر لماذا يمكن للسرعة أن تصبح ثابتة.

ث- استرجع عبارة السرعة الحدية  $V_{lim}$  التي تبلغها حبة البرد وقيمتها العددية.

ج- أحسب قيمة  $k$ .

ح- قارن بين السرعتين التي تم حسابهما في (أولاً-2) و (ثانياً-3-ب) ، ماذا تستنتج؟

ثالثاً: اذا كانت شدة قوة احتكاك بين الهواء و حبة البرد من الشكل  $f = \alpha \cdot v^2$  حيث ( $\alpha$  موجب ثابت ) .

1- كيف تصبح المعادلة التفاضلية التي تصف السرعة؟

2- جد عبارة السرعة الحدية في هذه الحالة .

3- جد قيمة وحدة الثابت ( $\alpha$ )

4- أحسب عمل قوة احتكاك المطبقة على الجملة (حبة البرد+أرض) خلال سقوطها للمسافة الكلية ( $1500m$ )

تعطى: الكتلة الحجمية للهواء  $\rho = 1,3Kg.m^{-3}$  ،  $g = 9,8m.s^{-2}$

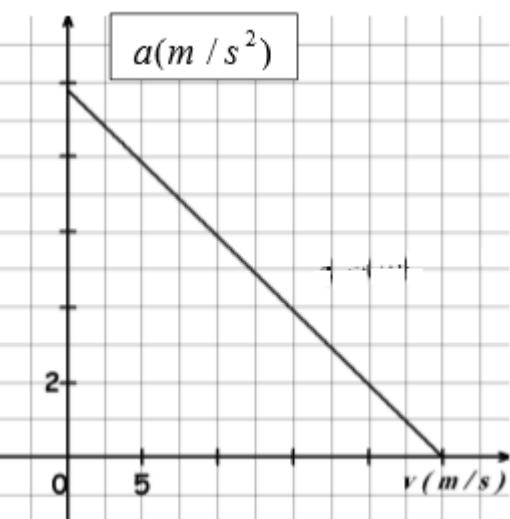
التمرين التجاري : 7 نقاط

نريد في تجربة أولى دراسة تفاعل حمض البوتانيك  $C_3H_7COOH$  مع الماء و في تجربة ثانية ندرس تفاعله مع الميثanol.

المعطيات :

► تمت القياسات في درجة حرارة  $25^\circ C$  .

► ترمز لحمض البوتانيك بالرمز  $AH$  ولاساسه المرافق بالرمز  $-A^-$  .



► الجاء الشاردي للماء  $k_e = 10^{-14}$

. الحاله الأولى : نحضر محلولا مائيا ( $s_A$ ) لحمض البوتانيك تركيزه المولى  $C_A = 1,0 \times 10^{-2} mol/L$  وحجمه  $V_A$ .

نقيس  $pH$  للمحلول ( $s_A$ ) فجد  $pH = 3,41$ .

- أكتب معادلة احلال الحمض في الماء.

- أنشئ جدول تقدم التفاعل.

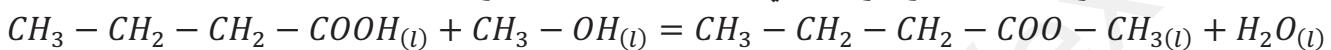
- أكتب عبارة تقدم التفاعل  $x$  عند التوازن بدلالة  $V_A$  ;  $[H_3O^+]_f$  ;  $V_A$

- أكتب عبارة  $\tau_f$  نسبة التقدم النهائي عند التوازن بدلالة  $pH$  و  $C_A$ . ثم أحسب قيمته، ماذا تستنتج؟

- جد ثابت الحموضة  $K_A(AH/A^-)$  بدلالة  $\tau_f$  و  $C_A$  ، ثم استنتاج قيمة  $\text{al}(AH/A^-)$ .

### الحاله الثانية :

يتفاعل حمض البوتانيك مع الميثانول وينتج نوع كيميائي عضوي  $E$  والماء. تندمج معادلة التفاعل لهذا المحلول بالمعادلة.



- ماهي المجموعة الوظيفية التي ينتهي اليها النوع  $E$  ، أعط اسمه.

- نسكب في حوجلة موضوعة في ماء مثلج.  $n_1 = 0,1 mol$  من حمض البوتانيك و  $n_2 = 0,1 mol$  من الميثانول

و قطرات من حمض الكبريت المركز و قطرات من الفينول فتاليين، فنحصل على مزيج حجمه  $V = 400 mL$

► ما دور الماء المثلج؟

- لتبث تطور هذا التفاعل نسكب في 10 أنابيب نفس الحجم من المزيج، ونحكم اغلاقها ونضعها في حمام مائي درجة حرارته  $(100^\circ C)$ . ثم نشغل الكرونومتر عند اللحظة  $t = 0s$ .

لتحديد تقدم تفاعل بدلالة الزمن ، نخرج الأنابيب من الحمام واحد تلو الآخر و نضعها في ماء مثلج ثم نعابر الحمض المتبقى في

كل أنبوب بواسطة محلول مائي لهيدروكسيد الصوديوم  $Na^+, OH^-$  تركيزه  $C = 1,0 mol/L$  المولى

- أكتب معادلة تفاعل المعايرة الحادث.

ب- بين أن عبارة التقدم  $x$  لتفاعل الأسترة في اللحظة  $t = 0s$  تعطى

بالعلاقة :

$$x(t) = 0,1 - 10C \times V_{BE}(t)$$

حيث :  $V_{BE}$  حجم هيدروكسيد الصوديوم المضاف عند التكافؤ في كل أنبوب .

- أدت نتائج الدراسة التجريبية لهذه المعايرة الى رسم البيان  $x$

$f(t)$  الممثل لتغيرات التقدم التقدم  $x$  لتفاعل الأسترة بدلالة

الزمن.

- اعتماد على البيان حدد:

► السرعة الحجمية لتفاعل عند اللحظة  $t_0 = 0s$  للحظة  $t_1 = 50 min$

► زمن نصف التفاعل  $t_{1/2}$ .

► كسر التفاعل عند التوازن  $Q_{rf}$  لتفاعل الأسترة .